

---

**Eingabe** : chordaler Graph  $G = (V, E)$ .

**Ausgabe** : Clique  $C$  und Knotenfärbung  $\phi$ .

---

```
1 Bestimme mit LexBFS ein PES  $\sigma$  von  $G$ ;  
2  $C \leftarrow \emptyset, \phi \leftarrow 0$ ;  
3 für  $i \leftarrow n$  bis 1 tue  
4   |  $v \leftarrow \sigma(i)$ ;  
5   |  $X_v \leftarrow \text{Adj}(v) \cap \{\sigma(i+1), \dots, \sigma(n)\}$ ;  
6   |  $\phi(v) \leftarrow \min(\mathbb{N} - \{\phi(w) \mid w \in X_v\})$ ;  
7   | Wenn  $|C| < |X_v + \{v\}|$ , dann  
8   |   |  $C \leftarrow X_v + \{v\}$ ;  
9   | Ende  
10 Ende  
11 Gebe aus  $\phi$  und  $C$ ;
```

---

**Algorithmus 5** : Bestimmung von  $\omega(G)$  und  $\chi(G)$

---

---

**Eingabe** : chordaler Graph  $G = (V, E)$ .

**Ausgabe** : Unabhg. Menge  $U$  und Cliquesüberd.  $\psi$ .

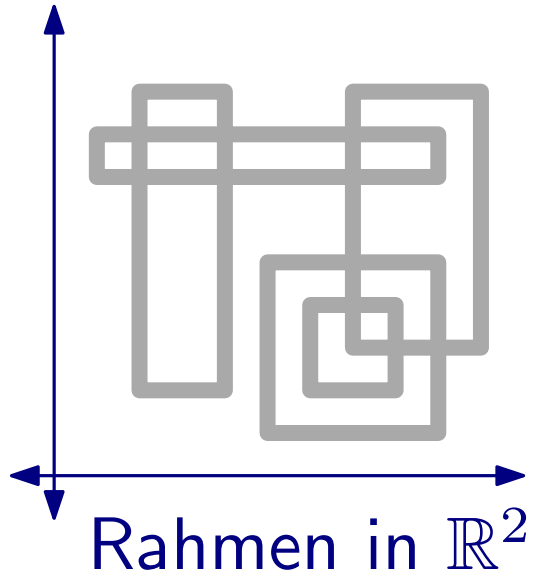
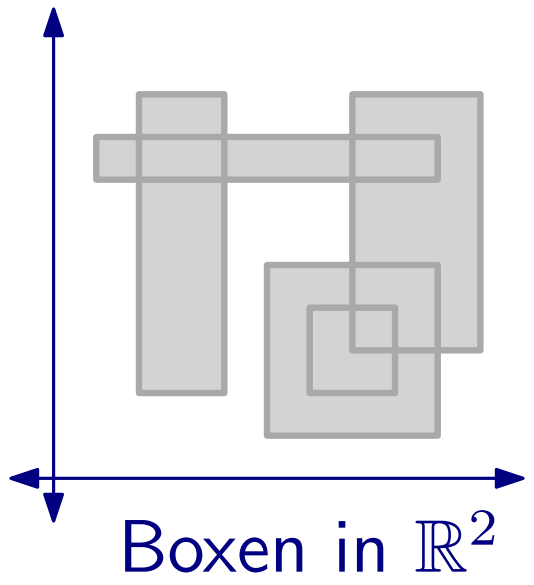
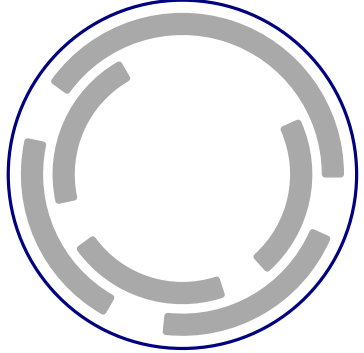
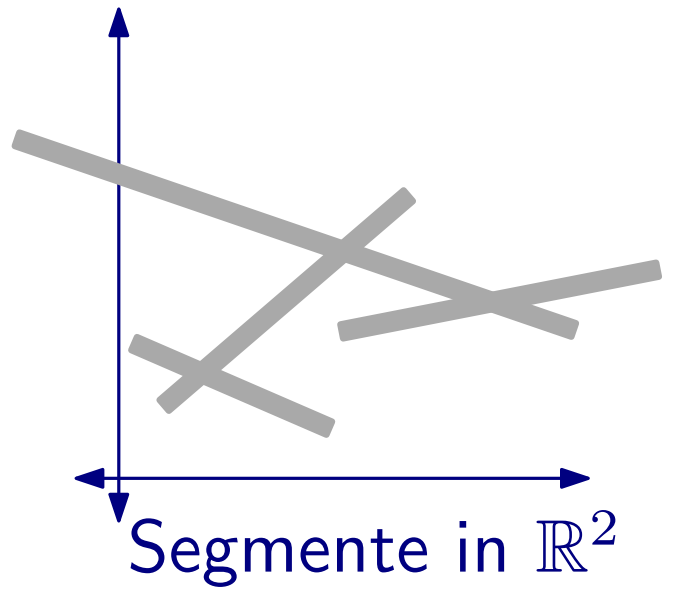
---

```
1  Bestimme mit LexBFS ein PES  $\sigma$  von  $G$ ;  
2   $U \leftarrow \emptyset, \psi \leftarrow 0$ ;  
3  für  $i \leftarrow 1$  bis  $n$  tue  
4  |    $v \leftarrow \sigma(i), X_v \leftarrow \text{Adj}(v) \cap \{\sigma(i+1), \dots, \sigma(n)\}$ ;  
5  |   Wenn  $\psi(v) = 0$ , dann  
6  |   |    $U \leftarrow U + \{v\}$ ;  
7  |   |   für  $w \in X_v + \{v\}$  tue  
8  |   |   |    $\psi(w) \leftarrow |U|$ ;  
9  |   |   Ende  
10 |   Ende  
11 Ende  
12 Gebe aus  $\psi$  und  $U$ ;
```

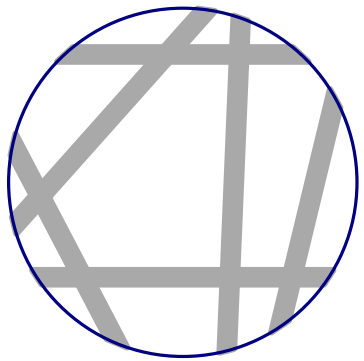
---

**Algorithmus 6** : Bestimmung von  $\alpha(G)$  und  $k(G)$

---



Kreisbögen in  $S^1$   
(Kreisbogengraphen)



Sehnen in  $S^1$   
(Kreissehnengraphen)

### Proposition 3.13.

$T$  Baum  $\Rightarrow \{T_i \subseteq T \mid T_i \text{ Baum}\}_{i \in I}$  erfüllt **Helly Eigenschaft**.

### Satz 3.14.

Für jeden Graphen  $G = (V, E)$  sind äquivalent:

(i)  $G$  ist **chordal**

(ii)  $\exists$  Baum  $T = (V_T, E_T)$ ,  $\{T_v \subseteq T \mid v \in V, T_v \text{ Baum}\}$

so dass  $vw \in E \Leftrightarrow T_v \cap T_w \neq \emptyset$

(iii)  $\exists$  Baum  $T = (V_T, E_T)$  so dass

$V_T = \{X \subseteq V \mid X \text{ maximale Clique in } G\}$  und

$\forall v \in V \quad K_v = \{X \in V_T \mid v \in X\}$  induziert Baum