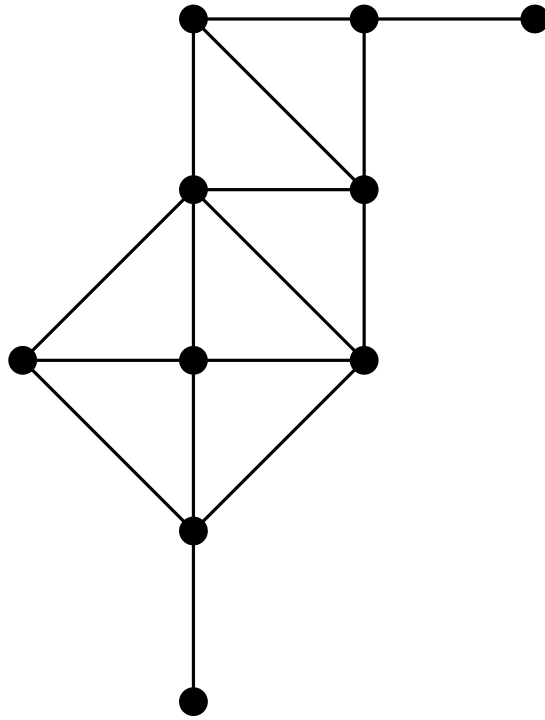


## Algorithmus LexBFS

---



**für**  $i \leftarrow n$  **bis** 1 **tue**

$v \leftarrow$  mit größtem Label;

$\sigma(i) \leftarrow v$ ;

**für**  $w \in \text{Adj}(v)$  **tue**

        | Label( $w$ )  $\leftarrow$  Label( $w$ ). $i$ ;

**Ende**

**Ende**

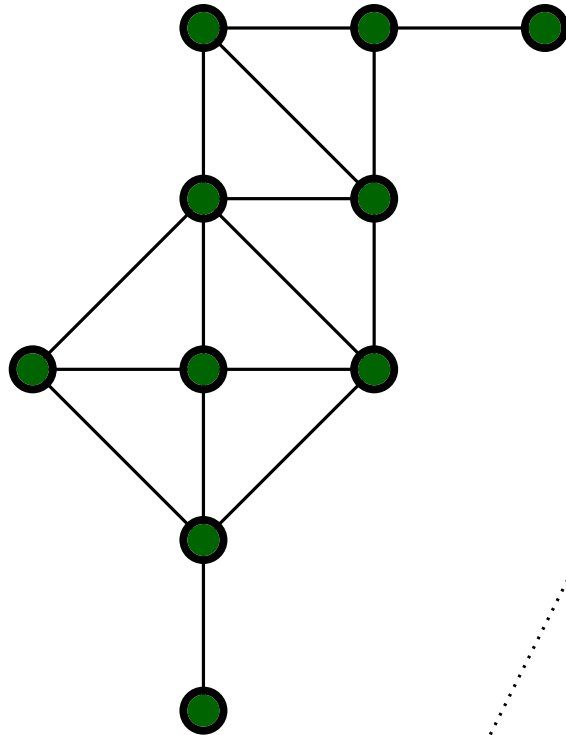
---

# Algorithmus LexBFS

---

```
für  $i \leftarrow n$  bis 1 tue  
   $v \leftarrow$  mit größtem Label;  
   $\sigma(i) \leftarrow v$ ;  
  für  $w \in \text{Adj}(v)$  tue  
    | Label( $w$ )  $\leftarrow$  Label( $w$ ). $i$ ;  
  Ende  
Ende
```

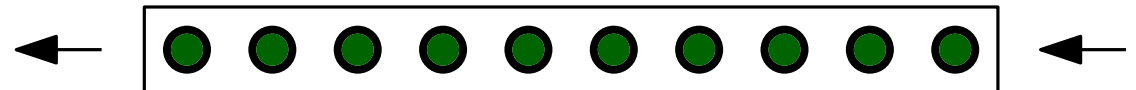
---



Labels

$\bullet = \emptyset$

Queue



# Algorithmus LexBFS

**für**  $i \leftarrow n$  **bis** 1 **tue**

$v \leftarrow$  mit größtem Label;

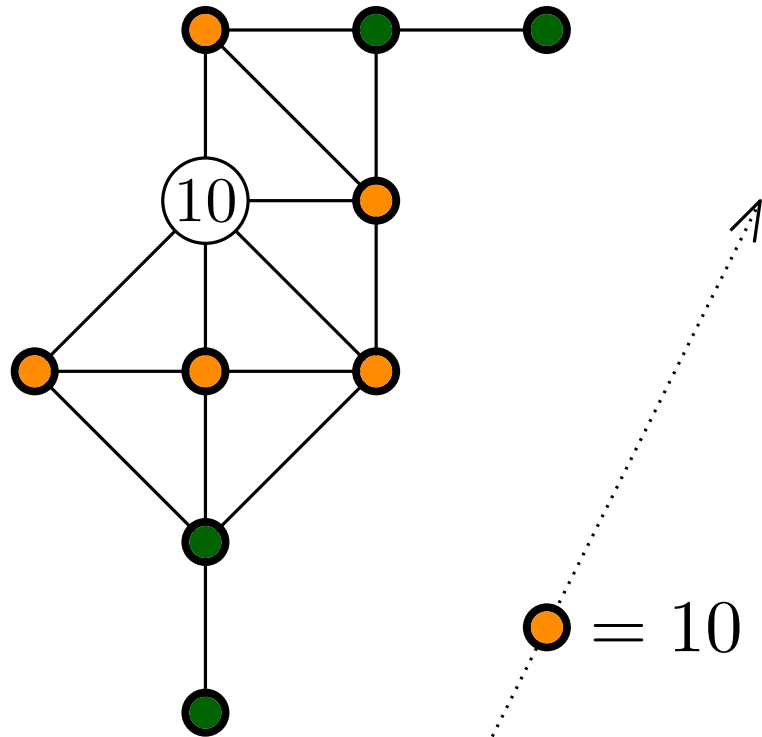
$\sigma(i) \leftarrow v$ ;

**für**  $w \in \text{Adj}(v)$  **tue**

        | Label( $w$ )  $\leftarrow$  Label( $w$ ). $i$ ;

**Ende**

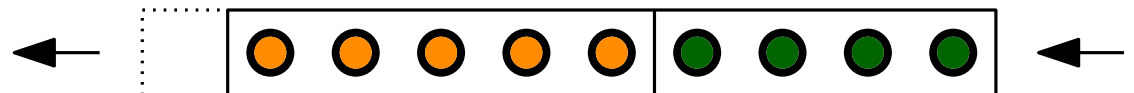
**Ende**



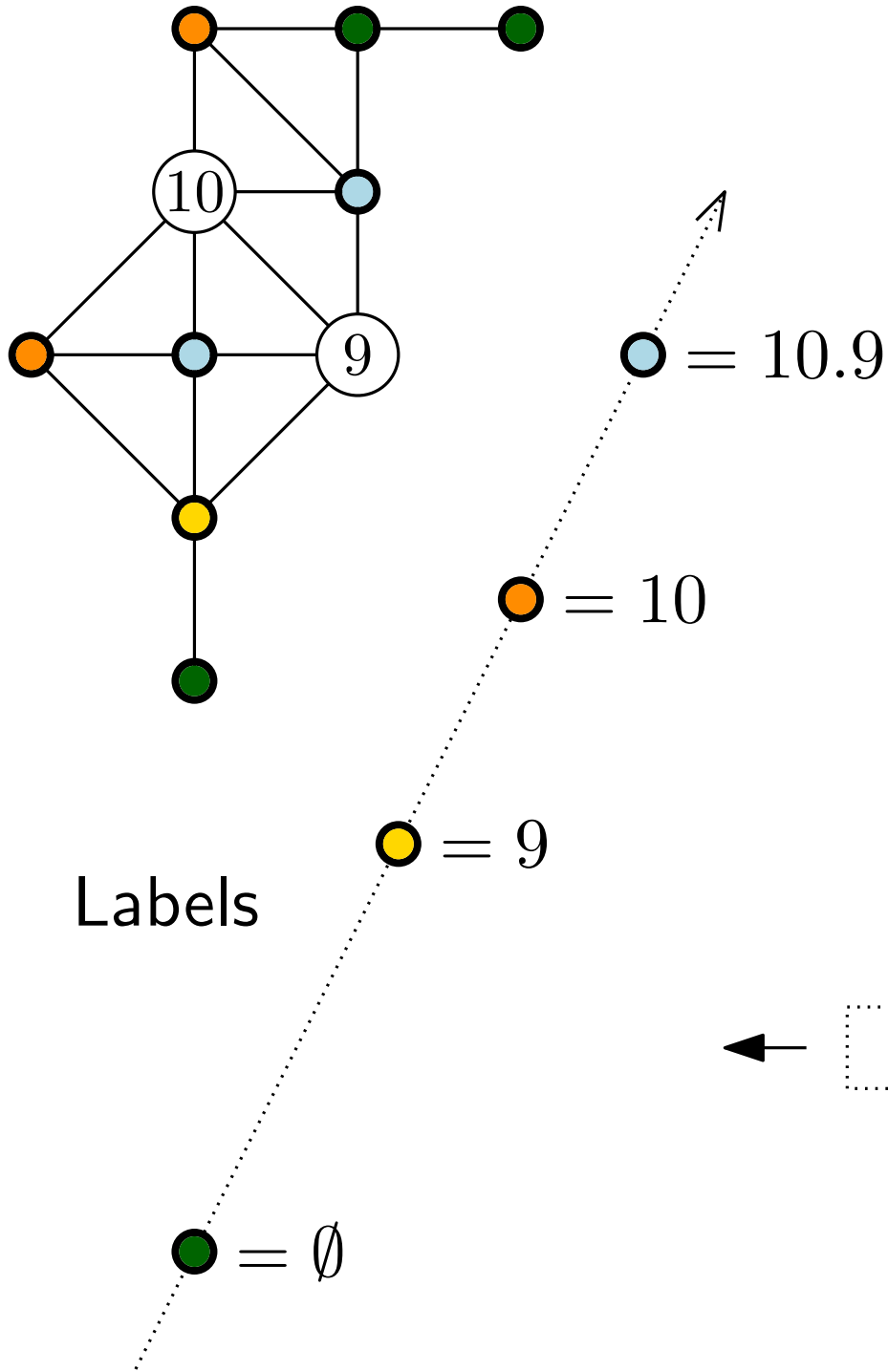
Labels

$\bullet = \emptyset$

Queue



# Algorithmus LexBFS



**für**  $i \leftarrow n$  **bis** 1 **tue**

$v \leftarrow$  mit größtem Label;

$\sigma(i) \leftarrow v$ ;

**für**  $w \in \text{Adj}(v)$  **tue**

        | Label( $w$ )  $\leftarrow$  Label( $w$ ). $i$ ;

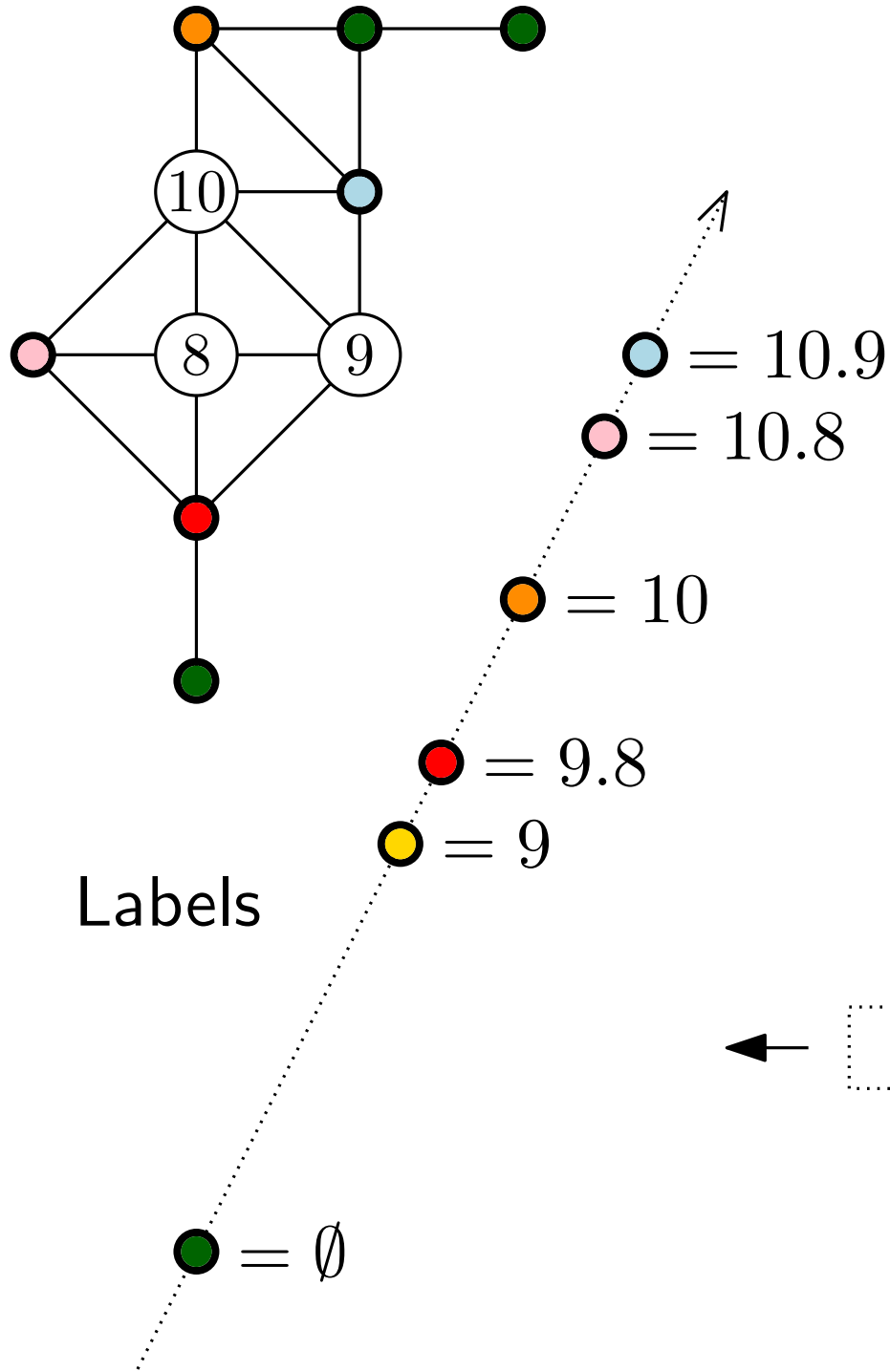
**Ende**

**Ende**

Queue



# Algorithmus LexBFS



**für**  $i \leftarrow n$  **bis** 1 **tue**

$v \leftarrow$  mit größtem Label;

$\sigma(i) \leftarrow v$ ;

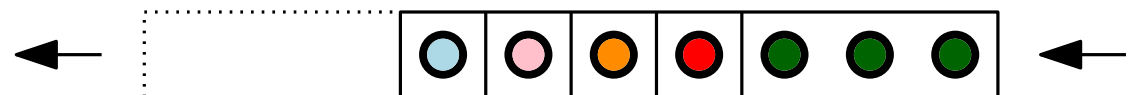
**für**  $w \in \text{Adj}(v)$  **tue**

    | Label( $w$ )  $\leftarrow$  Label( $w$ ). $i$ ;

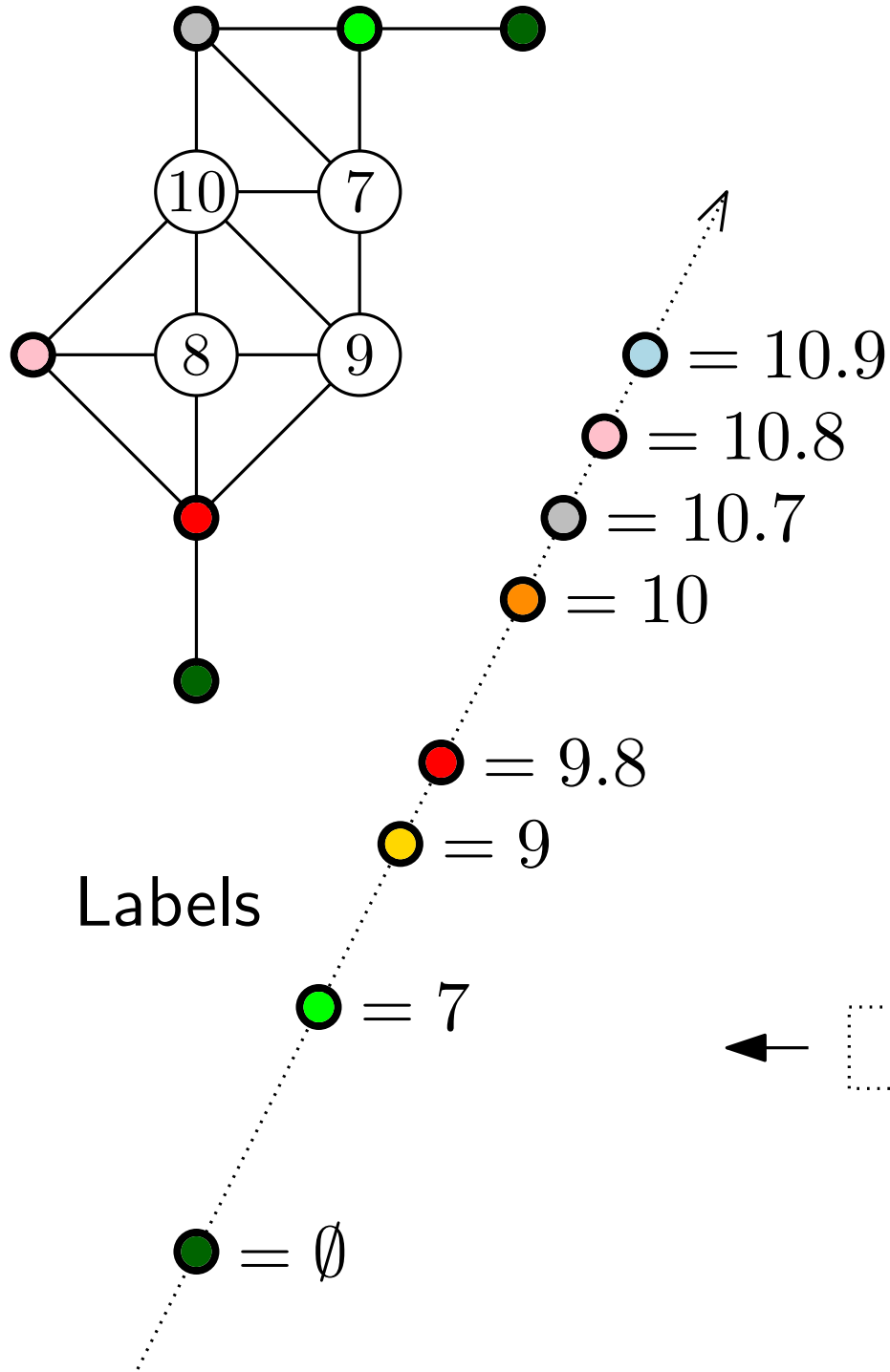
**Ende**

**Ende**

Queue



# Algorithmus LexBFS



**für**  $i \leftarrow n$  **bis** 1 **tue**

$v \leftarrow$  mit größtem Label;

$\sigma(i) \leftarrow v$ ;

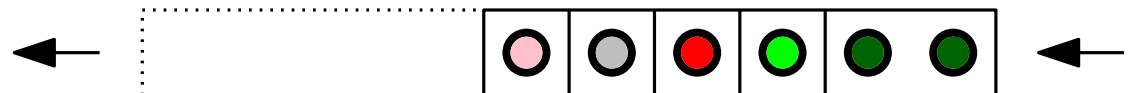
**für**  $w \in \text{Adj}(v)$  **tue**

    | Label( $w$ )  $\leftarrow$  Label( $w$ ). $i$ ;

**Ende**

**Ende**

Queue



# Algorithmus LexBFS

**für**  $i \leftarrow n$  **bis** 1 **tue**

$v \leftarrow$  mit größtem Label;

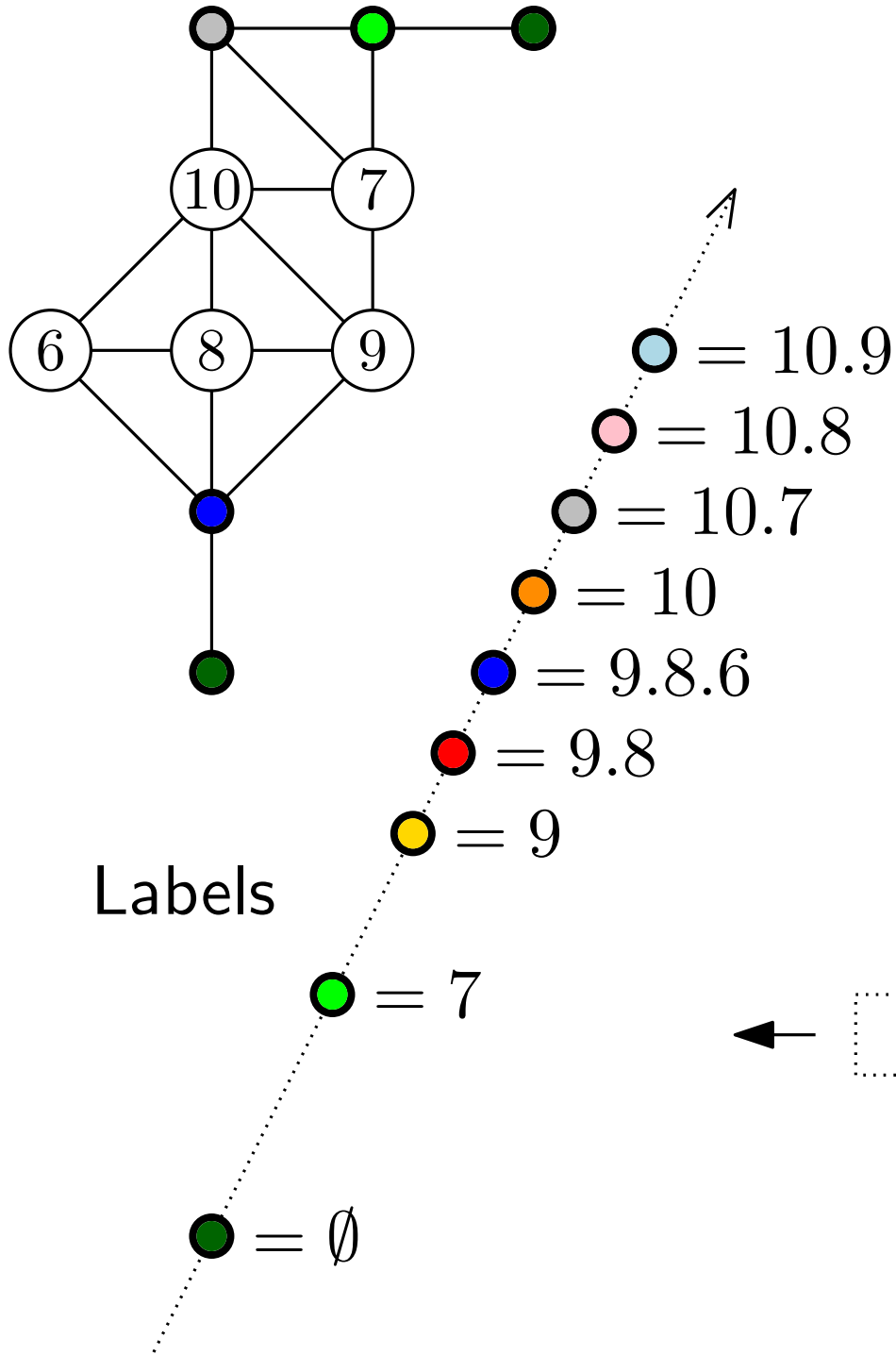
$\sigma(i) \leftarrow v$ ;

**für**  $w \in \text{Adj}(v)$  **tue**

        | Label( $w$ )  $\leftarrow$  Label( $w$ ). $i$ ;

**Ende**

**Ende**



Queue



# Algorithmus LexBFS

**für**  $i \leftarrow n$  **bis** 1 **tue**

$v \leftarrow$  mit größtem Label;

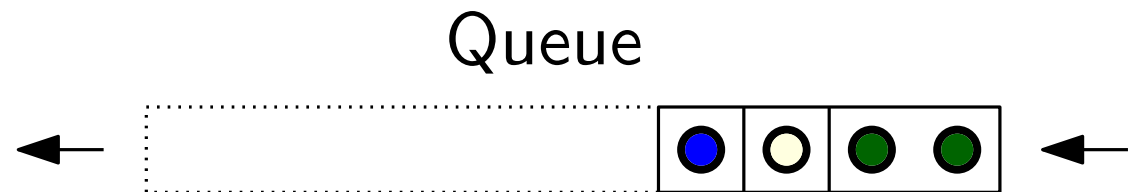
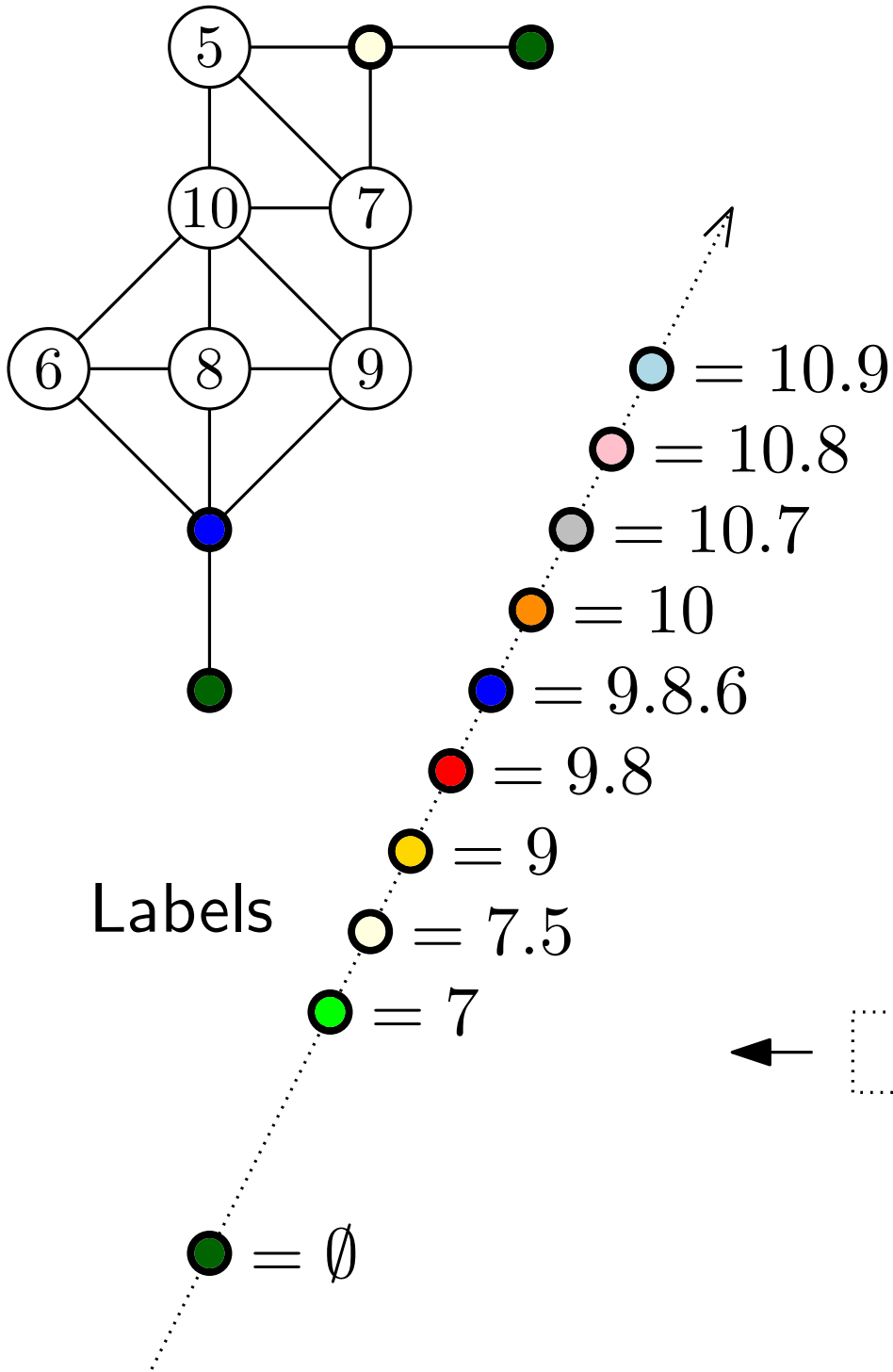
$\sigma(i) \leftarrow v$ ;

**für**  $w \in \text{Adj}(v)$  **tue**

        | Label( $w$ )  $\leftarrow$  Label( $w$ ). $i$ ;

**Ende**

**Ende**





# Algorithmus LexBFS

**für**  $i \leftarrow n$  **bis** 1 **tue**

$v \leftarrow$  mit größtem Label;

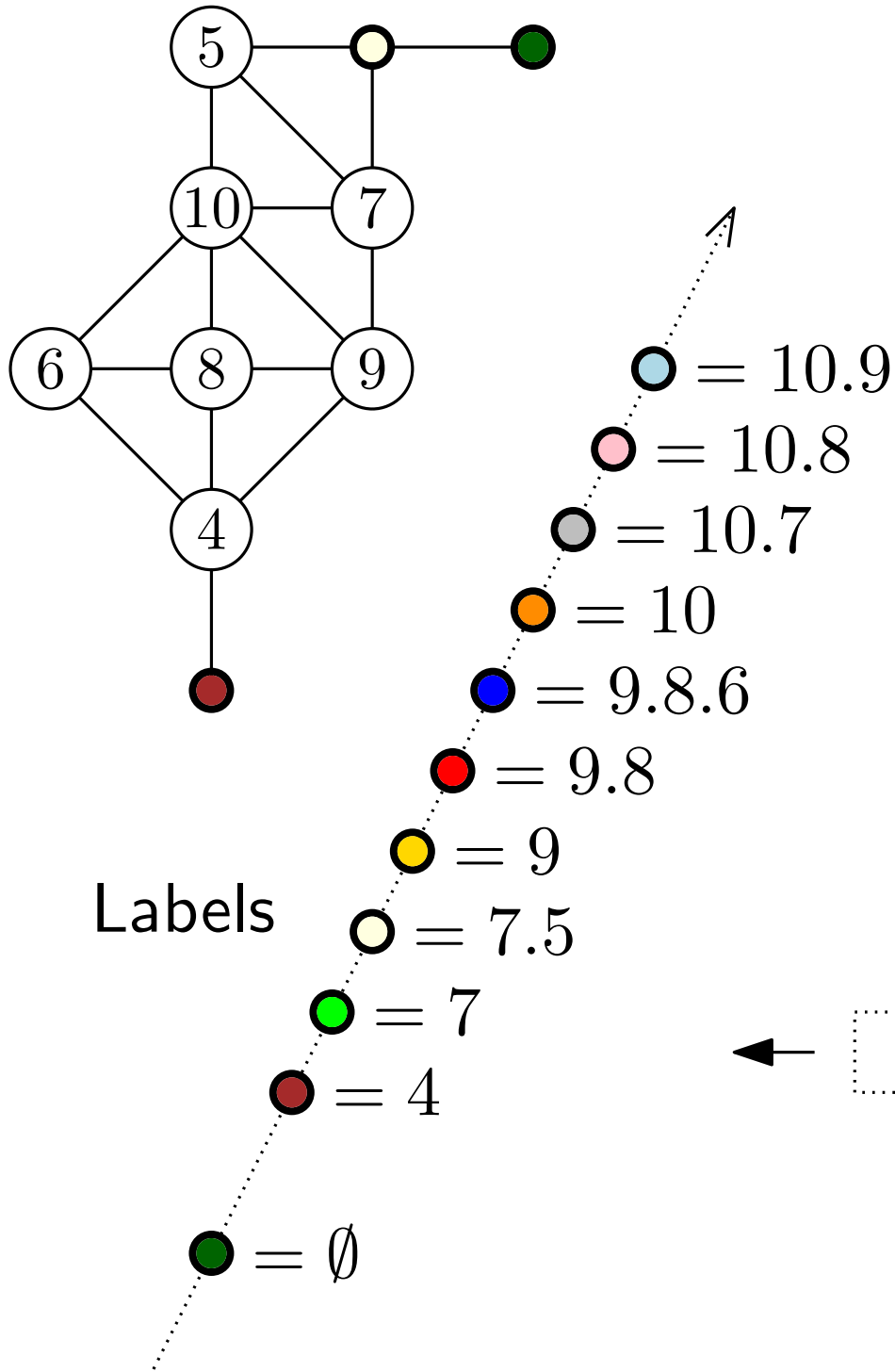
$\sigma(i) \leftarrow v$ ;

**für**  $w \in \text{Adj}(v)$  **tue**

        | Label( $w$ )  $\leftarrow$  Label( $w$ ). $i$ ;

**Ende**

**Ende**



Labels

Queue



# Algorithmus LexBFS

**für**  $i \leftarrow n$  **bis** 1 **tue**

$v \leftarrow$  mit größtem Label;

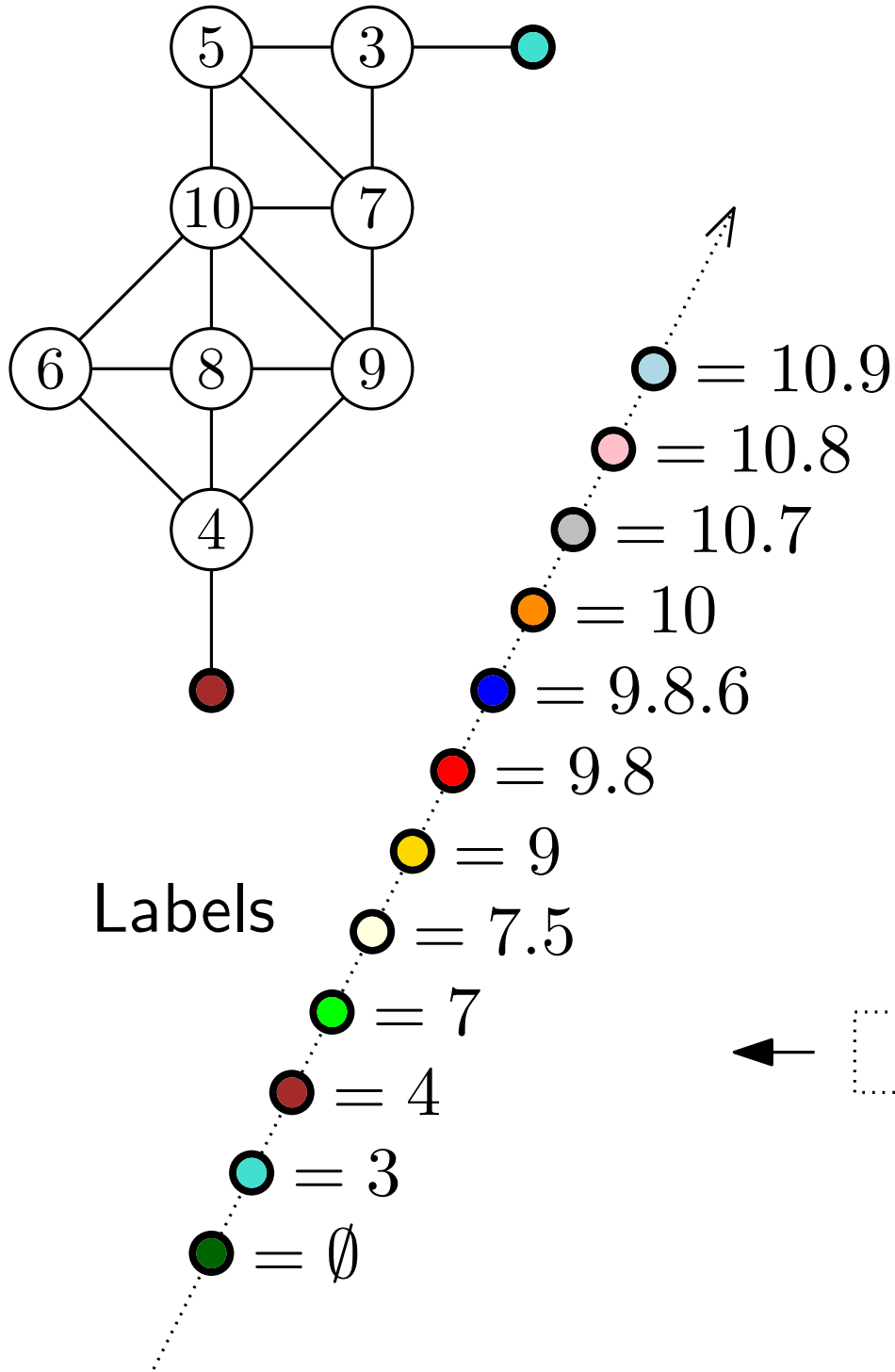
$\sigma(i) \leftarrow v$ ;

**für**  $w \in \text{Adj}(v)$  **tue**

        | Label( $w$ )  $\leftarrow$  Label( $w$ ). $i$ ;

**Ende**

**Ende**



Queue



# Algorithmus LexBFS

**für**  $i \leftarrow n$  **bis** 1 **tue**

$v \leftarrow$  mit größtem Label;

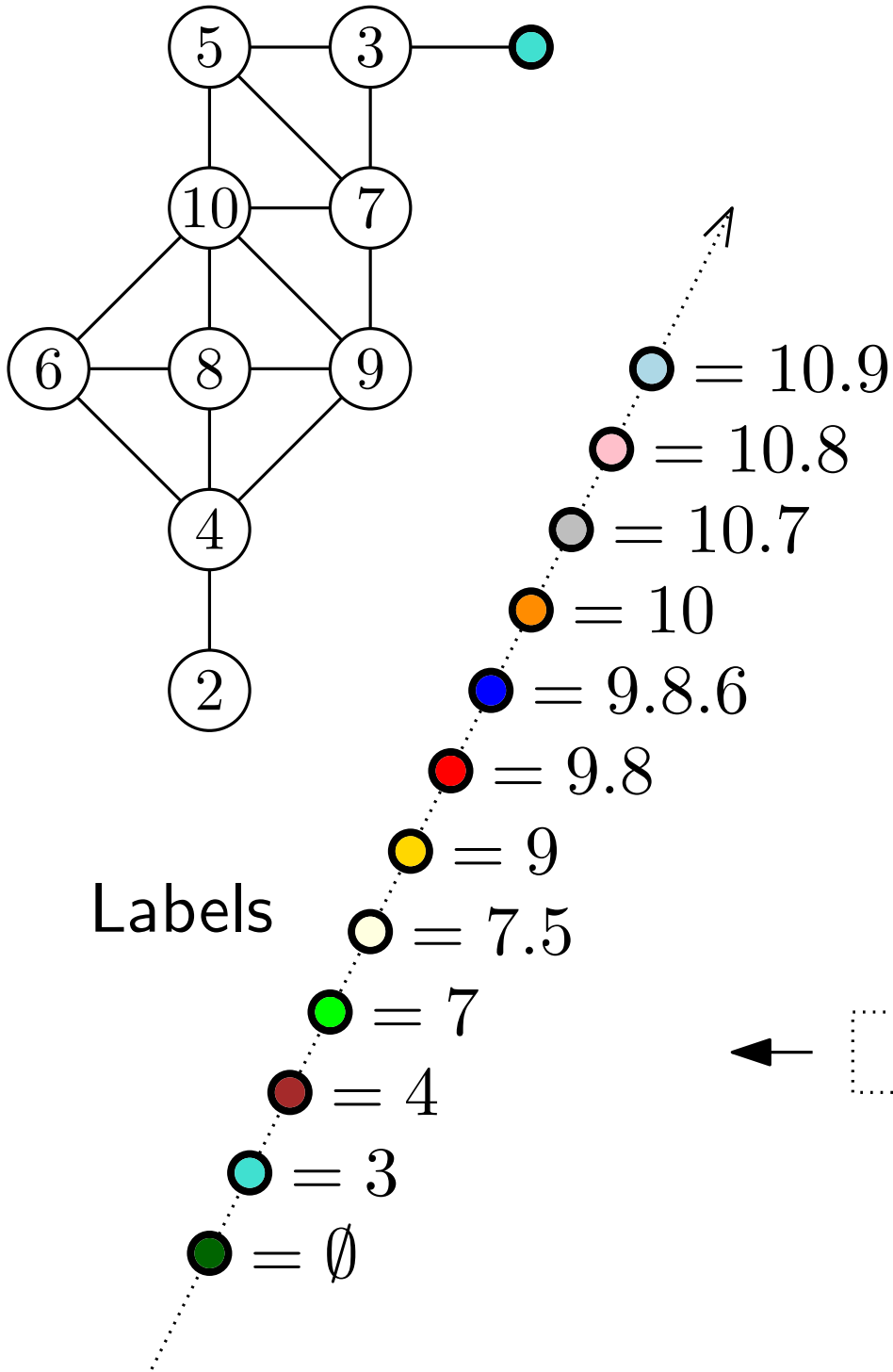
$\sigma(i) \leftarrow v$ ;

**für**  $w \in \text{Adj}(v)$  **tue**

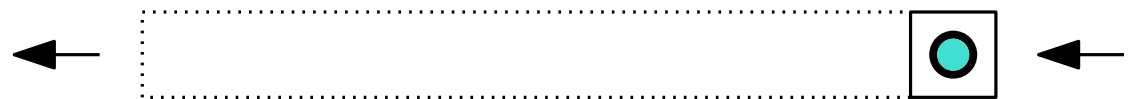
        | Label( $w$ )  $\leftarrow$  Label( $w$ ). $i$ ;

**Ende**

**Ende**



Queue



# Algorithmus LexBFS

**für**  $i \leftarrow n$  **bis** 1 **tue**

$v \leftarrow$  mit größtem Label;

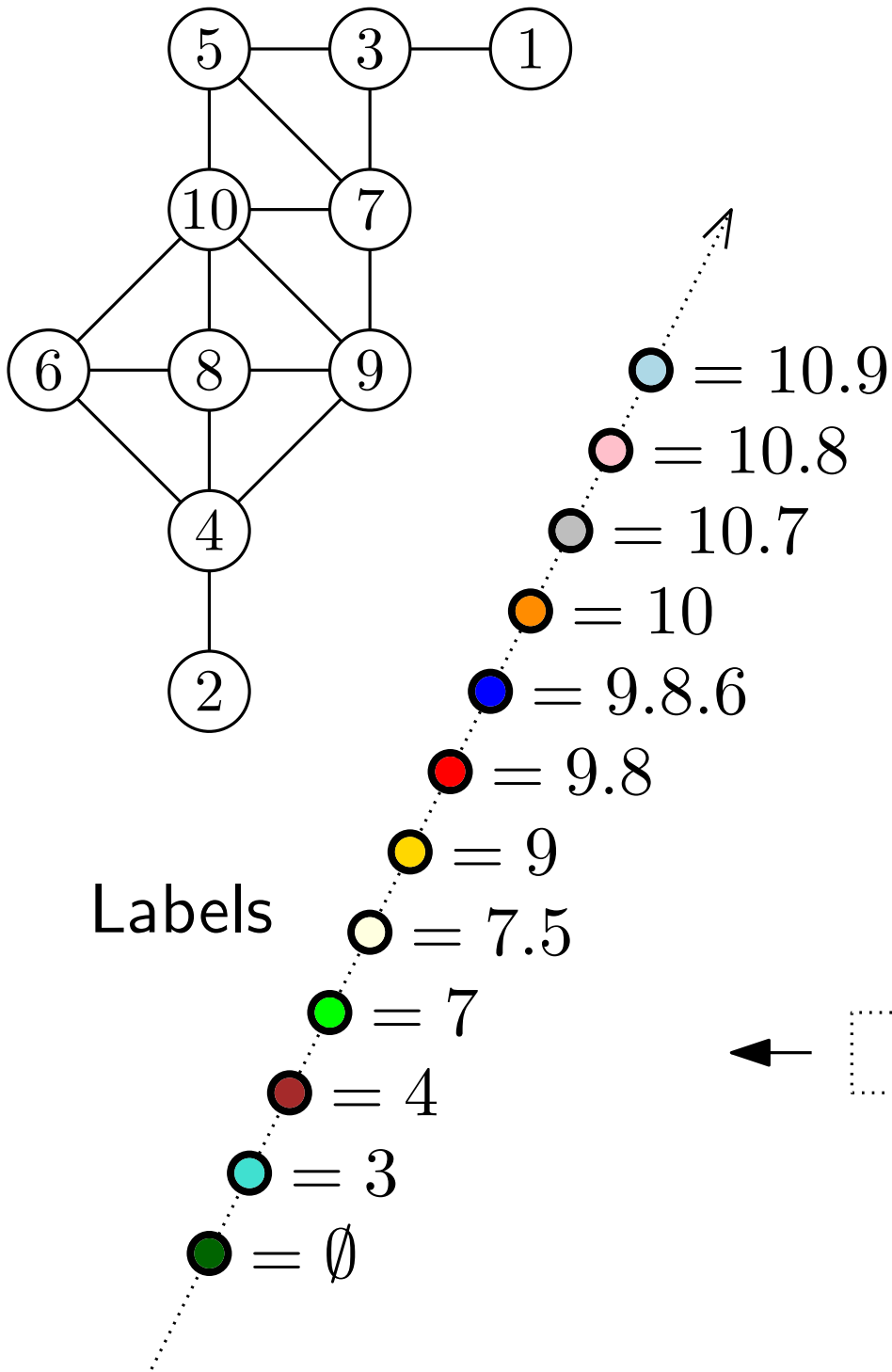
$\sigma(i) \leftarrow v$ ;

**für**  $w \in \text{Adj}(v)$  **tue**

        | Label( $w$ )  $\leftarrow$  Label( $w$ ). $i$ ;

**Ende**

**Ende**



# Algorithmus LexBFS

**für**  $i \leftarrow n$  **bis** 1 **tue**

$v \leftarrow$  mit größtem Label;

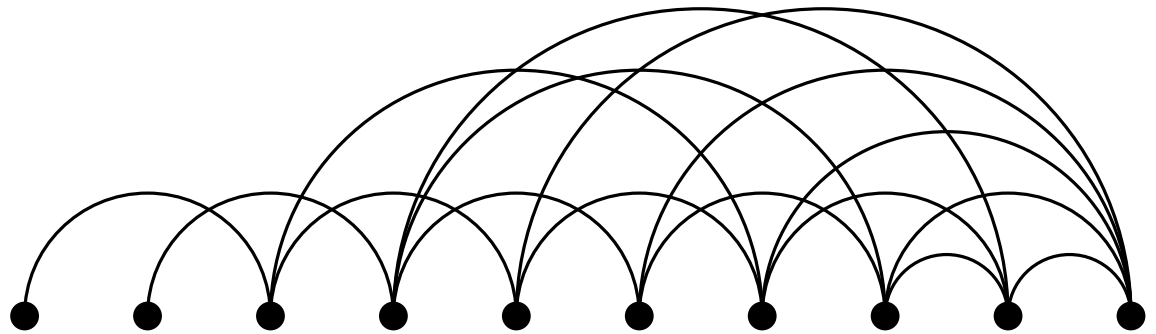
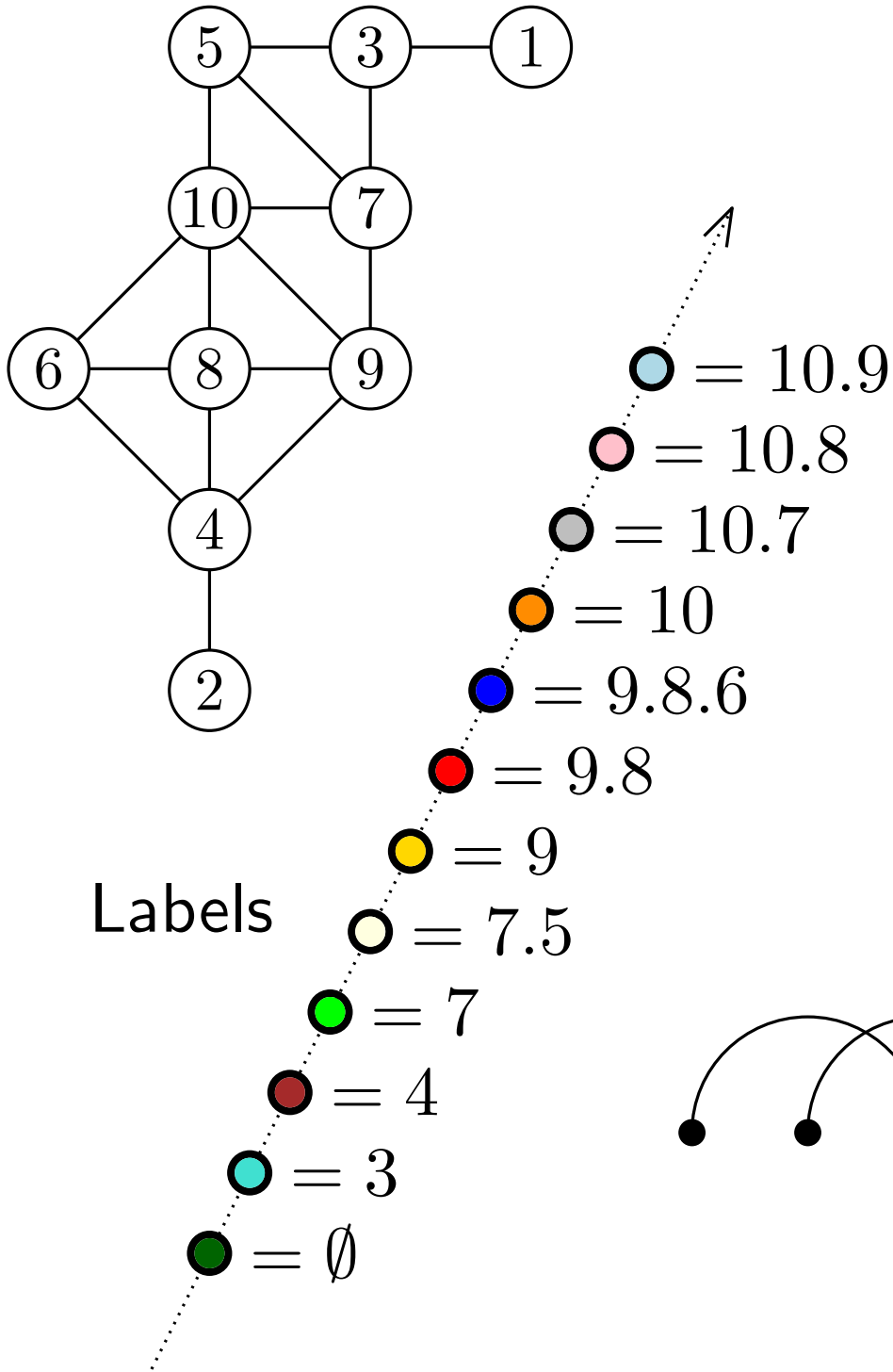
$\sigma(i) \leftarrow v$ ;

**für**  $w \in \text{Adj}(v)$  **tue**

        | Label( $w$ )  $\leftarrow$  Label( $w$ ). $i$ ;

**Ende**

**Ende**



---

```
1  für  $w \in \text{Adj}(v)$  nicht nummeriert tue
2  |   wenn  $\text{Flag}(\text{Set}(w)) = \text{false}$  dann
3  |   |   Füge neue Menge  $S$  hinter  $\text{Set}(w)$  in  $Q$  ein;
4  |   |    $\text{Flag}(\text{Set}(w)) \leftarrow \text{true}$ ; Füge  $S$  in  $\text{FixList}$  ein;
5  |   Ende
6  |    $S \leftarrow$  Menge hinter  $\text{Set}(w)$  in  $Q$ ;
7  |   Entferne  $w$  aus  $\text{Set}(w)$ ; Füge  $w$  in  $S$  ein;
8  |    $\text{Set}(w) \leftarrow S$ ;
9  Ende
10 für  $S \in \text{FixList}$  tue
11 |    $\text{Flag}(S) \leftarrow \text{false}$ ;
12 |   wenn  $S$  leer dann
13 |   |   Entferne  $S$  aus  $Q$ ;
14 |   Ende
15 |   Entferne  $S$  aus  $\text{FixList}$ ;
16 Ende
```

---

**Algorithmus 2** : Updateschritt in LexBFS

---

**Eingabe** : Graph  $G = (V, E)$ , Knotenordnung  $\sigma$ .

**Ausgabe** : Wahr, wenn  $\sigma$  PES, sonst falsch.

---

```
1  für alle Knoten  $v$  tue  $A(v) \leftarrow \emptyset$ ;  
2  für  $i \leftarrow 1$  bis  $n - 1$  tue  
3       $v \leftarrow \sigma(i)$ ;  
4       $X \leftarrow \{x \in \text{Adj}(v) \mid \sigma(v) < \sigma(x)\}$ ;  
5      wenn  $X = \emptyset$  dann gehe zu Zeile 8;  
6       $u \leftarrow \text{argmin}\{\sigma(x) \mid x \in X\}$ ;  
7      Füge  $X - \{u\}$  in  $A(u)$  ein;  
8      wenn  $A(v) - \text{Adj}(v) \neq \emptyset$  dann  
9          | return falsch;  
10     Ende  
11 Ende  
12 return wahr;
```

---

**Algorithmus 3** : Test auf perfektes Eliminationsschema

---

---

**Eingabe** : Listen  $\text{Adj}(v)$ ,  $A(v)$ .

**Ausgabe** : Wahr, wenn  $A(v) - \text{Adj}(v) \neq \emptyset$ , sonst falsch.

---

```
1 für  $w \in \text{Adj}(v)$  tue Test( $w$ )  $\leftarrow$  true;
2 für  $w \in A(v)$  tue
3   | wenn Test( $w$ ) = false dann
4   |   | return wahr;
5   |   Ende
6 Ende
7 für  $w \in \text{Adj}(v)$  tue Test( $w$ )  $\leftarrow$  false;
8 return falsch;
```

---

**Algorithmus 4** : Test auf  $A(v) - \text{Adj}(v) \neq \emptyset$  in Zeile 8

---