

---

**Eingabe** : Ungerichteter Graph  $G = (V, E)$ .

**Ausgabe** : Knotenordnung  $\sigma$ .

---

```
1 Weise jedem Knoten das Label  $\emptyset$  zu;
2 für  $i \leftarrow n$  bis 1 tue
3   | wähle einen nicht nummerierten Knoten  $v$ 
   |                                     mit größtem Label;
4   |  $\sigma(i) \leftarrow v$ ;
5   | für jeden nicht nummerierten Knoten  $w \in \text{Adj}(v)$ 
   |   | füge  $i$  zu  $\text{Label}(w)$  hinzu;
6   | Ende
7 Ende
```

---

**Algorithmus 1** : LexBFS

---

---

```
1  für  $w \in \text{Adj}(v)$  nicht nummeriert tue
2  |   wenn  $\text{Flag}(\text{Set}(w)) = \text{false}$  dann
3  |   |   Füge neue Menge  $S$  vor  $\text{Set}(w)$  in  $Q$  ein;
4  |   |    $\text{Flag}(\text{Set}(w)) \leftarrow \text{true}$ ; Füge  $\text{Set}(w)$  in  $\text{FixList}$  ein;
5  |   Ende
6  |    $S \leftarrow$  Menge vor  $\text{Set}(w)$  in  $Q$ ;
7  |   Entferne  $w$  aus  $\text{Set}(w)$ ; Füge  $w$  in  $S$  ein;
8  |    $\text{Set}(w) \leftarrow S$ ;
9  Ende
10 für  $S \in \text{FixList}$  tue
11 |    $\text{Flag}(S) \leftarrow \text{false}$ ;
12 |   wenn  $S$  leer dann
13 |   |   Entferne  $S$  aus  $Q$ ;
14 |   Ende
15 |   Entferne  $S$  aus  $\text{FixList}$ ;
16 Ende
```

---

**Algorithmus 2** : Updateschritt in LexBFS

---

**Eingabe** : Graph  $G = (V, E)$ , Knotenordnung  $\sigma$ .

**Ausgabe** : Wahr, wenn  $\sigma$  PES, sonst falsch.

---

```
1  für alle Knoten  $v$  tue  $A(v) \leftarrow \emptyset$ ;  
2  für  $i \leftarrow 1$  bis  $n - 1$  tue  
3       $v \leftarrow \sigma(i)$ ;  
4       $X_v \leftarrow \text{Adj}(v) \cap \{\sigma(i + 1), \dots, \sigma(n)\}$ ;  
5      wenn  $X_v = \emptyset$  dann gehe zu Zeile 8;  
6       $u \leftarrow \text{argmin}\{\sigma(x) \mid x \in X_v\}$ ;  
7      Füge  $X_v - \{u\}$  in  $A(u)$  ein;  
8      wenn  $A(v) - \text{Adj}(v) \neq \emptyset$  dann  
9          | return falsch;  
10     Ende  
11 Ende  
12 return wahr;
```

---

**Algorithmus 3** : Test auf perfektes Eliminationsschema

---

---

**Eingabe** : Listen  $\text{Adj}(v)$ ,  $A(v)$ .

**Ausgabe** : Wahr, wenn  $A(v) - \text{Adj}(v) \neq \emptyset$ , sonst falsch.

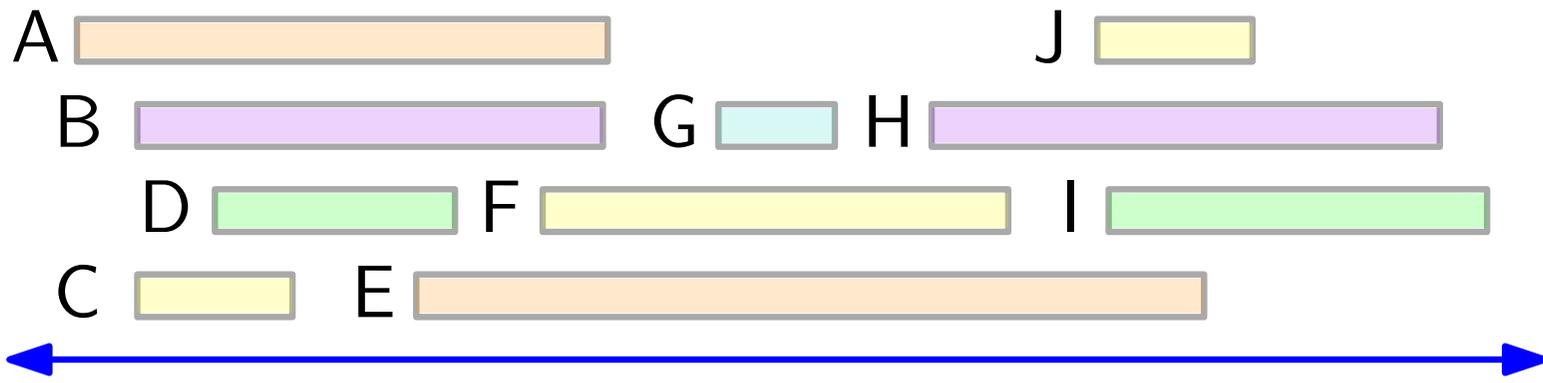
---

```
1 für  $w \in \text{Adj}(v)$  tue Test( $w$ )  $\leftarrow$  true;
2 für  $w \in A(v)$  tue
3   | wenn Test( $w$ ) = false dann
4   |   | return wahr;
5   |   Ende
6 Ende
7 für  $w \in \text{Adj}(v)$  tue Test( $w$ )  $\leftarrow$  false;
8 return falsch;
```

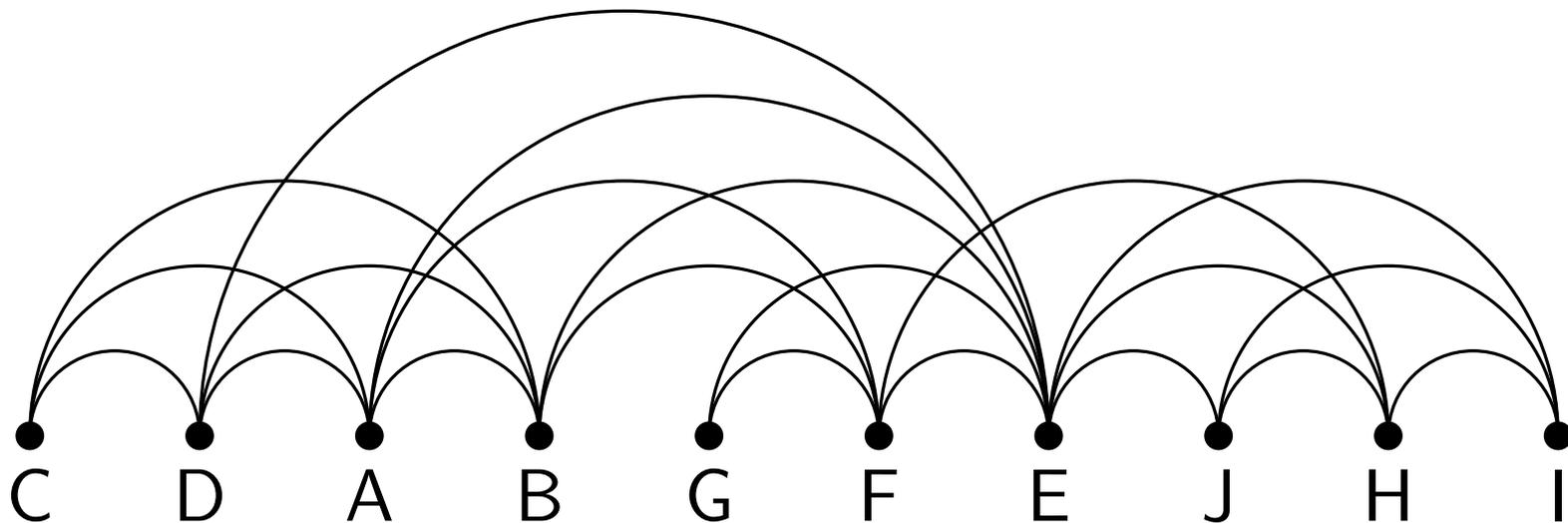
---

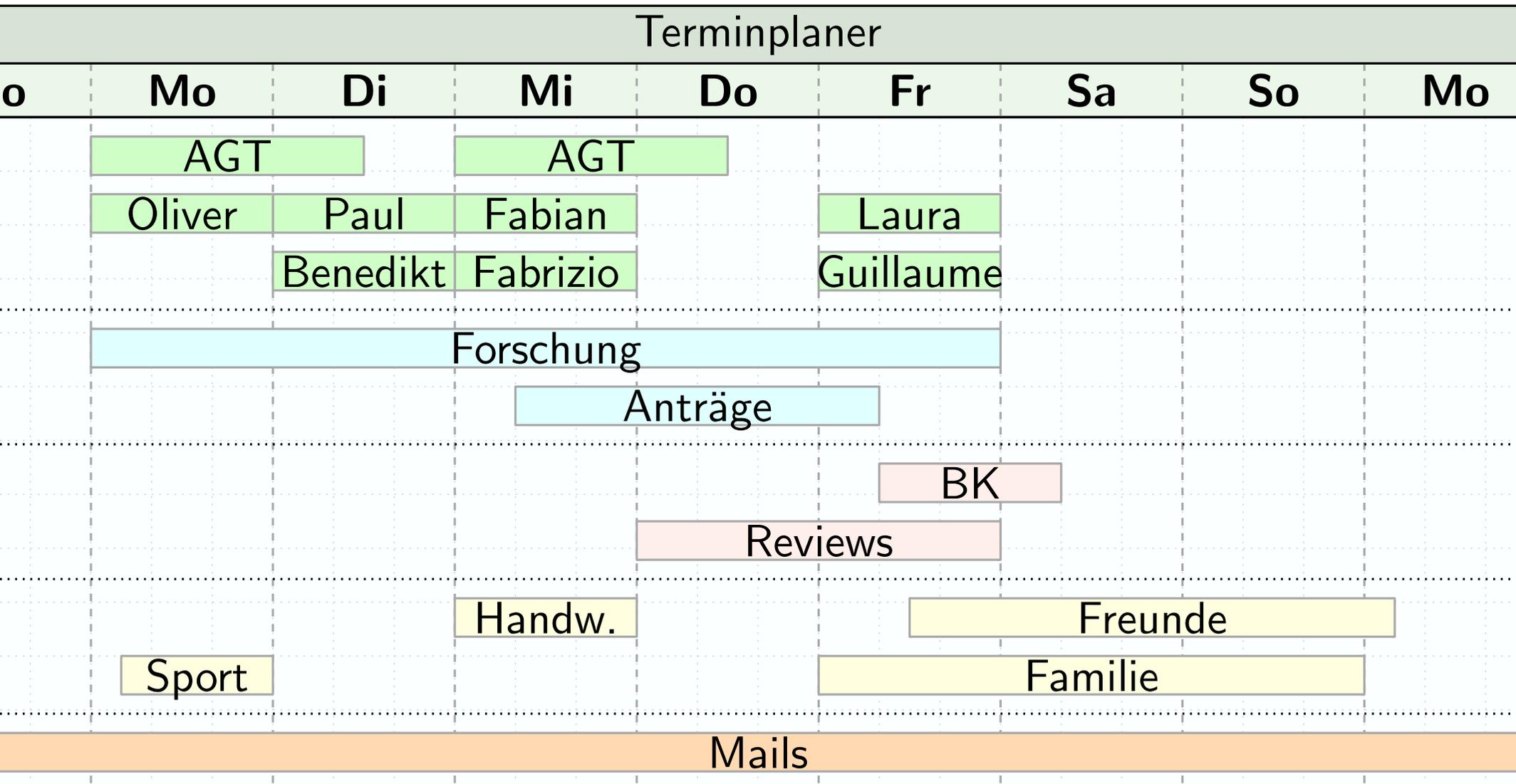
**Algorithmus 4** : Test auf  $A(v) - \text{Adj}(v) \neq \emptyset$  in Zeile 8

---



Für **Intervallgraphen** liefert die **links-nach-rechts** **Ordnung** der **rechten Endpunkte** in einer Intervall-Repräsentation ein **PES**.





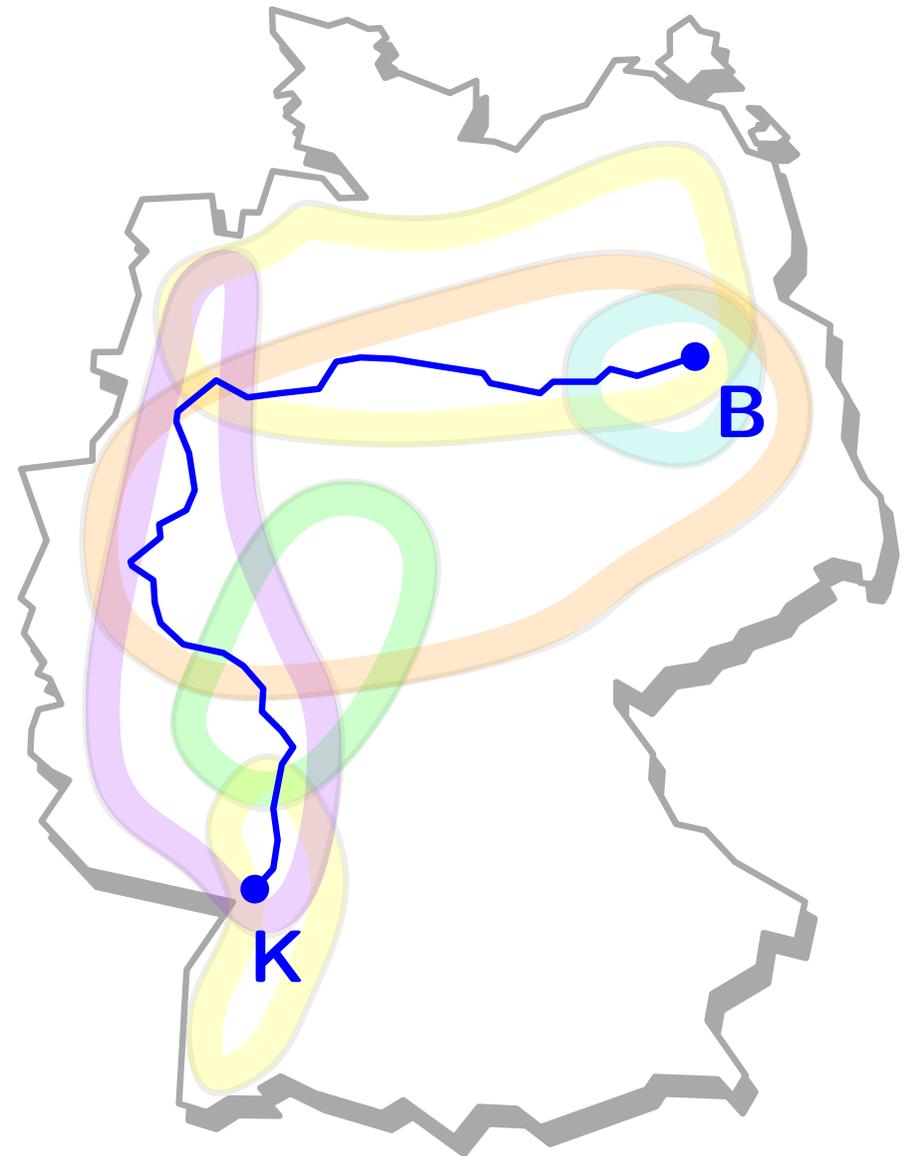
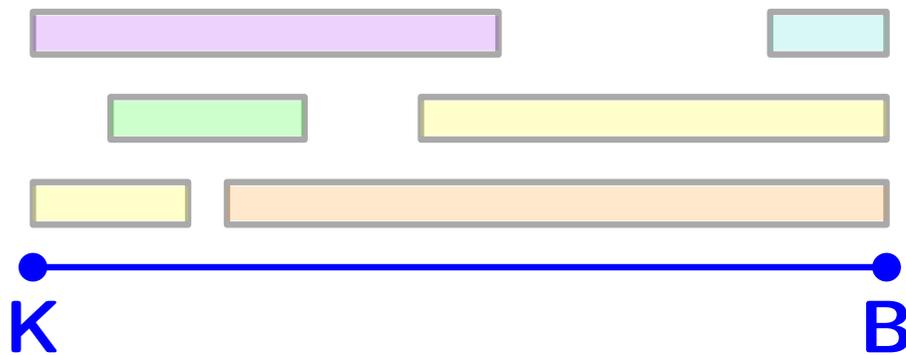
In wieviele Personen müsste ich mich aufteilen,  
um alles zu schaffen?

$$\chi(G)$$

Wieviel kann ich alleine schaffen?

$$\alpha(G)$$

▶ Ich reise von **K** nach **B**  
durch Deutschlands Regionen



Wie oft müsste ich anhalten,  
um alle Regionen zu sehen?

$$k(G)$$

Wieviele Regionen kann ich  
gleichzeitig sehen?

$$\omega(G)$$

---

**Eingabe** : chordaler Graph  $G = (V, E)$ .

**Ausgabe** : Clique  $C$  und Knotenfärbung  $\phi$ .

---

```
1 Bestimme mit LexBFS ein PES  $\sigma$  von  $G$ ;  
2  $C \leftarrow \emptyset, \phi \leftarrow 0$ ;  
3 für  $i \leftarrow n$  bis 1 tue  
4   |  $v \leftarrow \sigma(i)$ ;  
5   |  $X_v \leftarrow \text{Adj}(v) \cap \{\sigma(i+1), \dots, \sigma(n)\}$ ;  
6   |  $\phi(v) \leftarrow \min(\mathbb{N} - \{\phi(w) \mid w \in X_v\})$ ;  
7   | Wenn  $|C| < |X_v + \{v\}|$ , dann  
8   | |  $C \leftarrow X_v + \{v\}$ ;  
9   | Ende  
10 Ende  
11 Gebe aus  $\phi$  und  $C$ ;
```

---

**Algorithmus 5** : Bestimmung von  $\omega(G)$  und  $\chi(G)$

---