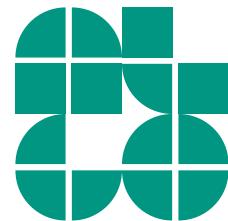


# Übung Algorithmische Geometrie

## Lineare Programmierung + Bereichsanfragen

LEHRSTUHL FÜR ALGORITHMIK I · INSTITUT FÜR THEORETISCHE INFORMATIK · FAKULTÄT FÜR INFORMATIK

Andreas Gempsa  
24.05.2011



Übungsblatt 4

Nachtrag zu Übungsblatt 3

Übungsblatt 5

Werbung

# Aufgabe 1

## Korrektheitsbeweis:

a) Zeige, dass jede mögliche Permutation von A gleich wahrscheinlich ist.

**RandomPermutation( $A$ )**

**Input:** Array  $A[1 \dots n]$

**Output:** Array  $A$ , zufällig gleichverteilt permutiert

**for**  $k \leftarrow n$  **to** 2 **do**

$r \leftarrow \text{Random}(k)$

tausche  $A[r]$  und  $A[k]$

# Aufgabe 1

## Korrektheitsbeweis:

b) Zeige, dass die Aussage aus a) nicht stimmt, wenn wir in der 2. Zeile  $k$  mit  $n$  ersetzen.

**RandomPermutation( $A$ )**

**Input:** Array  $A[1 \dots n]$

**Output:** Array  $A$ , zufällig gleichverteilt permutiert

**for**  $k \leftarrow n$  **to** 2 **do**

$r \leftarrow \text{Random}(k)$

    tausche  $A[r]$  und  $A[k]$

# Aufgabe 1

## Korrektheitsbeweis:

b) Zeige, dass die Aussage aus a) nicht stimmt, wenn wir in der 2. Zeile  $k$  mit  $n$  ersetzen.

RandomPermutation( $A$ )

**Input:** Array  $A[1 \dots n]$

**Output:** Array  $A$ , zufällig gleichverteilt permutiert ?

**for**  $k \leftarrow n$  **to** 2 **do**

$r \leftarrow \text{Random}(n)$

    tausche  $A[r]$  und  $A[k]$

# Aufgabe 2

## ParanoidMax

**Input:** Endliche Menge  $A \subset \mathbb{R}$

**Output:** Maximum  $\max_{a \in A} a$  der Menge

**if**  $|A| = 1$  **then**

**return** einziges Element  $a \in A$

**else**

$a =$  zufällig gewähltes Element aus  $A$

$b = \text{ParanoidMax}(A \setminus \{a\})$

**if**  $b \geq a$  **then**

**return**  $b$

**else**

    prüfe unnötigerweise jedes Element aus  $A \setminus \{a\}$ , um sicherzugehen, dass  $a$  wirklich größer ist

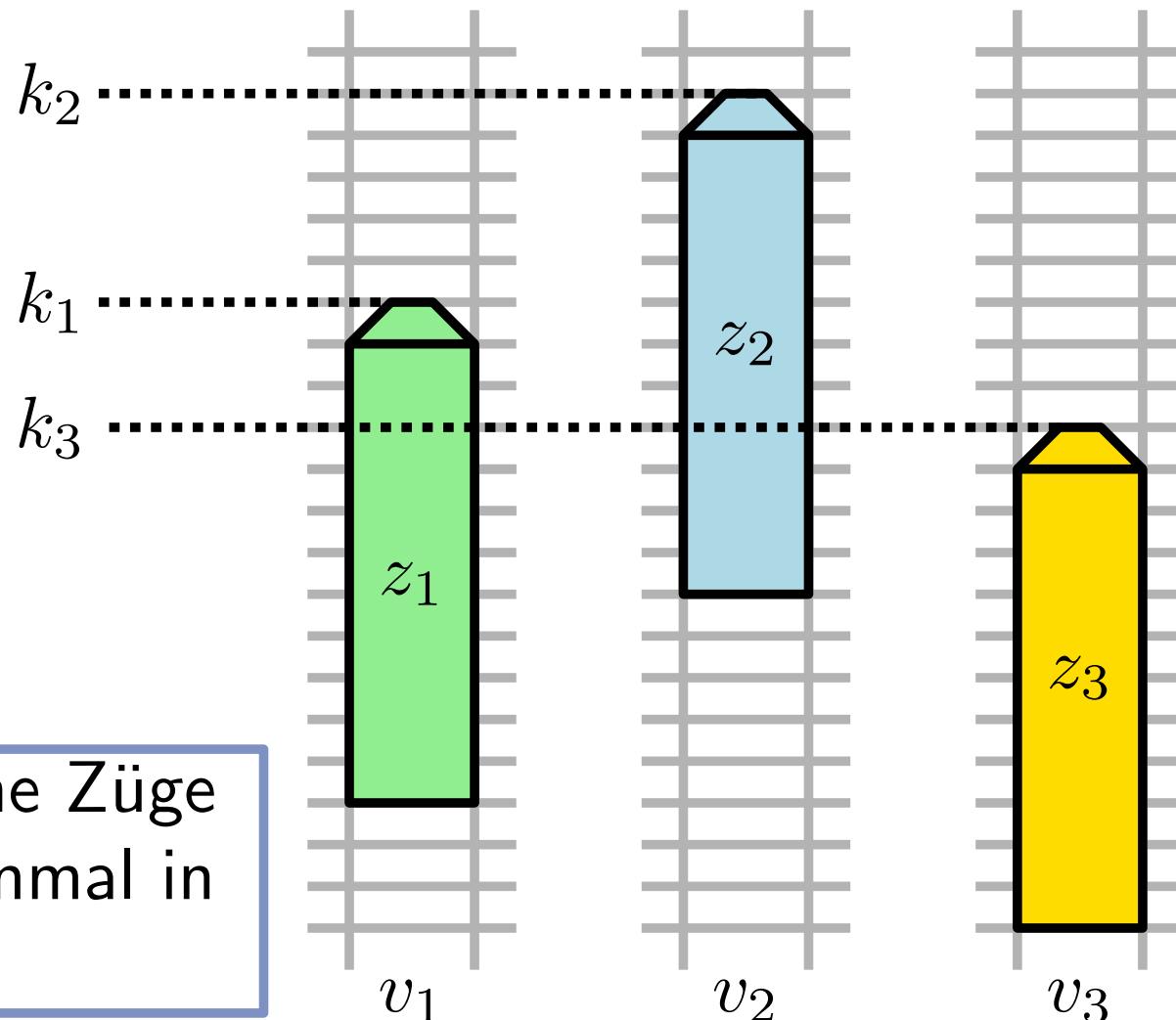
**return**  $a$

a) Asymptotische  
w-c Laufzeit?

b) erwartete  
Laufzeit echt  
besser als w-c

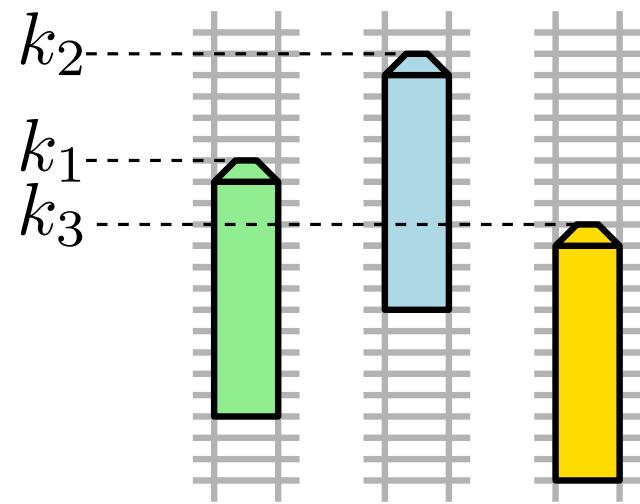
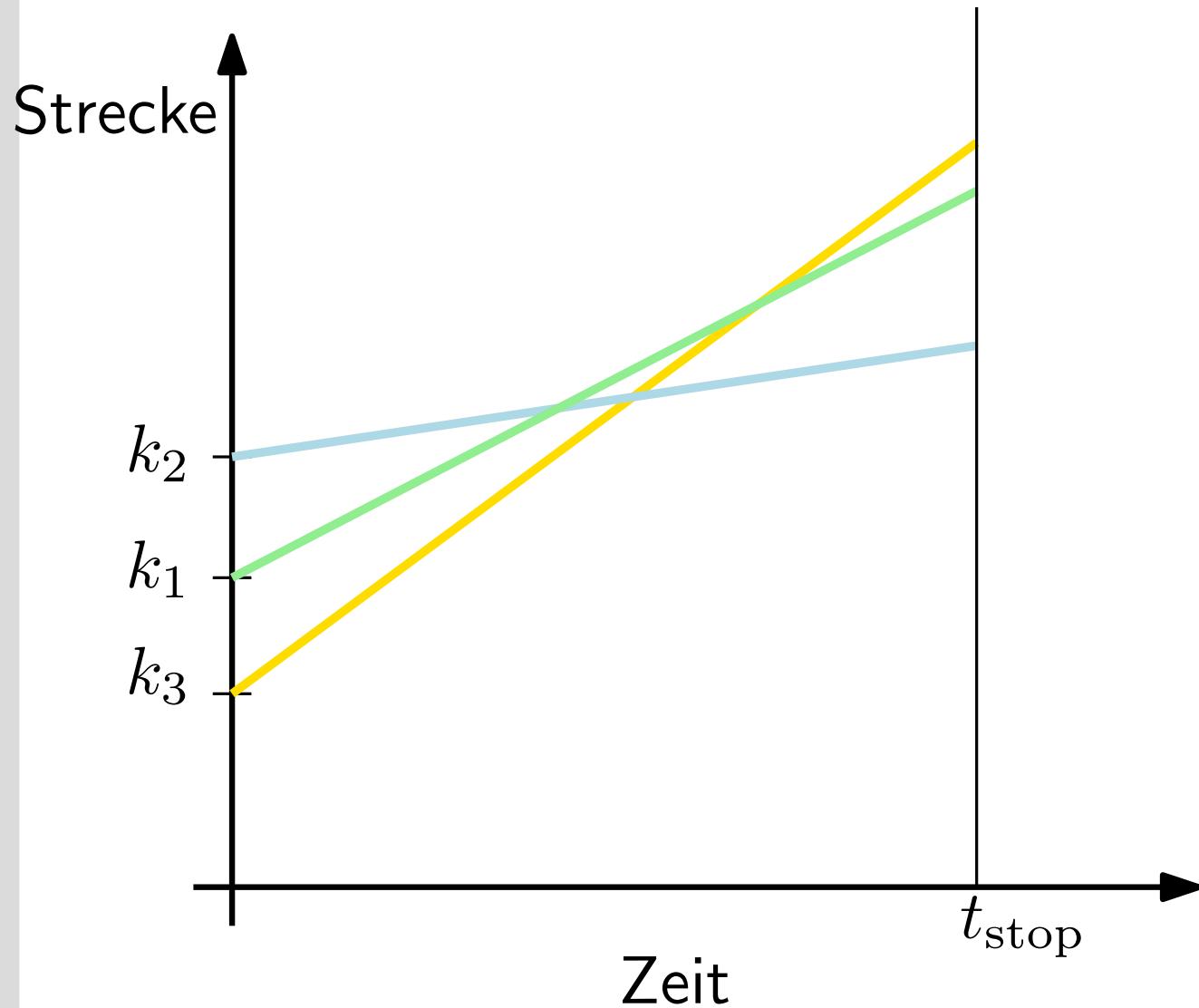
# Aufgabe 3 : Züge

$t = 0$

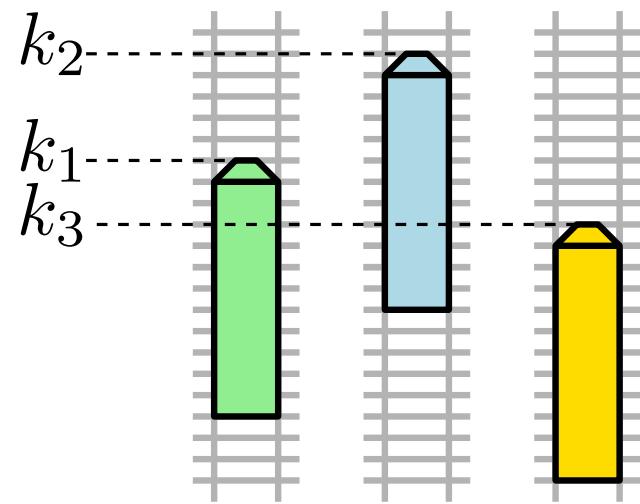
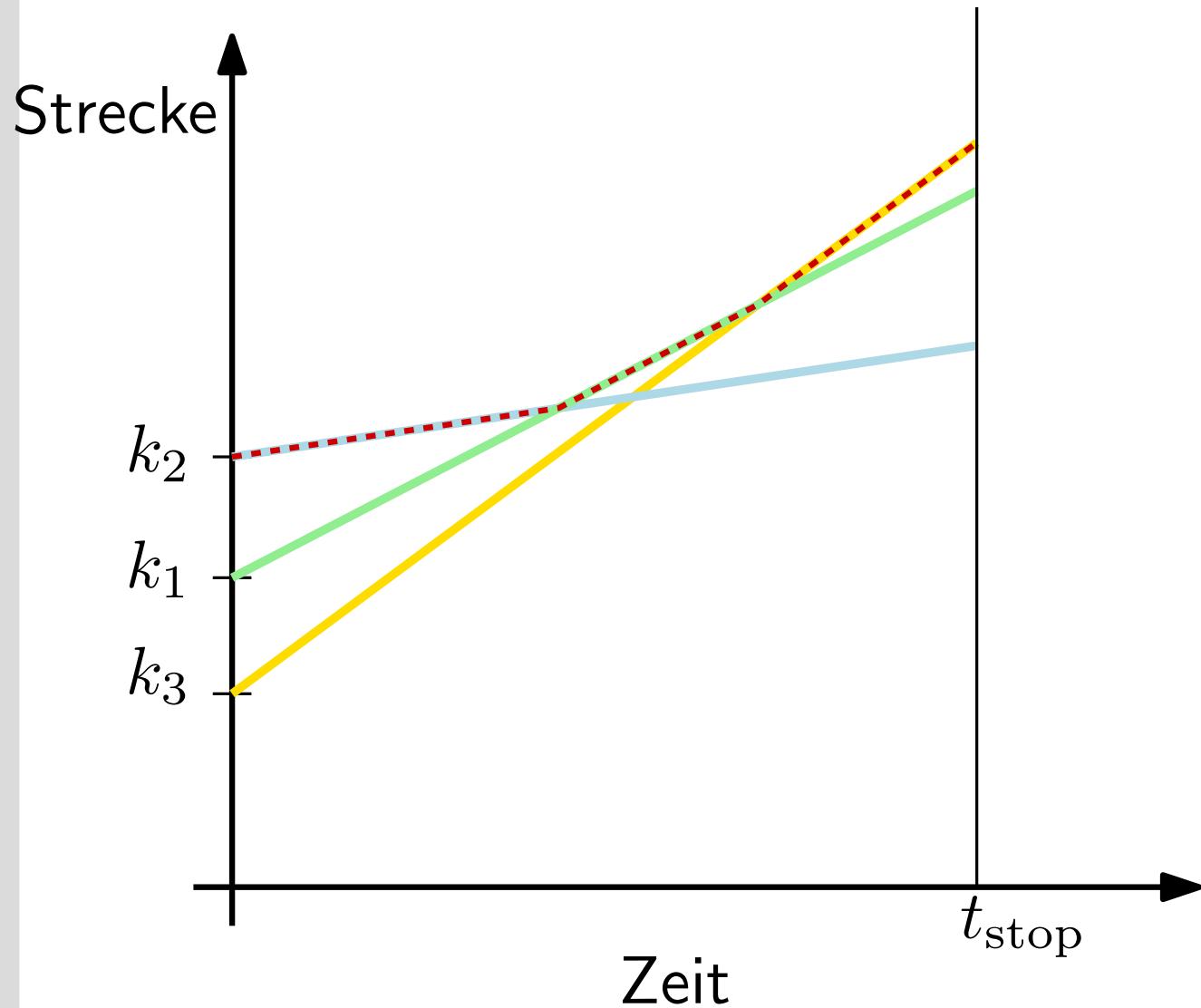


Algorithmus: welche Züge  
bis Zeitpunkt  $t_s$  einmal in  
Führung

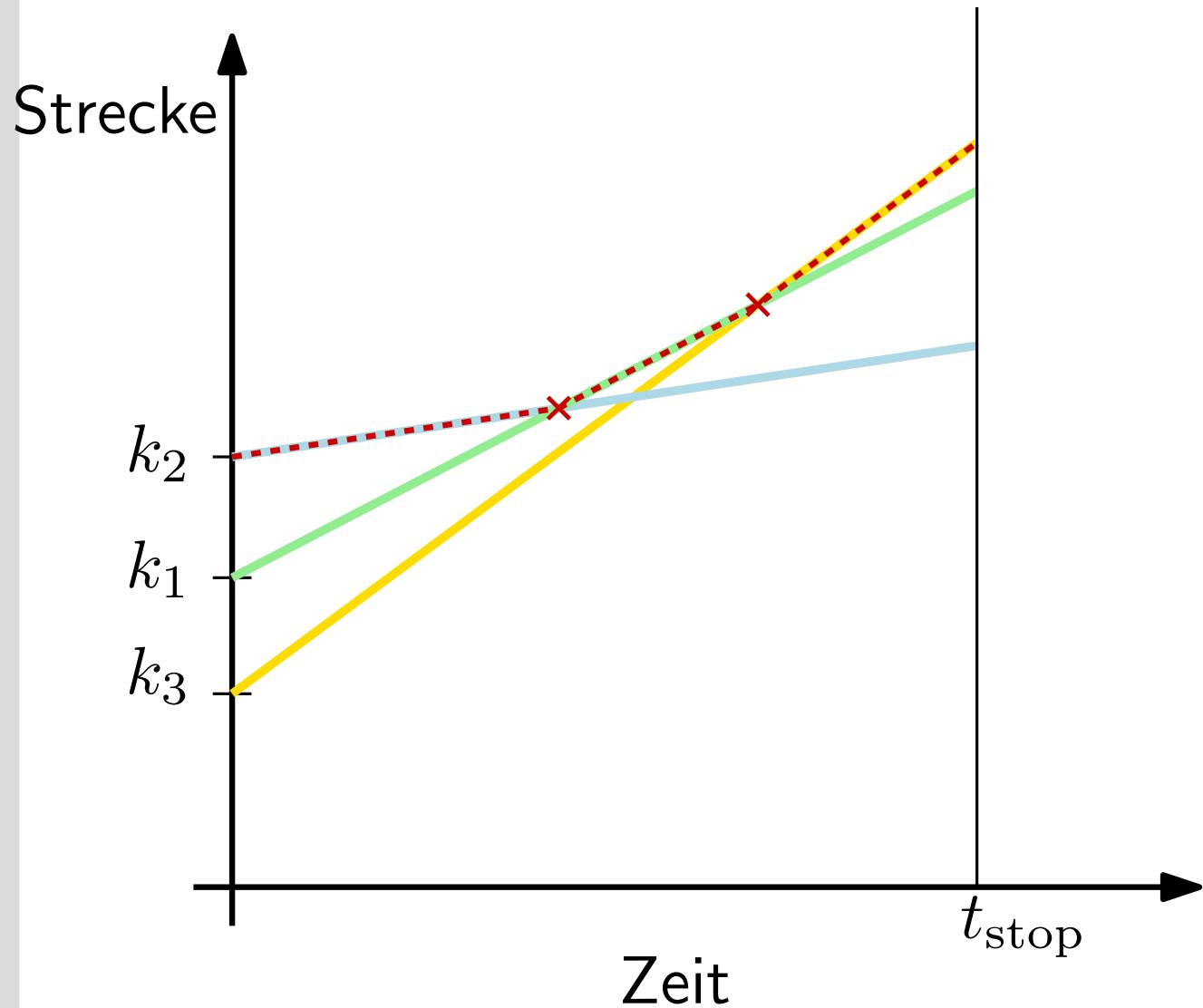
# Aufgabe 3 : Züge



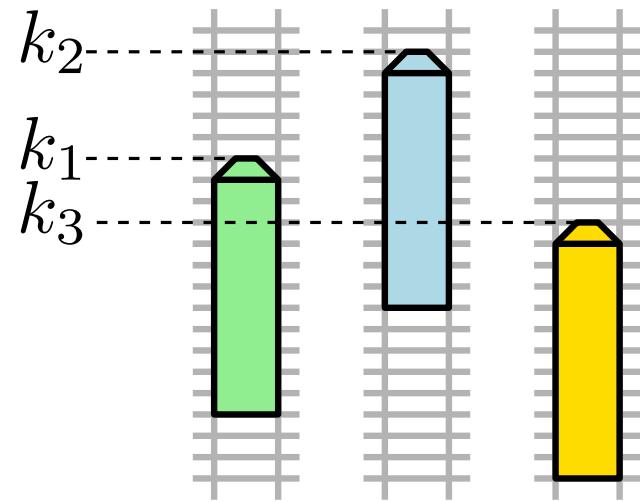
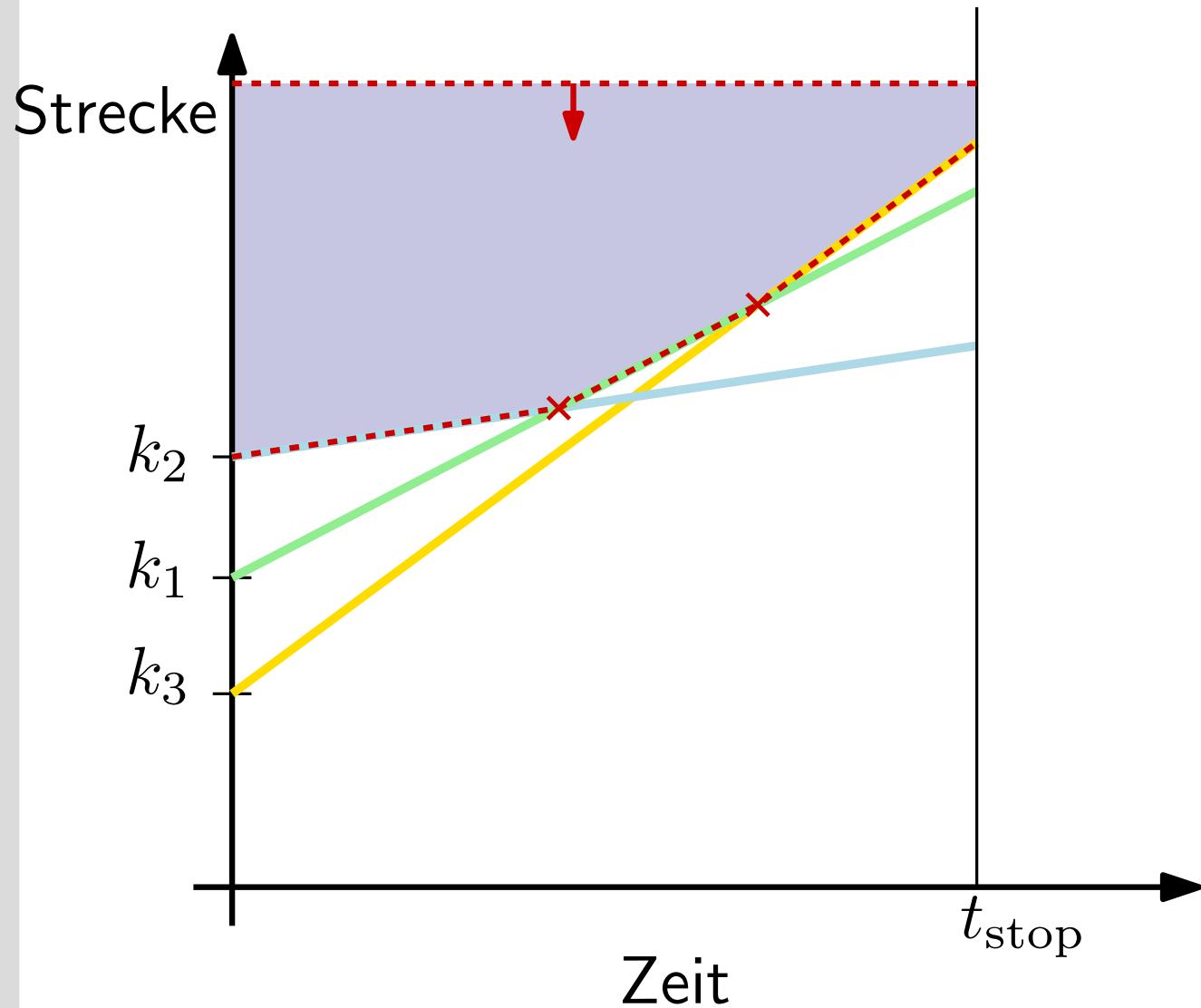
# Aufgabe 3 : Züge



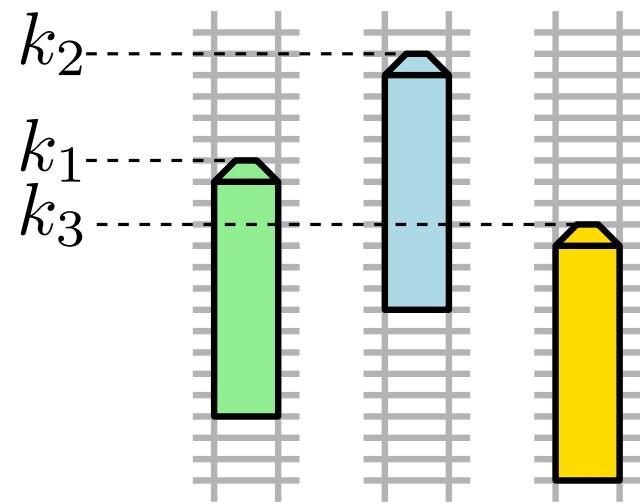
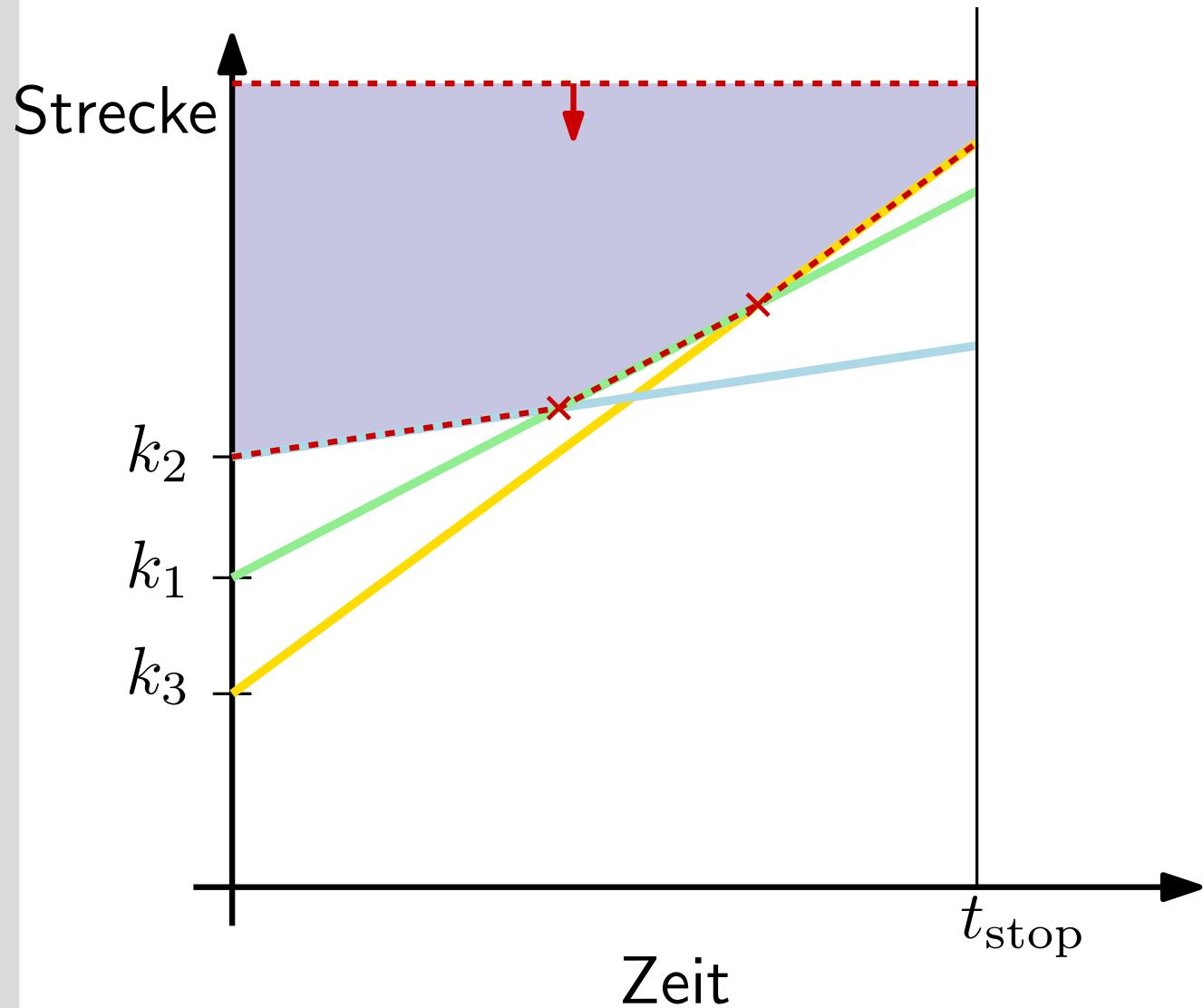
# Aufgabe 3 : Züge



# Aufgabe 3 : Züge



# Aufgabe 3 : Züge



# Aufgabe 3 : Züge

IntersectHalfplanes( $H$ )

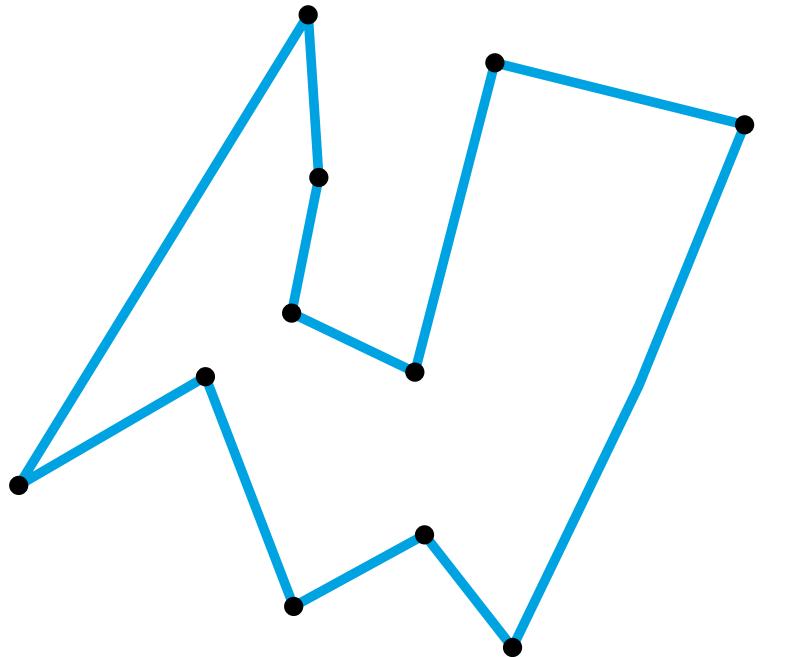
```
if | $H$ | = 1 then
|    $C \leftarrow H$ 
else
|   ( $H_1, H_2$ )  $\leftarrow$  SplitInHalves( $H$ )
|    $C_1 \leftarrow$  IntersectHalfplanes( $H_1$ )
|    $C_2 \leftarrow$  IntersectHalfplanes( $H_2$ )
|    $C \leftarrow$  IntersectConvexRegions( $C_1, C_2$ )
return  $C$ 
```

# Aufgabe 4 : Polygon Partitionieren

**VL:** ALG zur Zerlegung eines Polygons in  $y$ -mon. Teilstücke

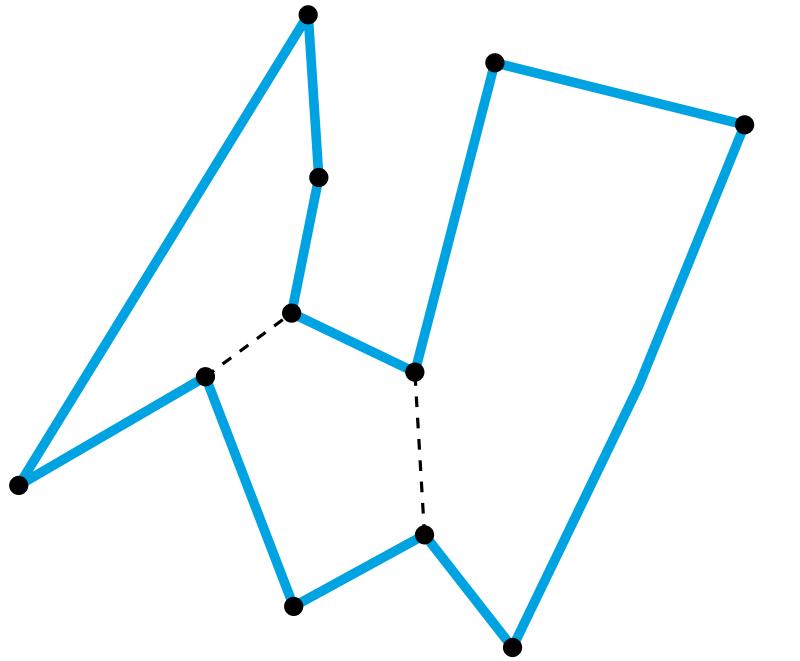
# Aufgabe 4 : Polygon Partitionieren

**VL:** ALG zur Zerlegung eines Polygons in  $y$ -mon. Teilstücke



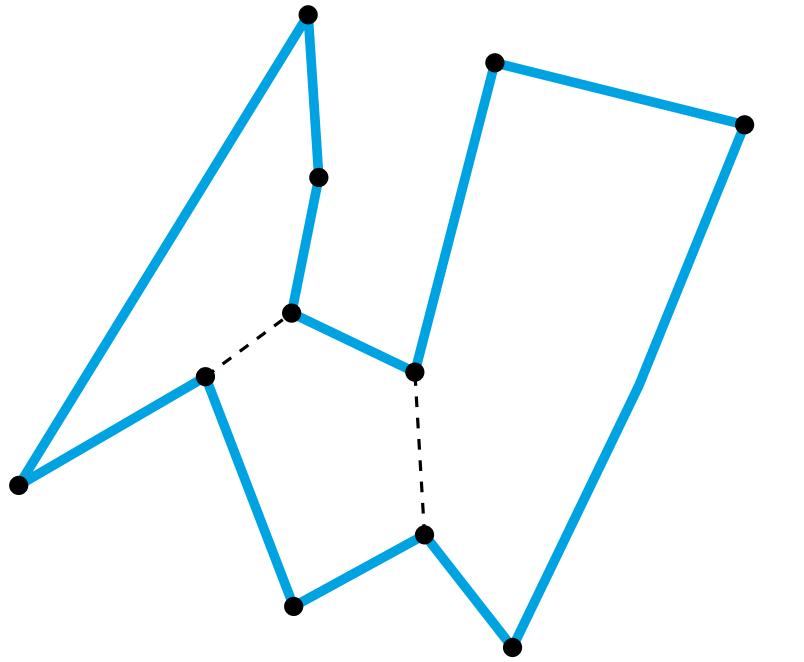
# Aufgabe 4 : Polygon Partitionieren

**VL:** ALG zur Zerlegung eines Polygons in  $y$ -mon. Teilstücke



# Aufgabe 4 : Polygon Partitionieren

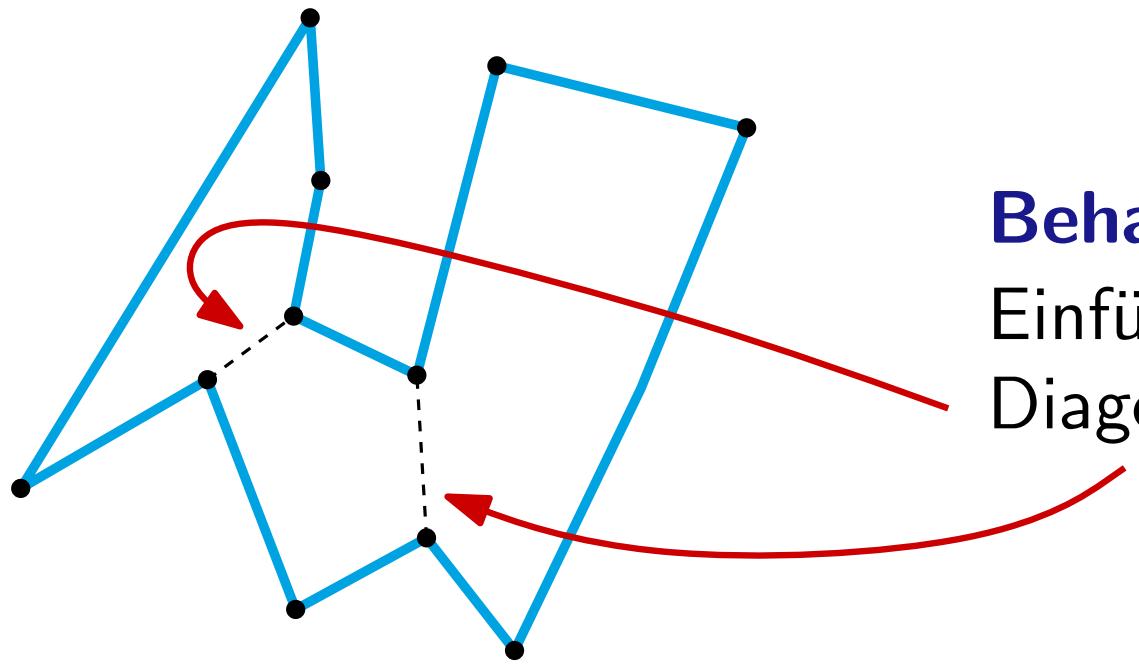
**VL:** ALG zur Zerlegung eines Polygons in  $y$ -mon. Teilstücke



**Datenstruktur:** Doppelt-verkettete Kantenliste (DCEL)

# Aufgabe 4 : Polygon Partitionieren

**VL:** ALG zur Zerlegung eines Polygons in  $y$ -mon. Teilstücke

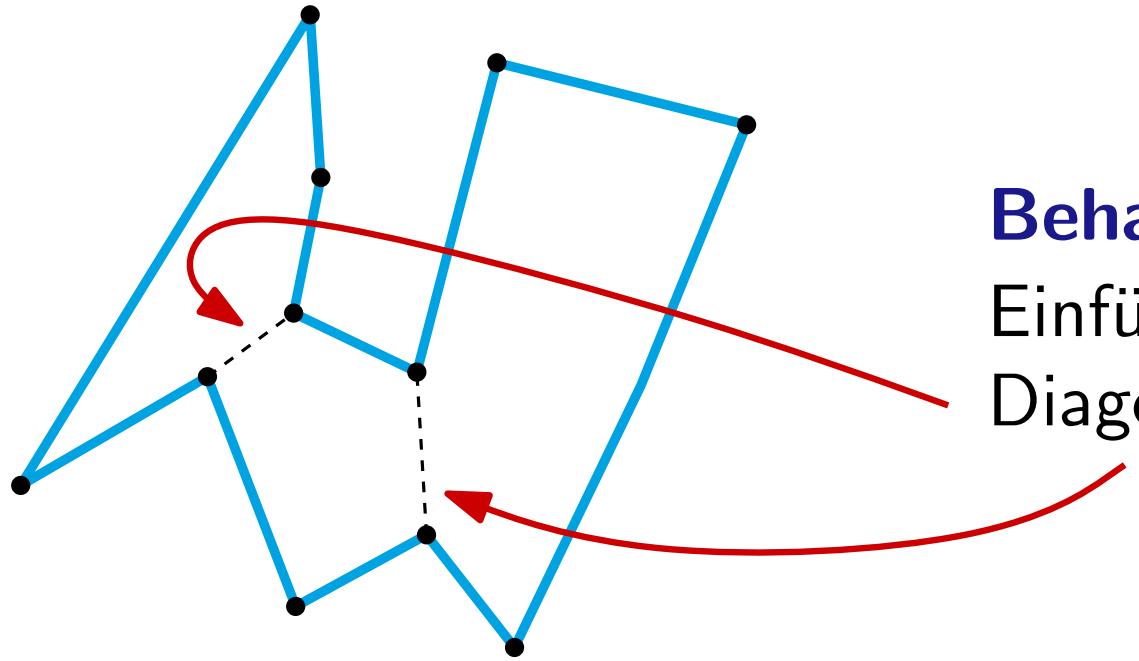


**Behauptung:**  
Einfügen von einer  
Diagonalen in  $O(1)$  möglich

**Datenstruktur:** Doppelt-verkettete Kantenliste (DCEL)

# Aufgabe 4 : Polygon Partitionieren

**VL:** ALG zur Zerlegung eines Polygons in  $y$ -mon. Teilstücke

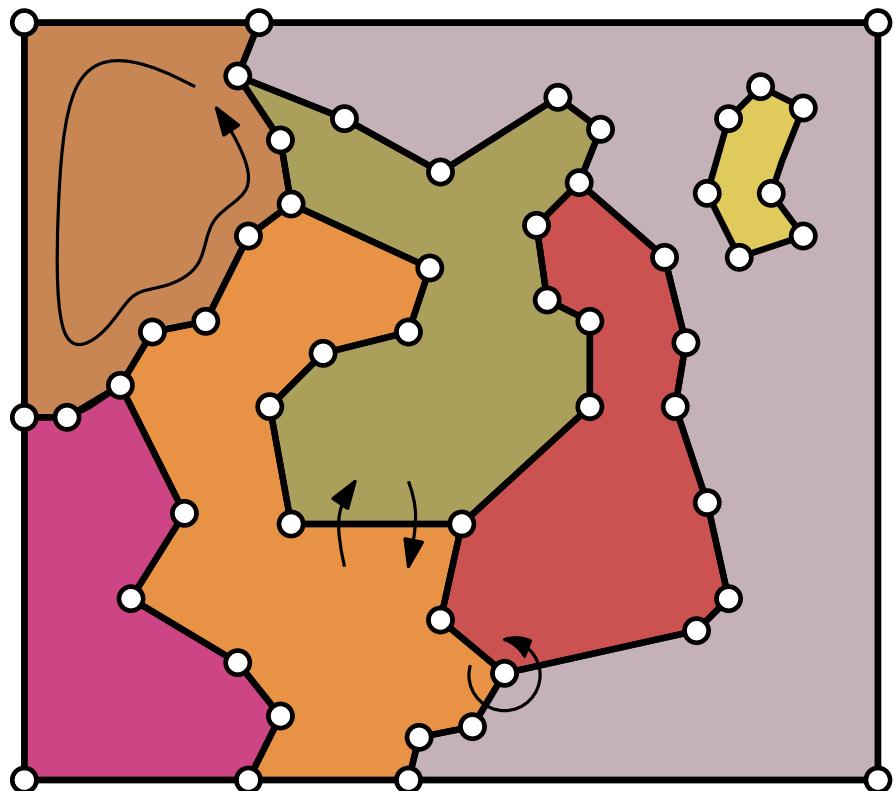


**Behauptung:**  
Einfügen von einer  
Diagonalen in  $O(1)$  möglich

**Datenstruktur:** Doppelt-verkettete Kantenliste (DCEL)

# Datenstruktur für Landkarten

VL



- (politische) Landkarte entspricht Unterteilung der Ebene in Polygone
- Unterteilung entspricht Einbettung eines planaren Graphen mit
  - Knoten
  - Kanten
  - Facetten

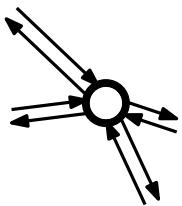
Welche Operationen sollte eine Datenstruktur für Unterteilungen der Ebene unterstützen?

- Kanten einer Facette ablaufen
- via Kante von Facette zu Facette wechseln
- Nachbarknoten in zyklischer Reihenfolge besuchen

# Doppelt verkettete Kantenliste (DCEL)

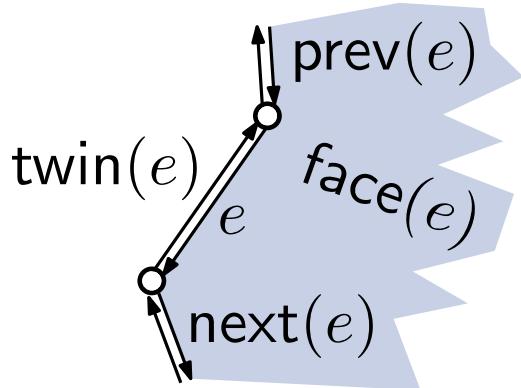
## Zutaten:

- Knoten



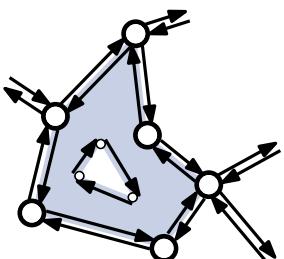
- Koordinaten  $(x(v), y(v))$
- (erste) ausgehende Kante  $\text{edge}(v)$

- Kanten = zwei Halbkanten



- Knoten  $\text{origin}(v)$
- Gegenkante  $\text{twin}(e)$
- Vorgänger  $\text{prev}(e)$  & Nachfolger  $\text{next}(e)$
- inzidente Facette  $\text{face}(e)$

- Facetten

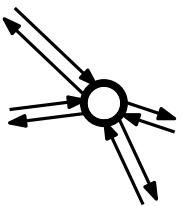


- Randkante  $\text{outer}(f)$
- Kantenliste  $\text{inner}(f)$  für evtl. Löcher

# Doppelt verkettete Kantenliste (DCEL)

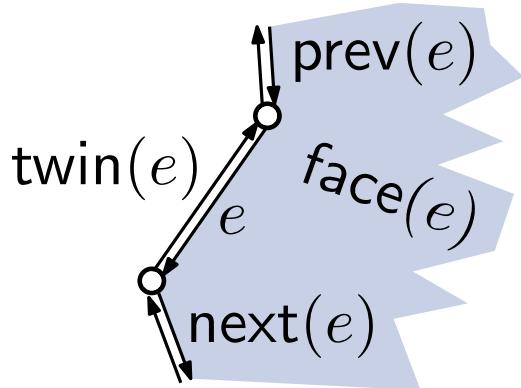
## Zutaten:

- Knoten



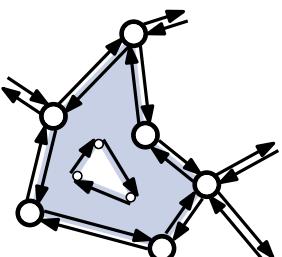
- Koordinaten  $(x(v), y(v))$
- (erste) ausgehende Kante  $\text{edge}(v)$

- Kanten = zwei Halbkanten



- Knoten  $\text{origin}(v)$
- Gegenkante  $\text{twin}(e)$
- Vorgänger  $\text{prev}(e)$  & Nachfolger  $\text{next}(e)$
- inzidente Facette  $\text{face}(e)$

- Facetten

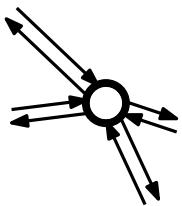


- Randkante  $\text{outer}(f)$
- Kantenliste  $\text{inner}(f)$  für evtl. Löcher

# Doppelt verkettete Kantenliste (DCEL)

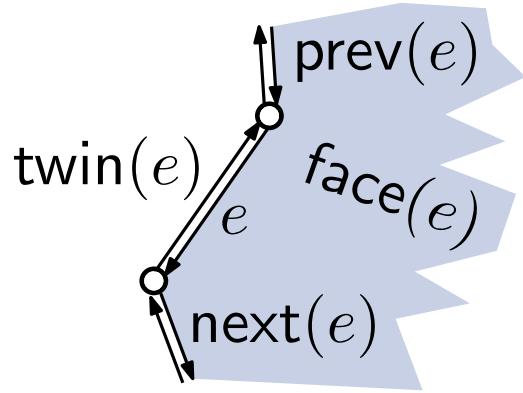
## Zutaten:

- Knoten



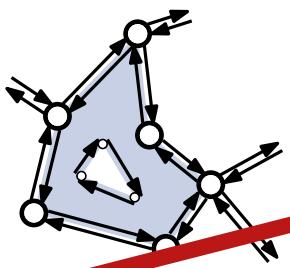
- Koordinaten  $(x(v), y(v))$
- (erste) ausgehende Kante  $\text{edge}(v)$

- Kanten = zwei Halbkanten



- Knoten  $\text{origin}(v)$
- Gegenkante  $\text{twin}(e)$
- Vorgänger  $\text{prev}(e)$  & Nachfolger  $\text{next}(e)$
- inzidente Facette  $\text{face}(e)$

- Facetten

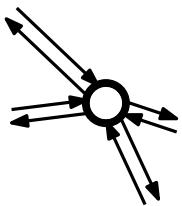


- Randkante  $\text{outer}(f)$
- Kantenliste  $\text{inner}(f)$  für evtl. Löcher

# Doppelt verkettete Kantenliste (DCEL)

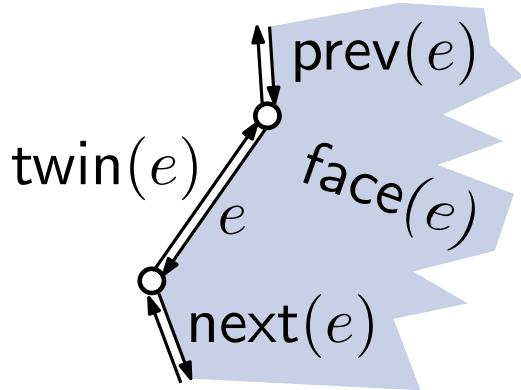
## Zutaten:

- Knoten



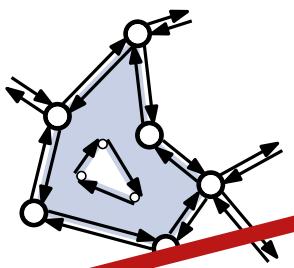
- Koordinaten  $(x(v), y(v))$
- (erste) ausgehende Kante  $\text{edge}(v)$

- Kanten = zwei Halbkanten



- Knoten  $\text{origin}(v)$
- Gegenkante  $\text{twin}(e)$
- Vorgänger  $\text{prev}(e)$  & Nachfolger  $\text{next}(e)$
- inzidente Facette  $\text{face}(e)$

- Facetten

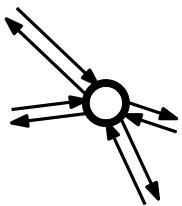


- Randkante  $\text{outer}(f)$
- Kantenliste  $\text{inner}(f)$  für evtl. Löcher

# Doppelt verkettete Kantenliste (DCEL)

## Zutaten:

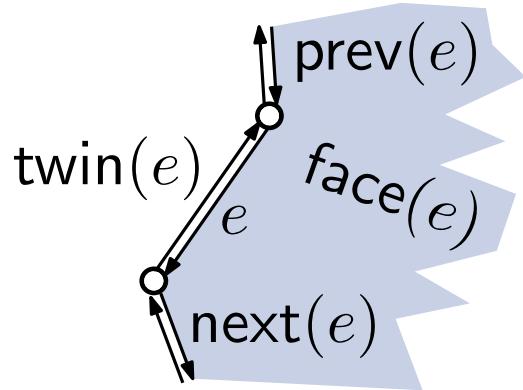
- Knoten



- Koordinaten  $(x(v), y(v))$
- (erste) ausgehende Kante  $\text{edge}(v)$

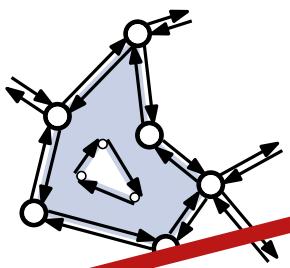


- Kanten = zwei Halbkanten



- Knoten  $\text{origin}(v)$
- Gegenkante  $\text{twin}(e)$
- Vorgänger  $\text{prev}(e)$  & Nachfolger  $\text{next}(e)$
- ~~inzidente Facette  $\text{face}(e)$~~

- Facetten

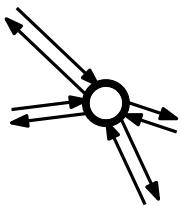


- Randkante  $\text{outer}(f)$
- Kantenliste  $\text{inner}(f)$  für evtl. Löcher

# Doppelt verkettete Kantenliste (DCEL)

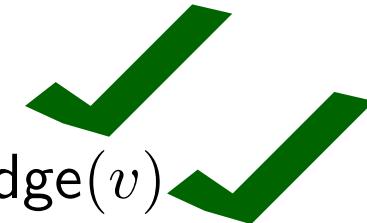
## Zutaten:

- Knoten

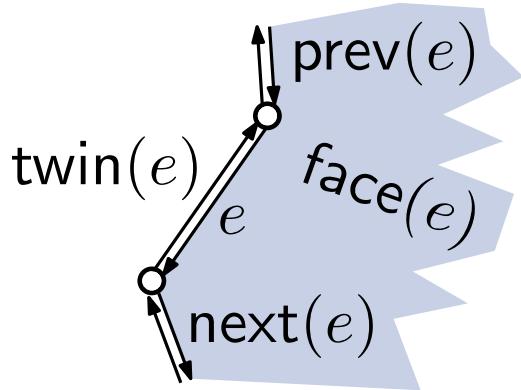


- Koordinaten  $(x(v), y(v))$

- (erste) ausgehende Kante  $\text{edge}(v)$

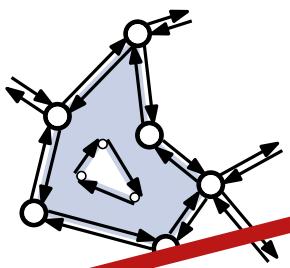


- Kanten = zwei Halbkanten



- Knoten  $\text{origin}(v)$
- Gegenkante  $\text{twin}(e)$
- Vorgänger  $\text{prev}(e)$  & Nachfolger  $\text{next}(e)$
- ~~inzidente Facette  $\text{face}(e)$~~

- Facetten

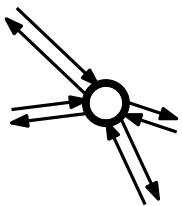


- Randkante  $\text{outer}(f)$
- Kantenliste  $\text{inner}(f)$  für evtl. Löcher

# Doppelt verkettete Kantenliste (DCEL)

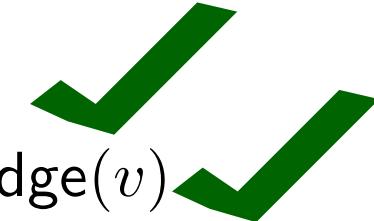
## Zutaten:

- Knoten

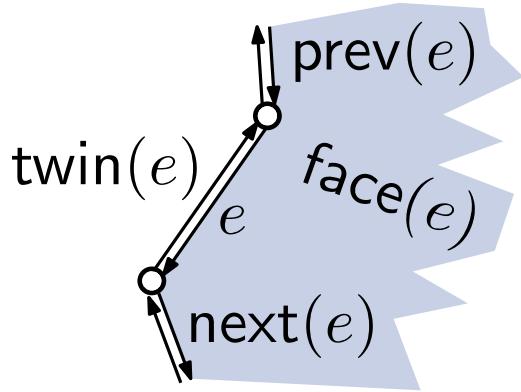


- Koordinaten  $(x(v), y(v))$

- (erste) ausgehende Kante  $\text{edge}(v)$



- Kanten = zwei Halbkanten



- Knoten  $\text{origin}(v)$

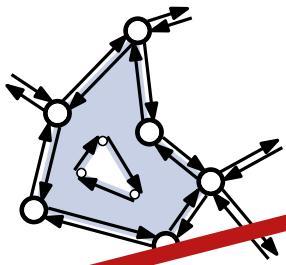
- Gegenkante  $\text{twin}(e)$

- Vorgänger  $\text{prev}(e)$  & Nachfolger  $\text{next}(e)$

- inzidente Facette  $\text{face}(e)$



- Facetten



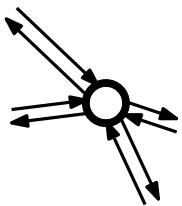
- Randkante  $\text{outer}(f)$

- Kantenliste  $\text{inner}(f)$  für evtl. Löcher

# Doppelt verkettete Kantenliste (DCEL)

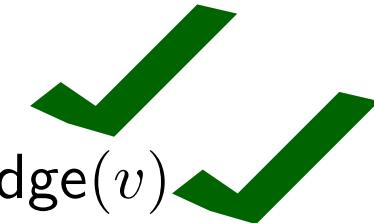
## Zutaten:

- Knoten

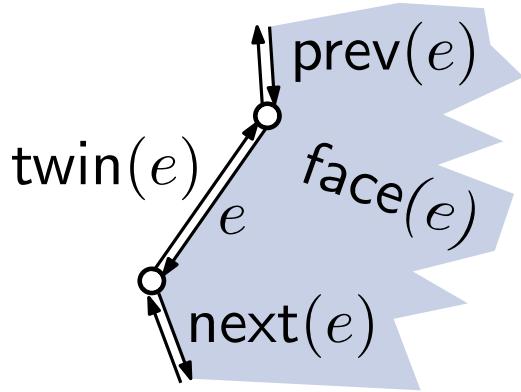


- Koordinaten  $(x(v), y(v))$

- (erste) ausgehende Kante  $\text{edge}(v)$



- Kanten = zwei Halbkanten



- Knoten  $\text{origin}(v)$

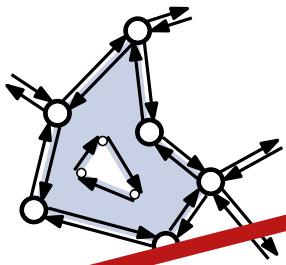
- Gegenkante  $\text{twin}(e)$

- Vorgänger  $\text{prev}(e)$  & Nachfolger  $\text{next}(e)$

- inzidente Facette  $\text{face}(e)$



- Facetten



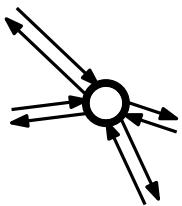
- Randkante  $\text{outer}(f)$

- Kantenliste  $\text{inner}(f)$  für evtl. Löcher

# Doppelt verkettete Kantenliste (DCEL)

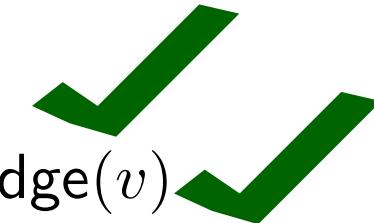
## Zutaten:

- Knoten

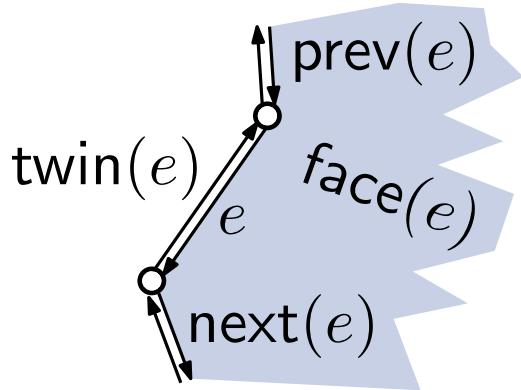


- Koordinaten  $(x(v), y(v))$

- (erste) ausgehende Kante  $\text{edge}(v)$



- Kanten = zwei Halbkanten



- Knoten  $\text{origin}(v)$

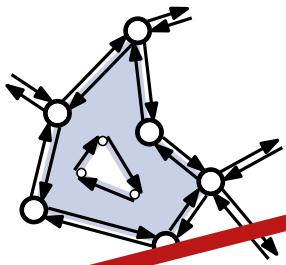
- Gegenkante  $\text{twin}(e)$

- Vorgänger  $\text{prev}(e)$  & Nachfolger  $\text{next}(e)$

- inzidente Facette  $\text{face}(e)$



- Facetten



- Randkante  $\text{outer}(f)$

- Kantenliste  $\text{inner}(f)$  für evtl. Löcher

# Lösungsschritte

1. Wie umgeht man das aktualisieren der  $\text{face}(e)$  Information?

# Lösungsschritte

1. Wie umgeht man das aktualisieren der  $\text{face}(e)$  Information?
  - Facetten spielen keine (große) Rolle

# Lösungsschritte

1. Wie umgeht man das aktualisieren der  $\text{face}(e)$  Information?
  - Facetten spielen keine (große) Rolle
2. Wie wählen wir in  $O(1)$  die richtigen Kanten für das anpassen der  $\text{next}(e)$  bzw.  $\text{prev}(e)$  Einträge?

1. Wie umgeht man das aktualisieren der  $face(e)$  Information?
  - Facetten spielen keine (große) Rolle
2. Wie wählen wir in  $O(1)$  die richtigen Kanten für das anpassen der  $next(e)$  bzw.  $prev(e)$  Einträge?
  - a) Nur konstant viele Kanten inzident zu jedem Knoten

1. Wie umgeht man das aktualisieren der  $\text{face}(e)$  Information?
  - Facetten spielen keine (große) Rolle
2. Wie wählen wir in  $O(1)$  die richtigen Kanten für das anpassen der  $\text{next}(e)$  bzw.  $\text{prev}(e)$  Einträge?
  - a) Nur konstant viele Kanten inzident zu jedem Knoten
  - b) Durch passende Sortierung können wir die korrekten Kanten finden

# Algorithmus MakeMonotone( $P$ )

## MakeMonotone(Polygon $P$ )

$\mathcal{D} \leftarrow$  doppelt-verkettete Kantenliste für  $(V(P), E(P))$

$\mathcal{Q} \leftarrow$  priority queue für  $V(P)$  lexikographisch sortiert

$\mathcal{T} \leftarrow \emptyset$  (binärer Suchbaum für Sweep-Line Status)

**while**  $\mathcal{Q} \neq \emptyset$  **do**

$v \leftarrow \mathcal{Q}.\text{nextVertex}()$

$\mathcal{Q}.\text{deleteVertex}(v)$

$\text{handleVertex}(v)$

**return**  $\mathcal{D}$

# Algorithmus MakeMonotone( $P$ )

## **MakeMonotone(Polygon $P$ )**

$\mathcal{D} \leftarrow$  doppelt-verkettete Kantenliste für  $(V(P), E(P))$

$\mathcal{Q} \leftarrow$  priority queue für  $V(P)$  lexikographisch sortiert

$\mathcal{T} \leftarrow \emptyset$  (binärer Suchbaum für Sweep-Line Status)

**while**  $\mathcal{Q} \neq \emptyset$  **do**

$v \leftarrow \mathcal{Q}.\text{nextVertex}()$

$\mathcal{Q}.\text{deleteVertex}(v)$

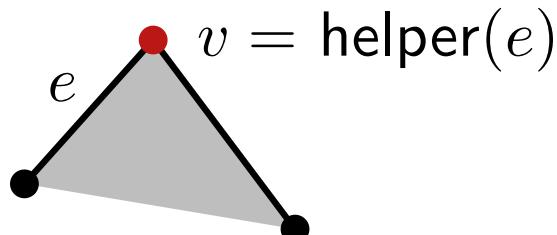
handleVertex( $v$ )

**return**  $\mathcal{D}$

## **handleStartVertex(vertex $v$ )**

$\mathcal{T} \leftarrow$  füge linke Kante  $e$  ein

$\text{helper}(e) \leftarrow v$



# Algorithmus MakeMonotone( $P$ )

## **MakeMonotone(Polygon $P$ )**

$\mathcal{D} \leftarrow$  doppelt-verkettete Kantenliste für  $(V(P), E(P))$

$\mathcal{Q} \leftarrow$  priority queue für  $V(P)$  lexikographisch sortiert

$\mathcal{T} \leftarrow \emptyset$  (binärer Suchbaum für Sweep-Line Status)

**while**  $\mathcal{Q} \neq \emptyset$  **do**

```

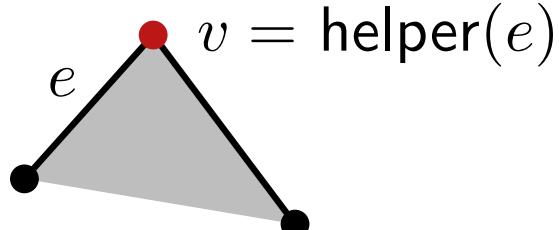
     $v \leftarrow \mathcal{Q}.\text{nextVertex}()$ 
     $\mathcal{Q}.\text{deleteVertex}(v)$ 
    handleVertex( $v$ )
  
```

**return**  $\mathcal{D}$

### **handleStartVertex(vertex $v$ )**

$\mathcal{T} \leftarrow$  füge linke Kante  $e$  ein

$\text{helper}(e) \leftarrow v$



### **handleEndVertex(vertex $v$ )**

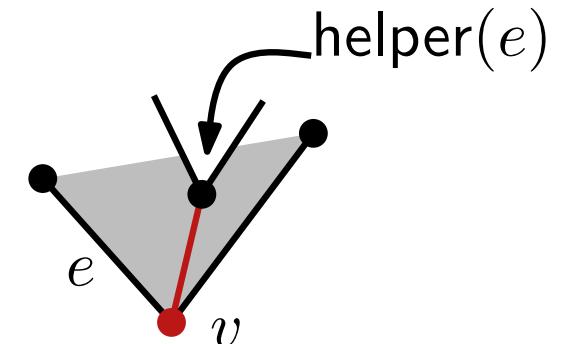
$e \leftarrow$  linke Kante

**if**  $\text{isMergeVertex}(\text{helper}(e))$  **then**

```

     $\mathcal{D} \leftarrow$  füge  $(\text{helper}(e), v)$  ein
  
```

lösche  $e$  aus  $\mathcal{T}$



# Algorithmus MakeMonotone( $P$ )

## **MakeMonotone(Polygon $P$ )**

$\mathcal{D} \leftarrow$  doppelt-verkettete Kantenliste für  $(V(P), E(P))$

$\mathcal{Q} \leftarrow$  priority queue für  $V(P)$  lexikographisch sortiert

$\mathcal{T} \leftarrow \emptyset$  (binärer Suchbaum für Sweep-Line Status)

**while**  $\mathcal{Q} \neq \emptyset$  **do**

$v \leftarrow \mathcal{Q}.\text{nextVertex}()$

$\mathcal{Q}.\text{deleteVertex}(v)$

handleVertex( $v$ )

**return**  $\mathcal{D}$

## **handleSplitVertex(vertex $v$ )**

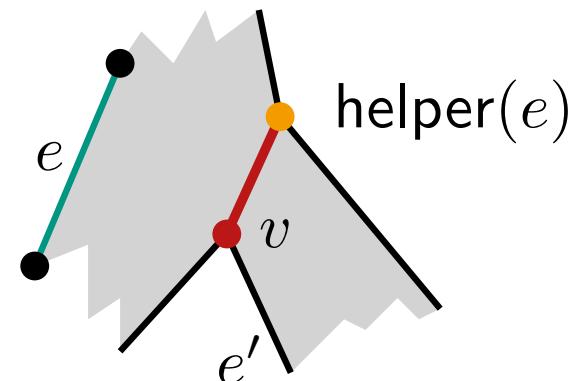
$e \leftarrow$  Kante links von  $v$  in  $\mathcal{T}$

$\mathcal{D} \leftarrow$  füge  $(\text{helper}(e), v)$  ein

$\text{helper}(e) \leftarrow v$

$\mathcal{T} \leftarrow$  füge rechte Kante  $e'$  von  $v$  ein

$\text{helper}(e') \leftarrow v$



# Algorithmus MakeMonotone( $P$ )

## MakeMonotone(Polygon $P$ )

$\mathcal{D} \leftarrow$  doppelt-verkettete Kantenliste für  $(V(P), E(P))$

$\mathcal{Q} \leftarrow$  priority queue für  $V(P)$  lexikographisch sortiert

$\mathcal{T} \leftarrow \emptyset$  (binärer Suchbaum für Sweep-Line Status)

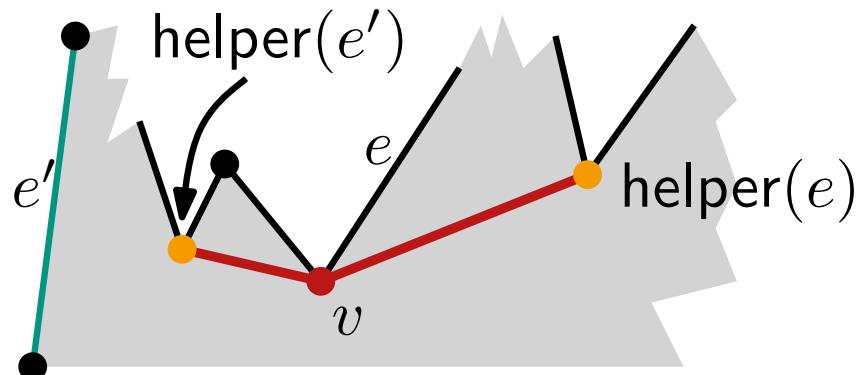
**while**  $\mathcal{Q} \neq \emptyset$  **do**

$v \leftarrow \mathcal{Q}.\text{nextVertex}()$

$\mathcal{Q}.\text{deleteVertex}(v)$

handleVertex( $v$ )

**return**  $\mathcal{D}$



### handleMergeVertex(vertex $v$ )

$e \leftarrow$  rechte Kante

**if** isMergeVertex(helper( $e$ )) **then**

$\mathcal{D} \leftarrow$  füge (helper( $e$ ),  $v$ ) ein

**lösche**  $e$  aus  $\mathcal{T}$

$e' \leftarrow$  Kante links von  $v$  in  $\mathcal{T}$

**if** isMergeVertex(helper( $e'$ )) **then**

$\mathcal{D} \leftarrow$  füge (helper( $e'$ ),  $v$ ) ein

$\text{helper}(e') \leftarrow v$

# Algorithmus MakeMonotone( $P$ )

## MakeMonotone(Polygon $P$ )

$\mathcal{D} \leftarrow$  doppelt-verkettete Kantenliste für  $(V(P), E(P))$

$\mathcal{Q} \leftarrow$  priority queue für  $V(P)$  lexikographisch sortiert

$\mathcal{T} \leftarrow \emptyset$  (binärer Suchbaum für Sweep-Line Status)

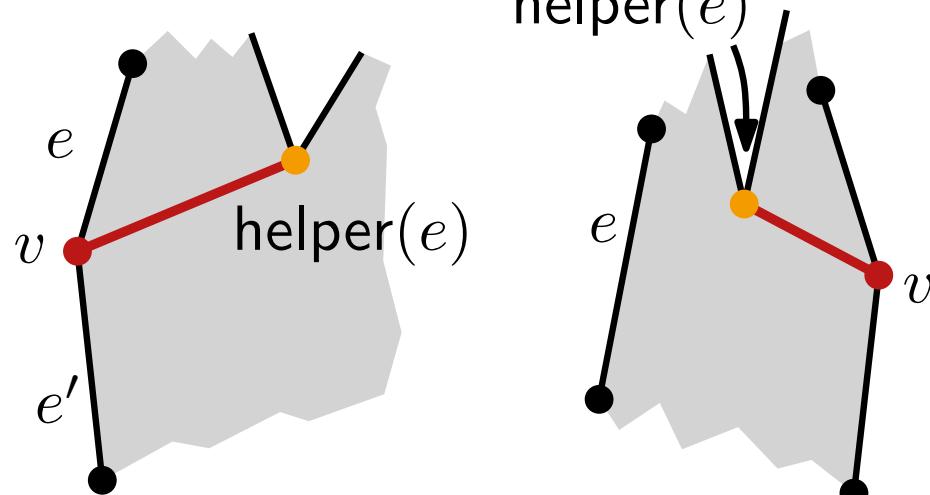
**while**  $\mathcal{Q} \neq \emptyset$  **do**

$v \leftarrow \mathcal{Q}.\text{nextVertex}()$

$\mathcal{Q}.\text{deleteVertex}(v)$

  handleVertex( $v$ )

**return**  $\mathcal{D}$



### handleRegularVertex(vertex $v$ )

**if**  $P$  liegt lokal rechts von  $v$  **then**

$e, e' \leftarrow$  obere, untere Kante

**if** isMergeVertex(helper( $e$ )) **then**

$\mathcal{D} \leftarrow$  füge (helper( $e$ ),  $v$ ) ein

    lösche  $e$  aus  $\mathcal{T}$

$\mathcal{T} \leftarrow$  füge  $e'$  ein; helper( $e'$ )  $\leftarrow v$

**else**

$e \leftarrow$  Kante links von  $v$  in  $\mathcal{T}$

**if** isMergeVertex(helper( $e$ )) **then**

$\mathcal{D} \leftarrow$  füge (helper( $e$ ),  $v$ ) ein

    helper( $e$ )  $\leftarrow v$

# Algorithmus MakeMonotone( $P$ )

## MakeMonotone(Polygon $P$ )

$\mathcal{D} \leftarrow$  doppelt-verkettete Kantenliste für  $(V(P), E(P))$

$\mathcal{Q} \leftarrow$  priority queue für  $V(P)$  lexikographisch sortiert

$\mathcal{T} \leftarrow \emptyset$  (binärer Suchbaum für Sweep-Line Status)

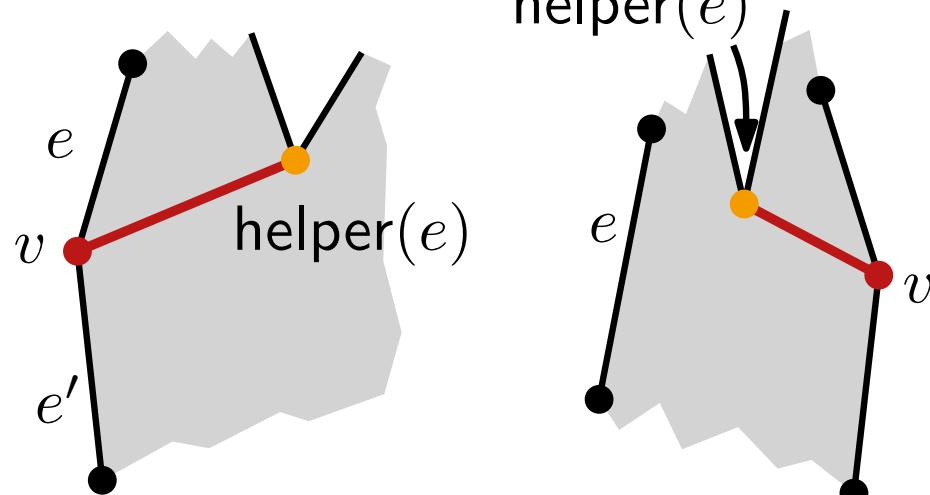
**while**  $\mathcal{Q} \neq \emptyset$  **do**

$v \leftarrow \mathcal{Q}.\text{nextVertex}()$

$\mathcal{Q}.\text{deleteVertex}(v)$

  handleVertex( $v$ )

**return**  $\mathcal{D}$



### handleRegularVertex(vertex $v$ )

**if**  $P$  liegt lokal rechts von  $v$  **then**

$e, e' \leftarrow$  obere, untere Kante

**if** isMergeVertex(helper( $e$ )) **then**

$\mathcal{D} \leftarrow$  füge (helper( $e$ ),  $v$ ) ein

    lösche  $e$  aus  $\mathcal{T}$

$\mathcal{T} \leftarrow$  füge  $e'$  ein; helper( $e'$ )  $\leftarrow v$

**else**

$e \leftarrow$  Kante links von  $v$  in  $\mathcal{T}$

**if** isMergeVertex(helper( $e$ )) **then**

$\mathcal{D} \leftarrow$  füge (helper( $e$ ),  $v$ ) ein

    helper( $e$ )  $\leftarrow v$

2. Wie wählen wir in  $O(1)$  die richtigen Kanten für das anpassen der  $\text{next}(e)$  bzw.  $\text{prev}(e)$  Einträge?
  - a) Nur konstant viele Kanten inzident zu jedem Knoten
    - Initial hat jeder Knoten Grad 2
    - Jeder Knoten ist höchstens einmal helper: +1
    - Jeder Knoten ist höchstens einmal 'Sonderknoten': +2
  - b) Durch passende Sortierung können wir die korrekten Kanten finden

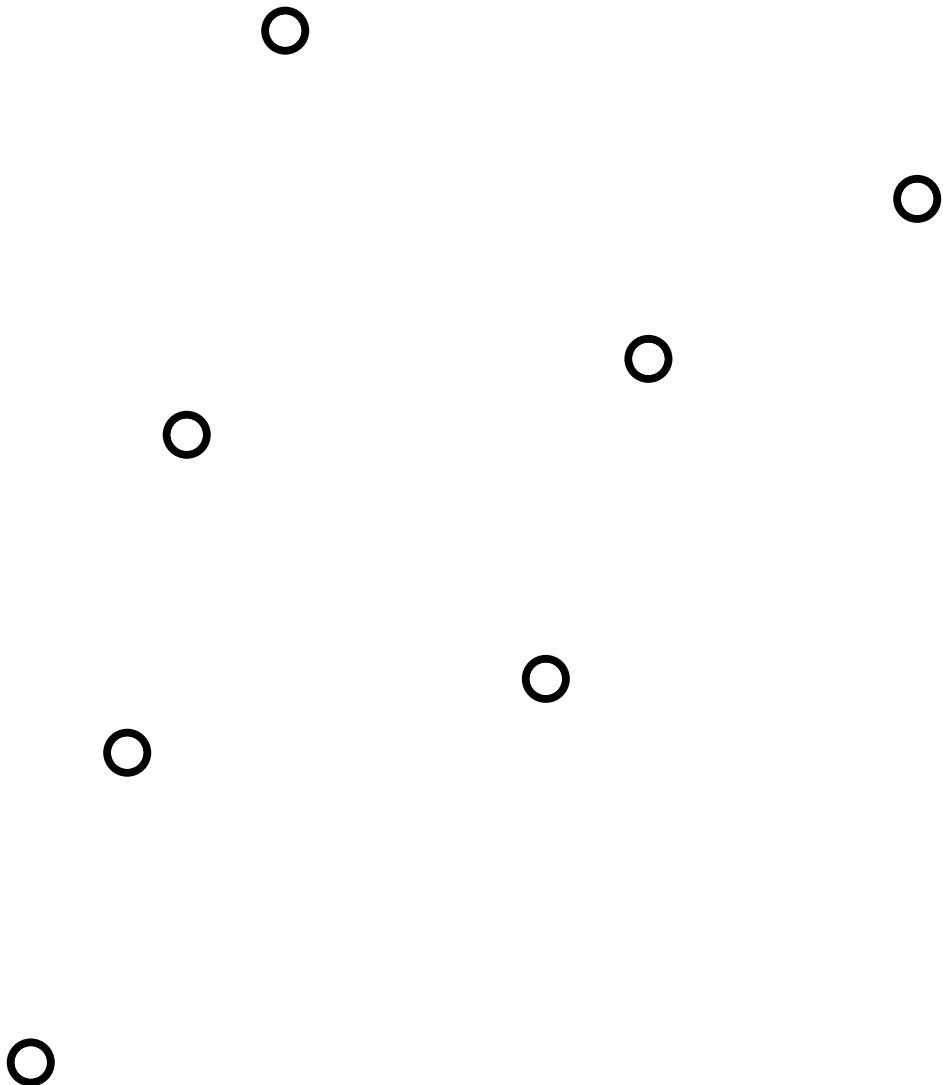
Übungsblatt 4

Nachtrag zu Übungsblatt 3

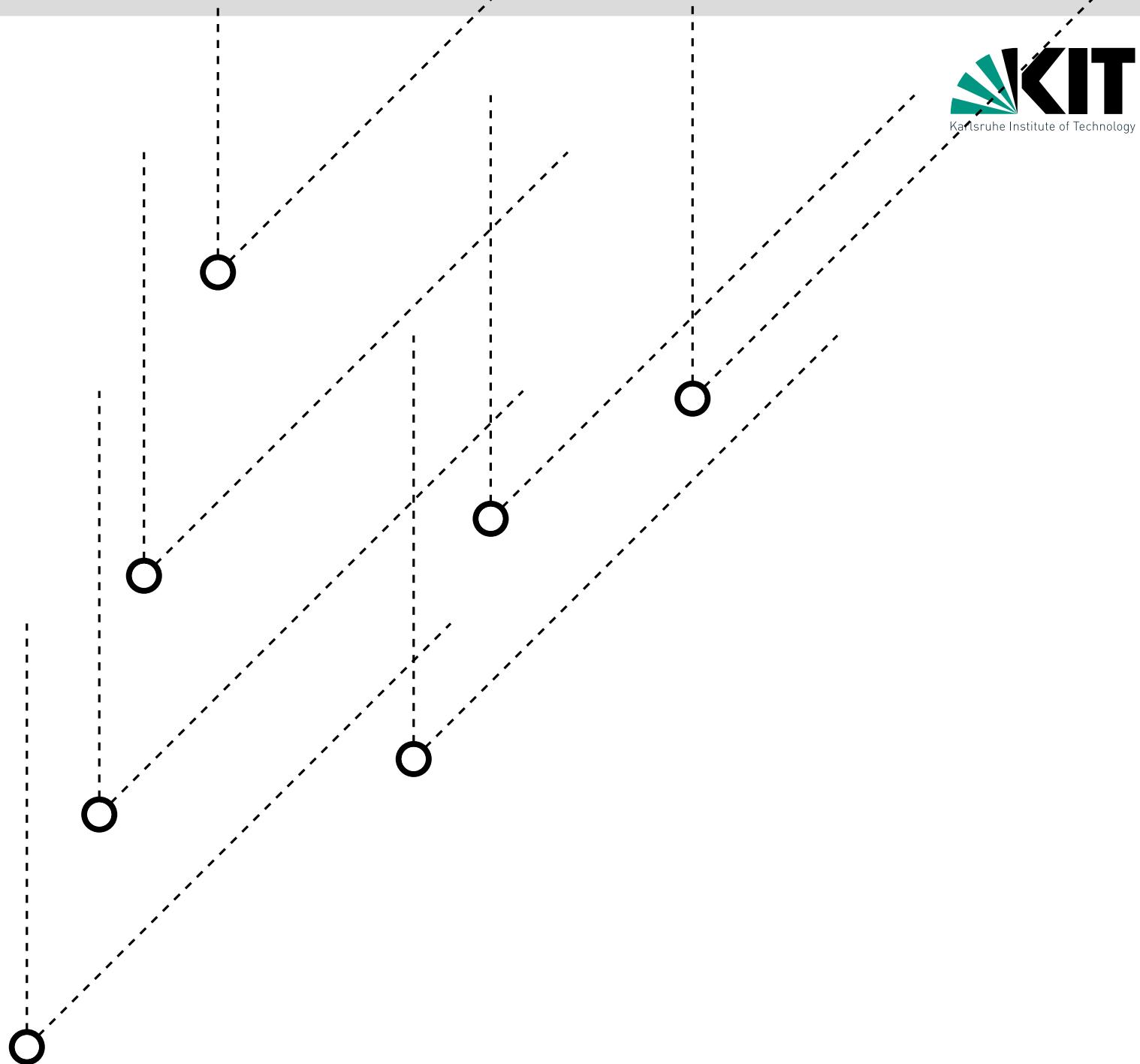
Übungsblatt 5

Werbung

# Nachtrag

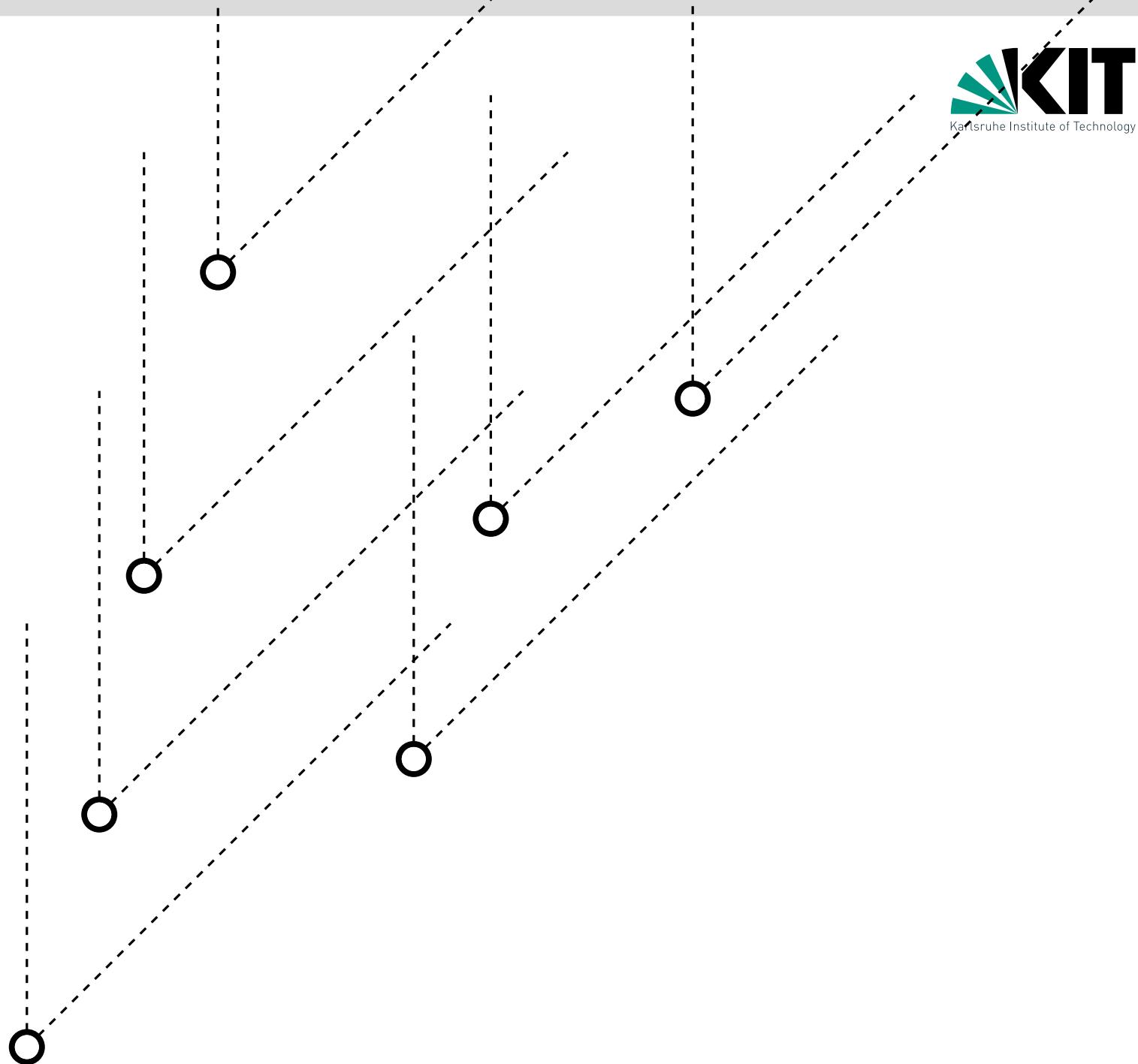


# Nachtrag



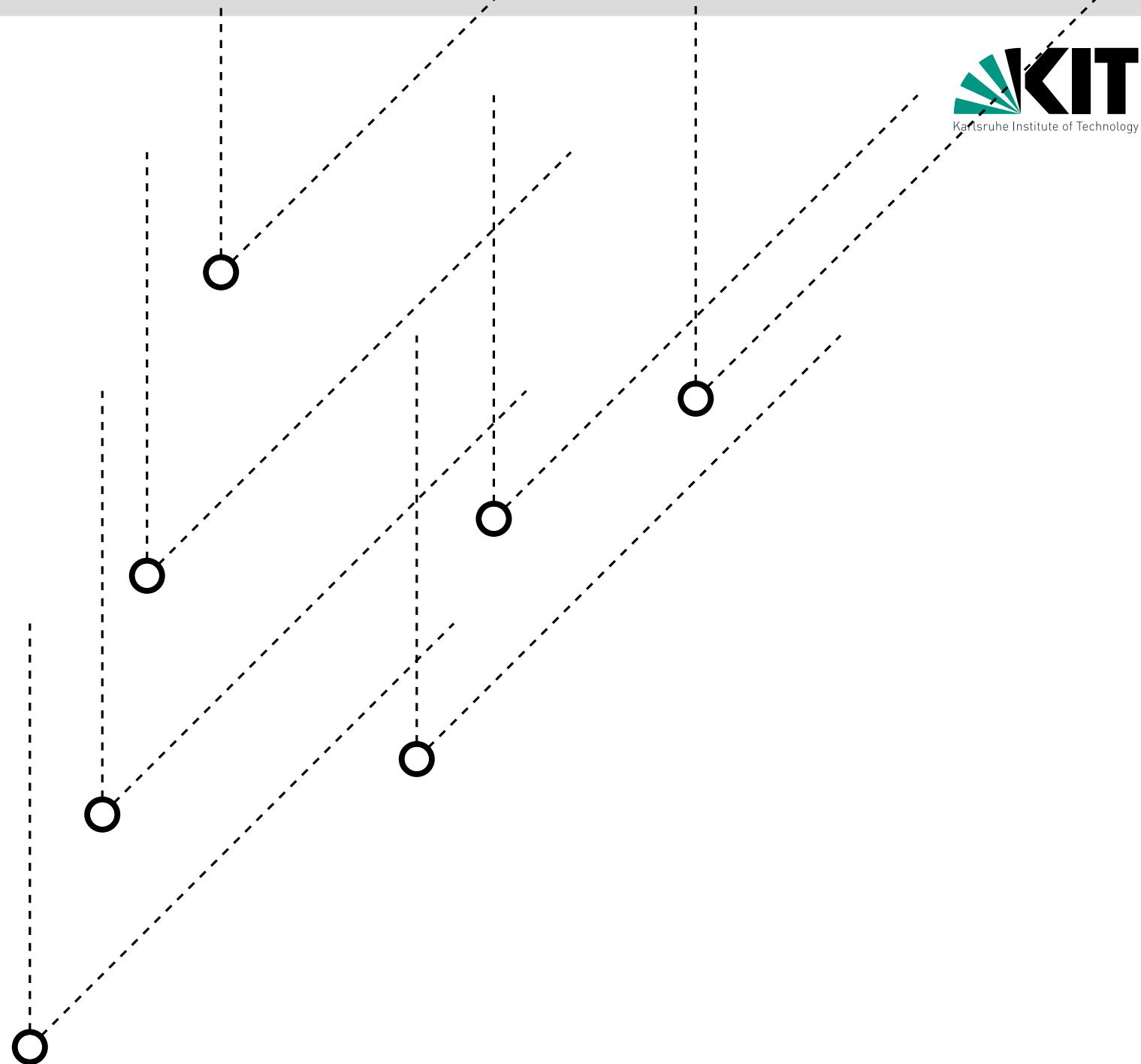
# Nachtrag

Sweeprichtung  
↑



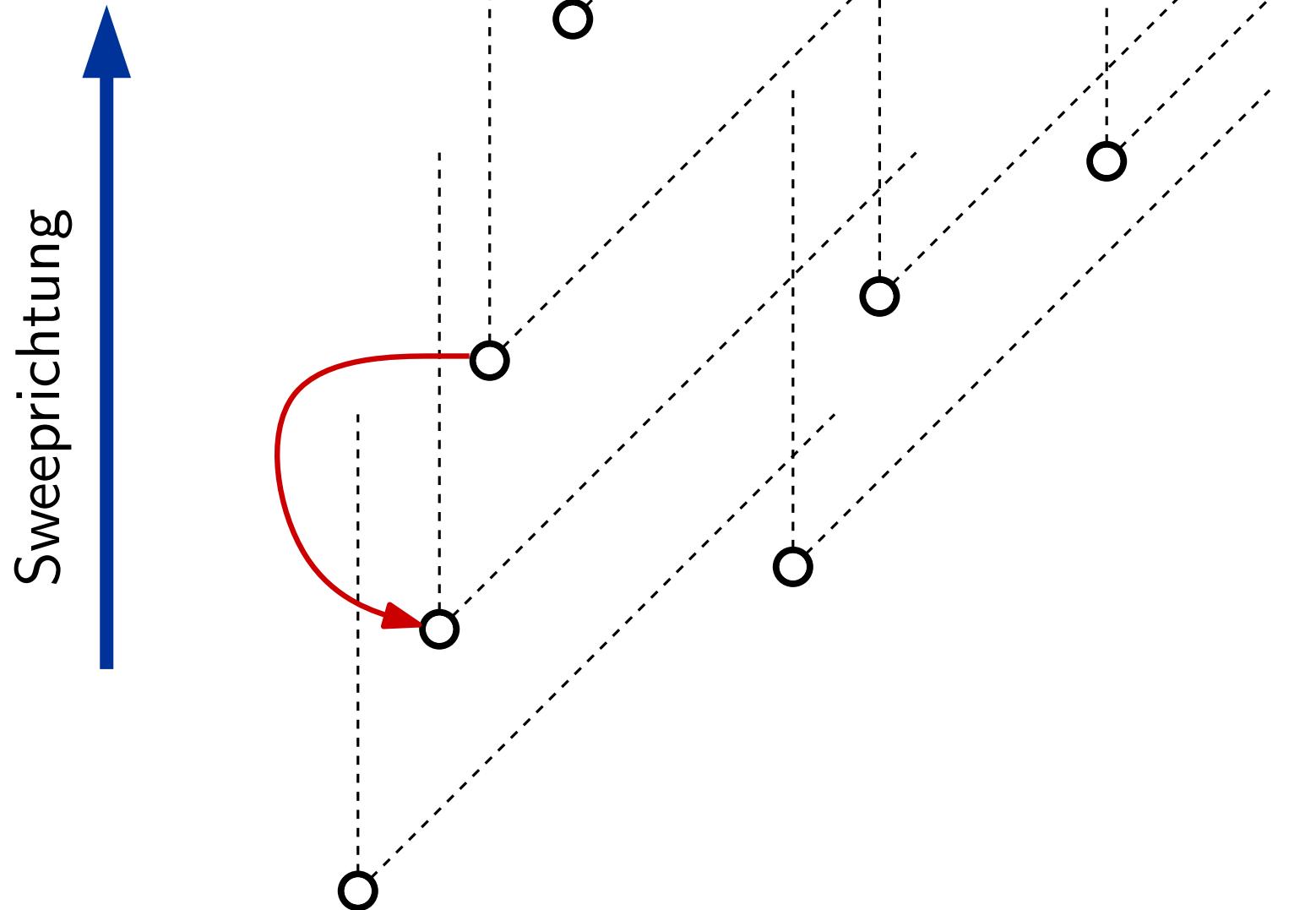
# Nachtrag

Sweeprichtung  
↑



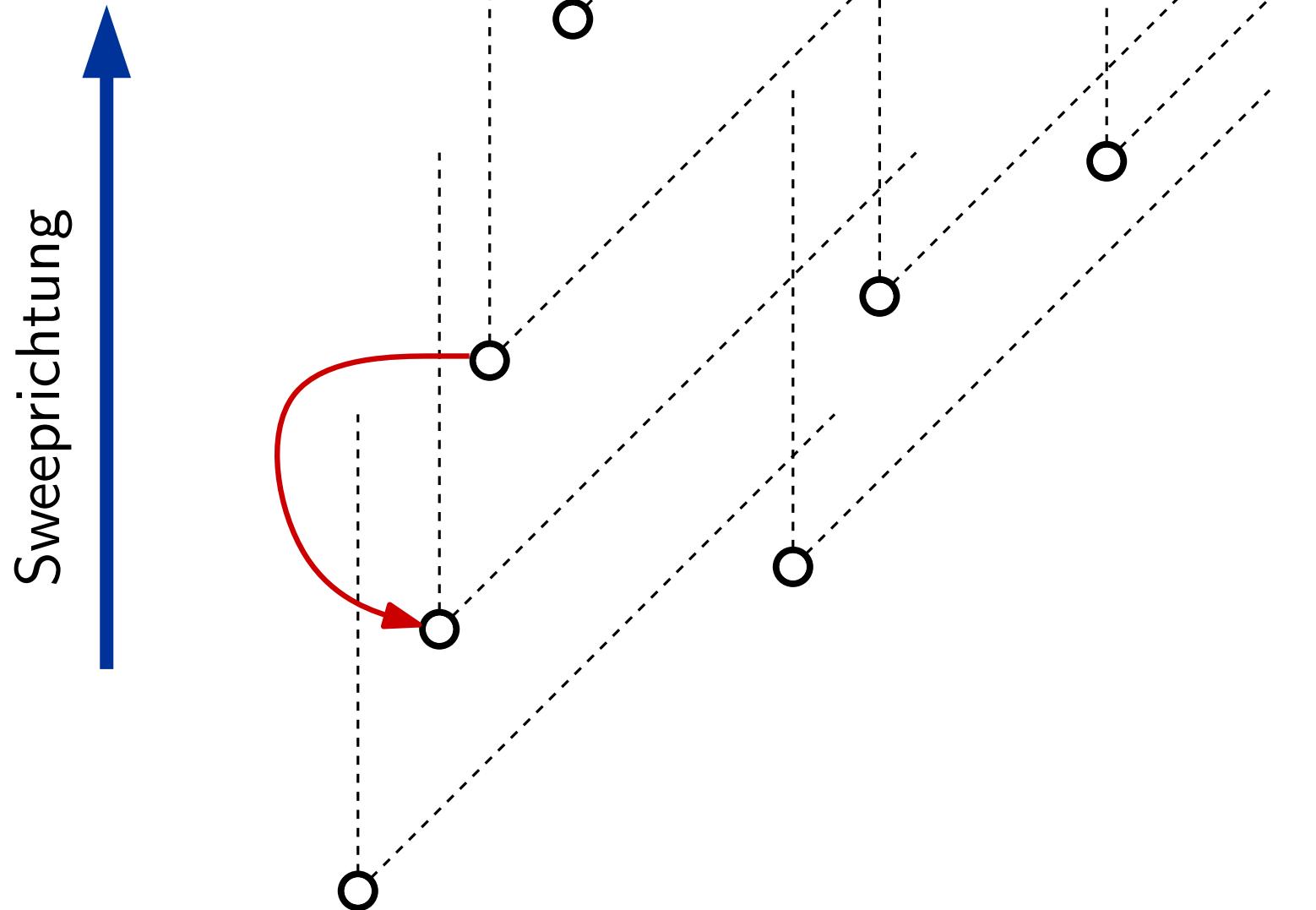
**Idee:** balancierter binärer Suchbaum  $T$

# Nachtrag



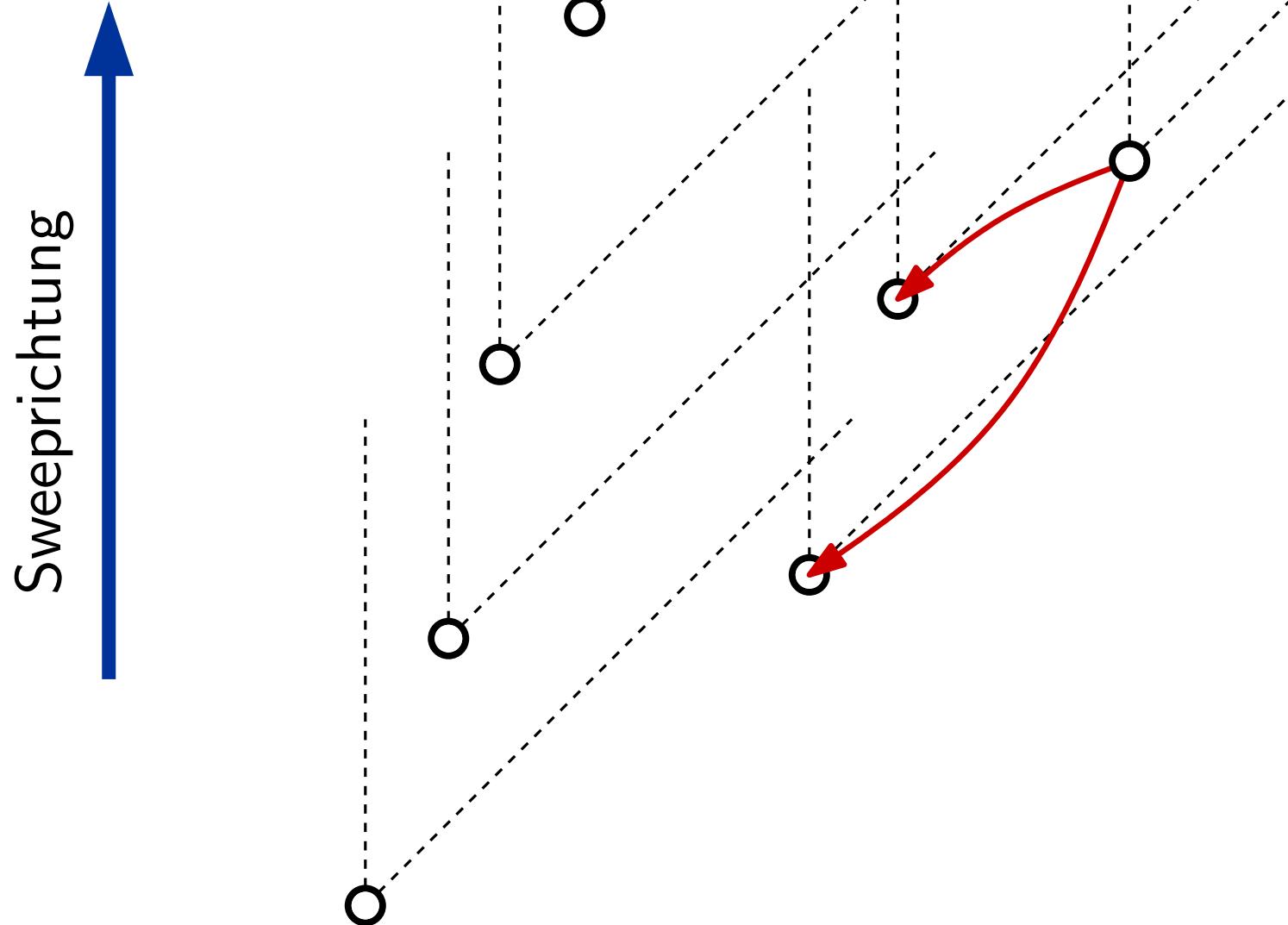
**Idee:** balancierter binärer Suchbaum  $T$

# Nachtrag



**Idee:** balancierter binärer Suchbaum  $T$

# Nachtrag



**Idee:** balancierter binärer Suchbaum  $T$

Übungsblatt 4

Nachtrag zu Übungsblatt 3

Übungsblatt 5

Werbung

# Aufgabe 1

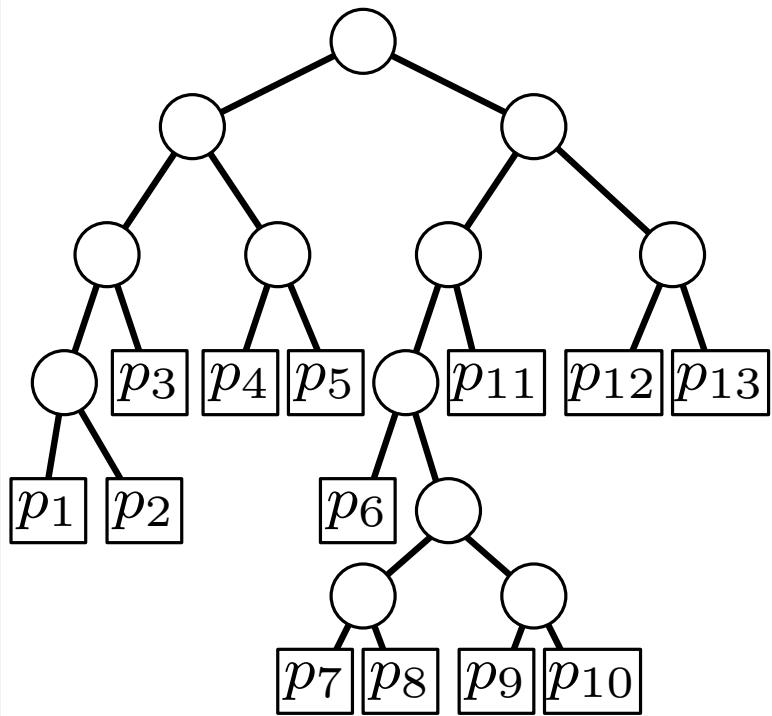
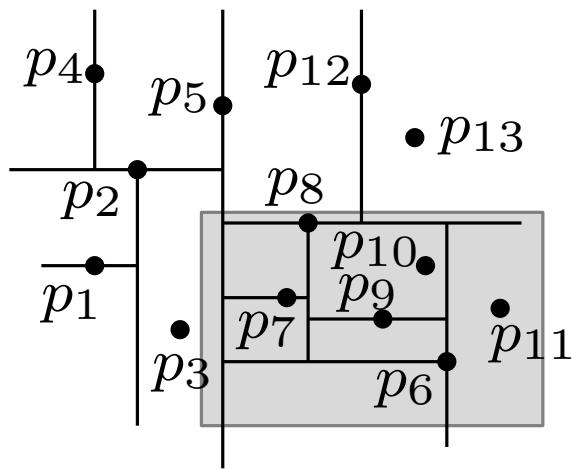
*kd*-Trees – w-c Laufzeit

## Anfragen

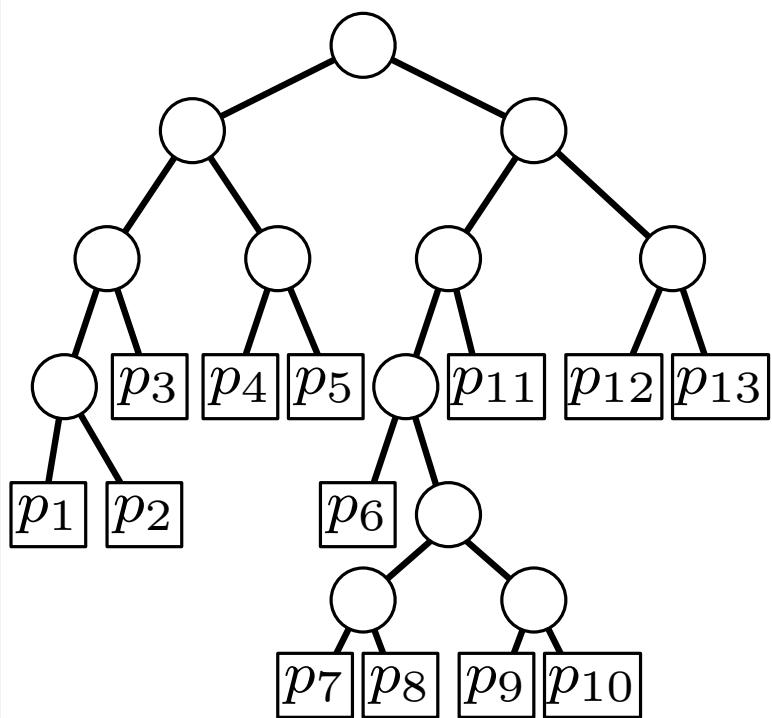
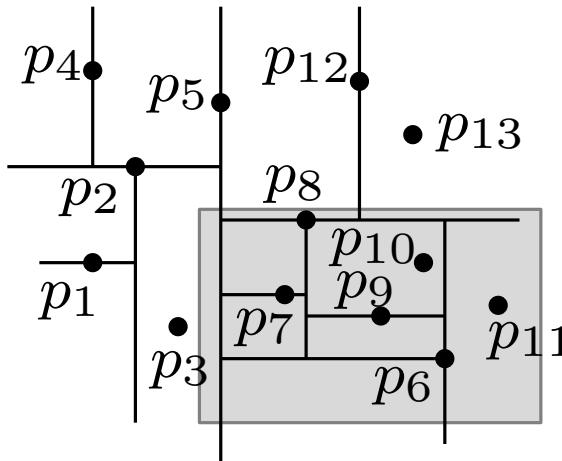
a) warum?

$$Q(n) = \begin{cases} \mathcal{O}(1) & , \text{ für } n = 1 \\ 2 + 2Q(n/4) & , \text{ für } n > 1 \end{cases}$$

# Bereichsabfrage in einem $kd$ -Tree



# Bereichsabfrage in einem $kd$ -Tree



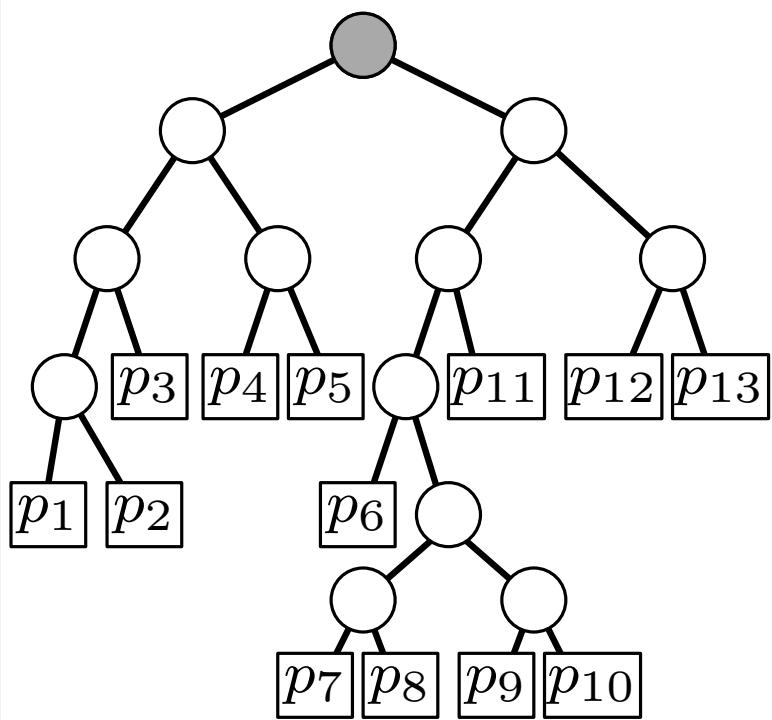
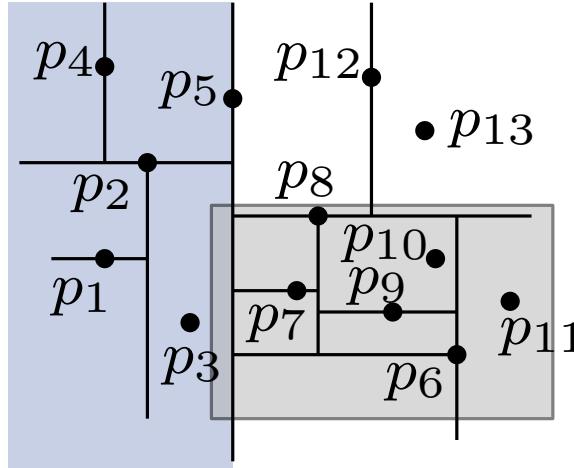
## SearchKdTree( $v, R$ )

```

if  $v$  Blatt then
| prüfe Punkt  $p$  in  $v$  auf  $p \in R$ 
else
| if  $\text{region}(\text{lc}(v)) \subseteq R$  then
| | ReportSubtree( $\text{lc}(v)$ )
| else
| | if  $\text{region}(\text{lc}(v)) \cap R \neq \emptyset$  then
| | | SearchKdTree( $\text{lc}(v), R$ )
| | if  $\text{region}(\text{rc}(v)) \subseteq R$  then
| | | ReportSubtree( $\text{rc}(v)$ )
| | else
| | | if  $\text{region}(\text{rc}(v)) \cap R \neq \emptyset$  then
| | | | SearchKdTree( $\text{rc}(v), R$ )

```

# Bereichsabfrage in einem $kd$ -Tree

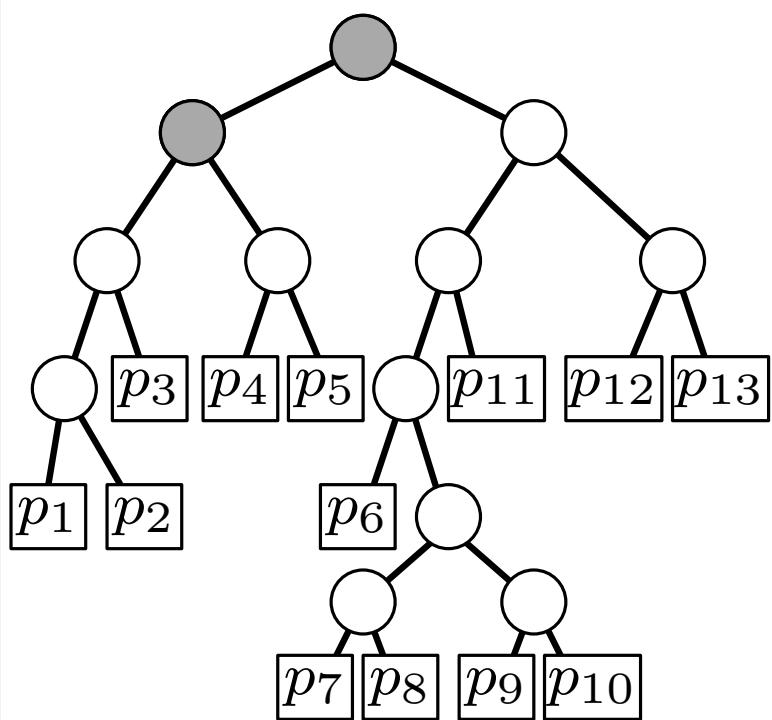
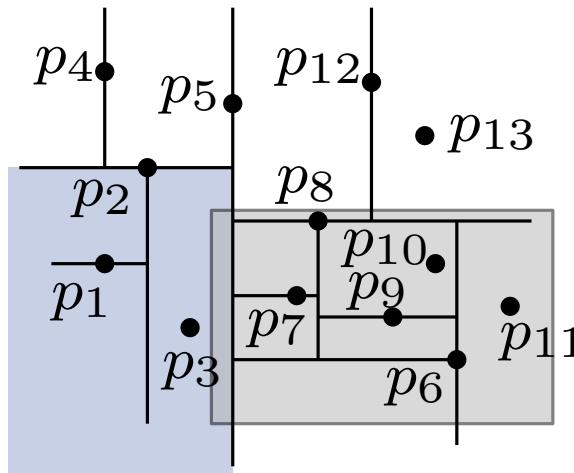


$\text{SearchKdTree}(v, R)$

```

if  $v$  Blatt then
|   prüfe Punkt  $p$  in  $v$  auf  $p \in R$ 
else
|   if  $\text{region}(\text{lc}(v)) \subseteq R$  then
|   |   ReportSubtree( $\text{lc}(v)$ )
|   else
|   |   if  $\text{region}(\text{lc}(v)) \cap R \neq \emptyset$  then
|   |   |   SearchKdTree( $\text{lc}(v)$ ,  $R$ )
|   |   if  $\text{region}(\text{rc}(v)) \subseteq R$  then
|   |   |   ReportSubtree( $\text{rc}(v)$ )
|   |   else
|   |   |   if  $\text{region}(\text{rc}(v)) \cap R \neq \emptyset$  then
|   |   |   |   SearchKdTree( $\text{rc}(v)$ ,  $R$ )
  
```

# Bereichsabfrage in einem $kd$ -Tree

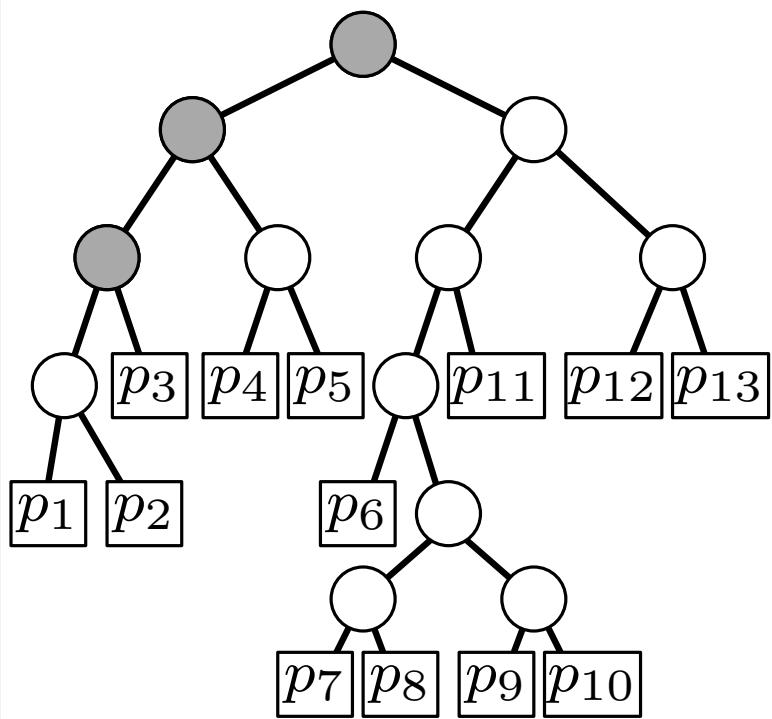
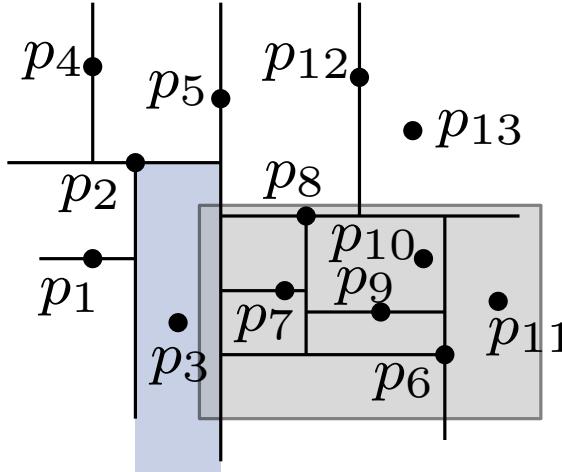


$\text{SearchKdTree}(v, R)$

```

if  $v$  Blatt then
|   prüfe Punkt  $p$  in  $v$  auf  $p \in R$ 
else
|   if  $\text{region}(\text{lc}(v)) \subseteq R$  then
|   |   ReportSubtree( $\text{lc}(v)$ )
|   else
|   |   if  $\text{region}(\text{lc}(v)) \cap R \neq \emptyset$  then
|   |   |   SearchKdTree( $\text{lc}(v)$ ,  $R$ )
|   |   if  $\text{region}(\text{rc}(v)) \subseteq R$  then
|   |   |   ReportSubtree( $\text{rc}(v)$ )
|   |   else
|   |   |   if  $\text{region}(\text{rc}(v)) \cap R \neq \emptyset$  then
|   |   |   |   SearchKdTree( $\text{rc}(v)$ ,  $R$ )
  
```

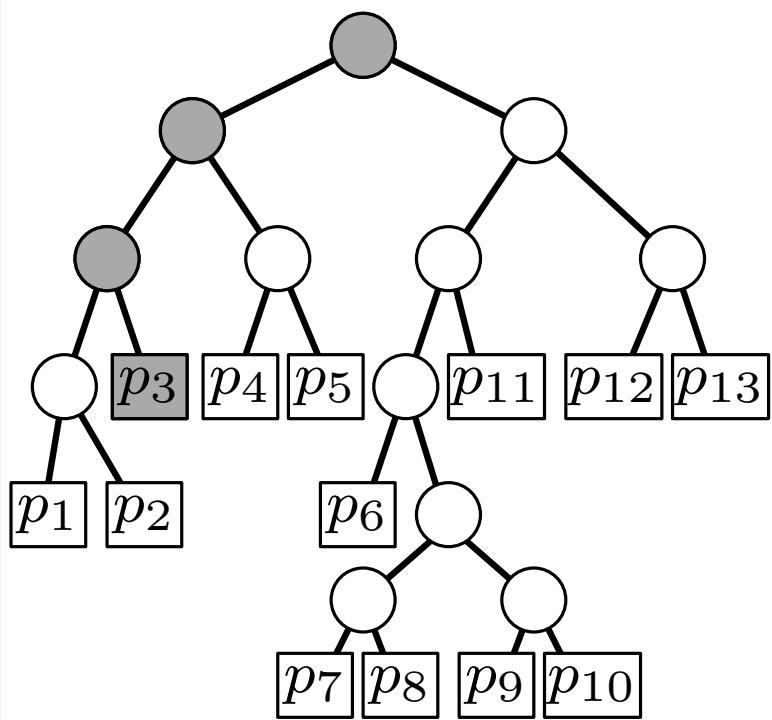
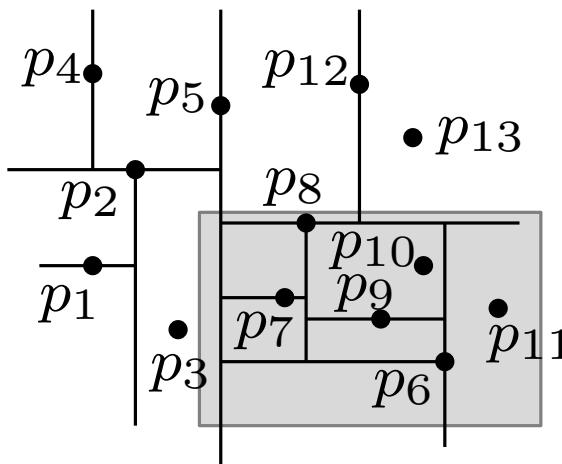
# Bereichsabfrage in einem $kd$ -Tree



SearchKdTree( $v, R$ )

```
if  $v$  Blatt then
    prüfe Punkt  $p$  in  $v$  auf  $p \in R$ 
else
    if region(lc( $v$ ))  $\subseteq R$  then
        ReportSubtree(lc( $v$ ))
    else
        if region(lc( $v$ ))  $\cap R \neq \emptyset$  then
            SearchKdTree(lc( $v$ ),  $R$ )
        if region(rc( $v$ ))  $\subseteq R$  then
            ReportSubtree(rc( $v$ ))
        else
            if region(rc( $v$ ))  $\cap R \neq \emptyset$  then
                SearchKdTree(rc( $v$ ),  $R$ )
```

# Bereichsabfrage in einem $kd$ -Tree

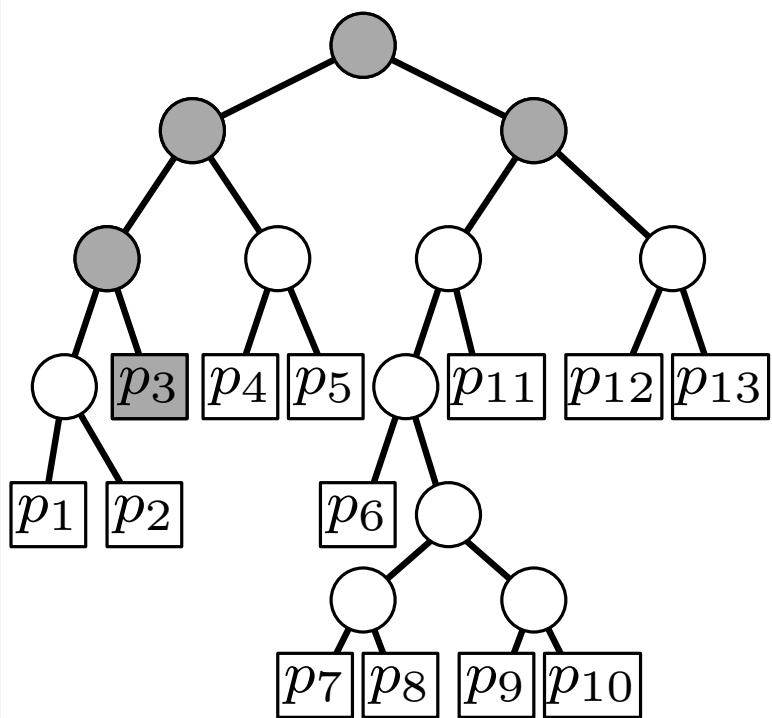
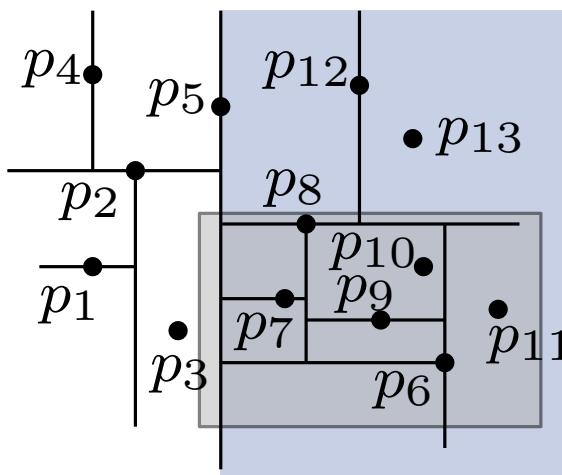


$\text{SearchKdTree}(v, R)$

```

if  $v$  Blatt then
| prüfe Punkt  $p$  in  $v$  auf  $p \in R$ 
else
| if  $\text{region}(\text{lc}(v)) \subseteq R$  then
| | ReportSubtree( $\text{lc}(v)$ )
| else
| | if  $\text{region}(\text{lc}(v)) \cap R \neq \emptyset$  then
| | | SearchKdTree( $\text{lc}(v), R$ )
| | if  $\text{region}(\text{rc}(v)) \subseteq R$  then
| | | ReportSubtree( $\text{rc}(v)$ )
| | else
| | | if  $\text{region}(\text{rc}(v)) \cap R \neq \emptyset$  then
| | | | SearchKdTree( $\text{rc}(v), R$ )
  
```

# Bereichsabfrage in einem $kd$ -Tree



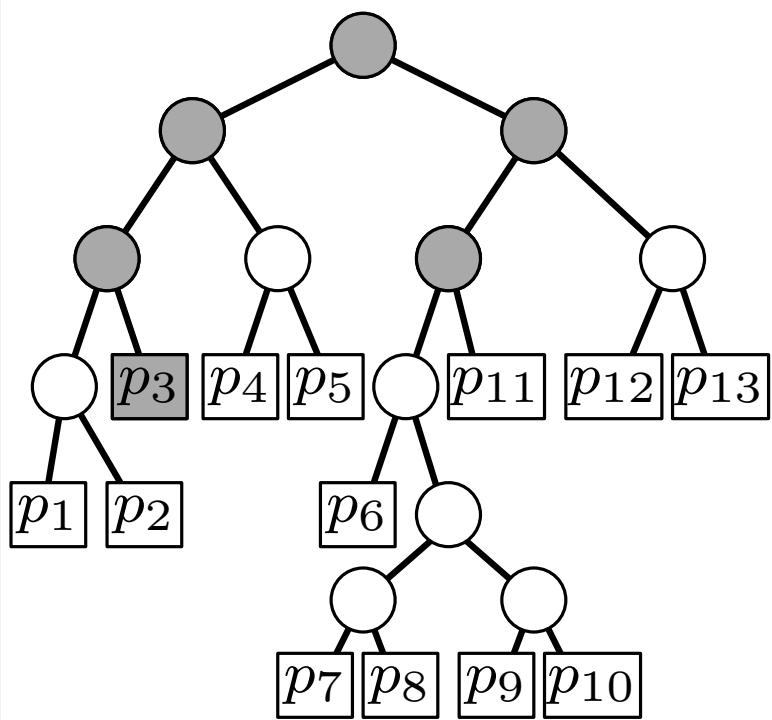
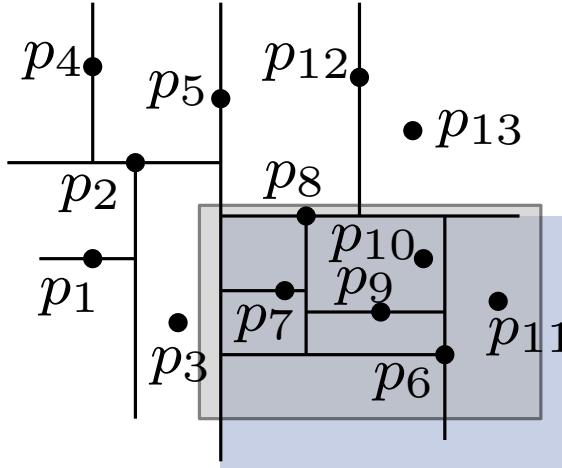
## SearchKdTree( $v, R$ )

```

if  $v$  Blatt then
| prüfe Punkt  $p$  in  $v$  auf  $p \in R$ 
else
| if  $\text{region}(\text{lc}(v)) \subseteq R$  then
| | ReportSubtree( $\text{lc}(v)$ )
| else
| | if  $\text{region}(\text{lc}(v)) \cap R \neq \emptyset$  then
| | | SearchKdTree( $\text{lc}(v), R$ )
| | if  $\text{region}(\text{rc}(v)) \subseteq R$  then
| | | ReportSubtree( $\text{rc}(v)$ )
| | else
| | | if  $\text{region}(\text{rc}(v)) \cap R \neq \emptyset$  then
| | | | SearchKdTree( $\text{rc}(v), R$ )

```

# Bereichsabfrage in einem $kd$ -Tree

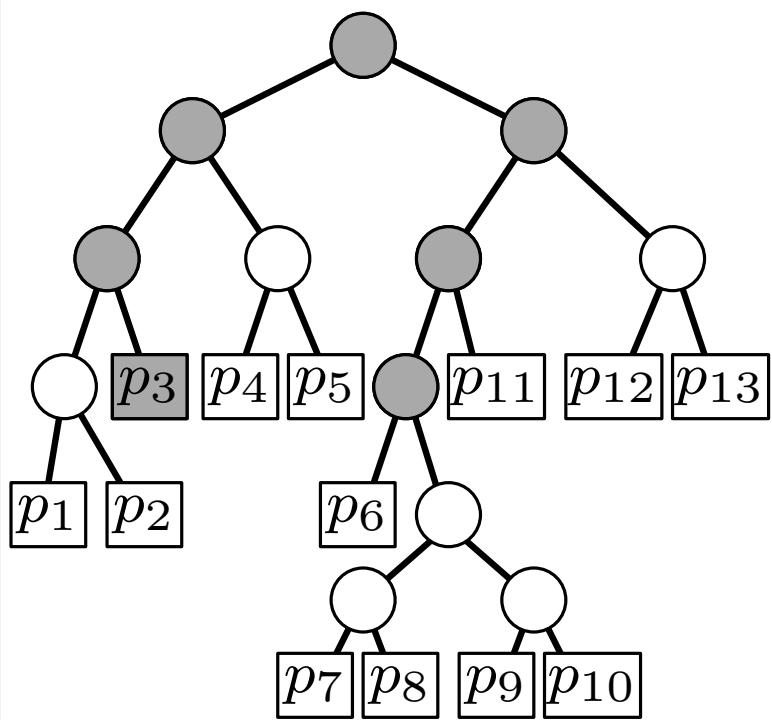
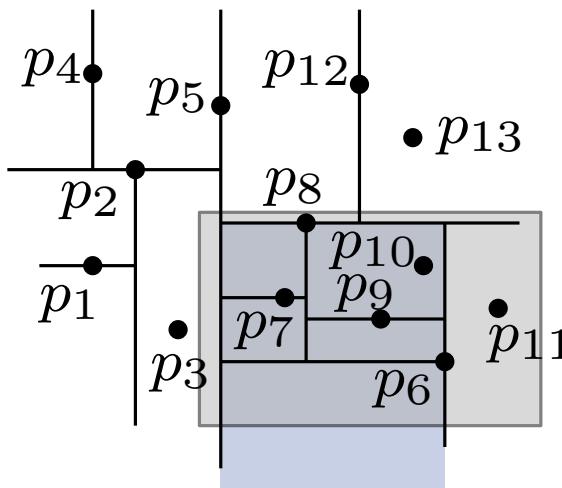


$\text{SearchKdTree}(v, R)$

```

if  $v$  Blatt then
|   prüfe Punkt  $p$  in  $v$  auf  $p \in R$ 
else
|   if  $\text{region}(\text{lc}(v)) \subseteq R$  then
|   |   ReportSubtree( $\text{lc}(v)$ )
|   else
|   |   if  $\text{region}(\text{lc}(v)) \cap R \neq \emptyset$  then
|   |   |   SearchKdTree( $\text{lc}(v)$ ,  $R$ )
|   |   if  $\text{region}(\text{rc}(v)) \subseteq R$  then
|   |   |   ReportSubtree( $\text{rc}(v)$ )
|   |   else
|   |   |   if  $\text{region}(\text{rc}(v)) \cap R \neq \emptyset$  then
|   |   |   |   SearchKdTree( $\text{rc}(v)$ ,  $R$ )
  
```

# Bereichsabfrage in einem $kd$ -Tree

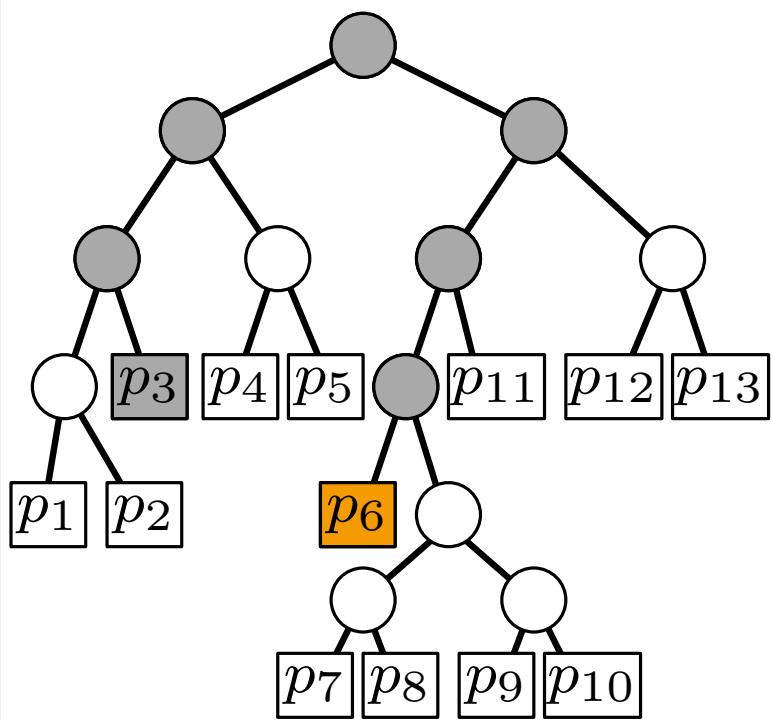
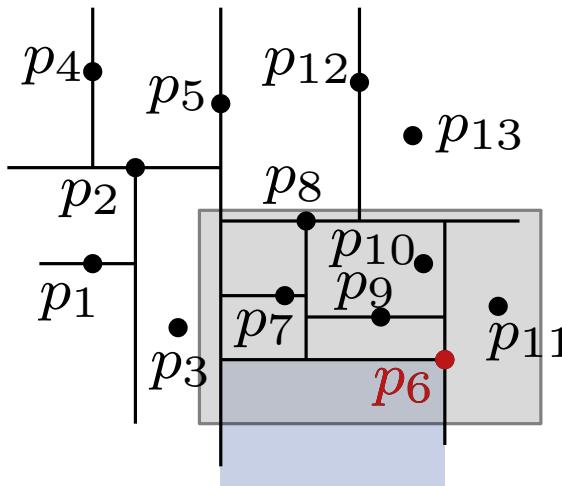


$\text{SearchKdTree}(v, R)$

```

if  $v$  Blatt then
|   prüfe Punkt  $p$  in  $v$  auf  $p \in R$ 
else
|   if  $\text{region}(\text{lc}(v)) \subseteq R$  then
|   |   ReportSubtree( $\text{lc}(v)$ )
|   else
|   |   if  $\text{region}(\text{lc}(v)) \cap R \neq \emptyset$  then
|   |   |   SearchKdTree( $\text{lc}(v)$ ,  $R$ )
|   |   if  $\text{region}(\text{rc}(v)) \subseteq R$  then
|   |   |   ReportSubtree( $\text{rc}(v)$ )
|   |   else
|   |   |   if  $\text{region}(\text{rc}(v)) \cap R \neq \emptyset$  then
|   |   |   |   SearchKdTree( $\text{rc}(v)$ ,  $R$ )
  
```

# Bereichsabfrage in einem $kd$ -Tree

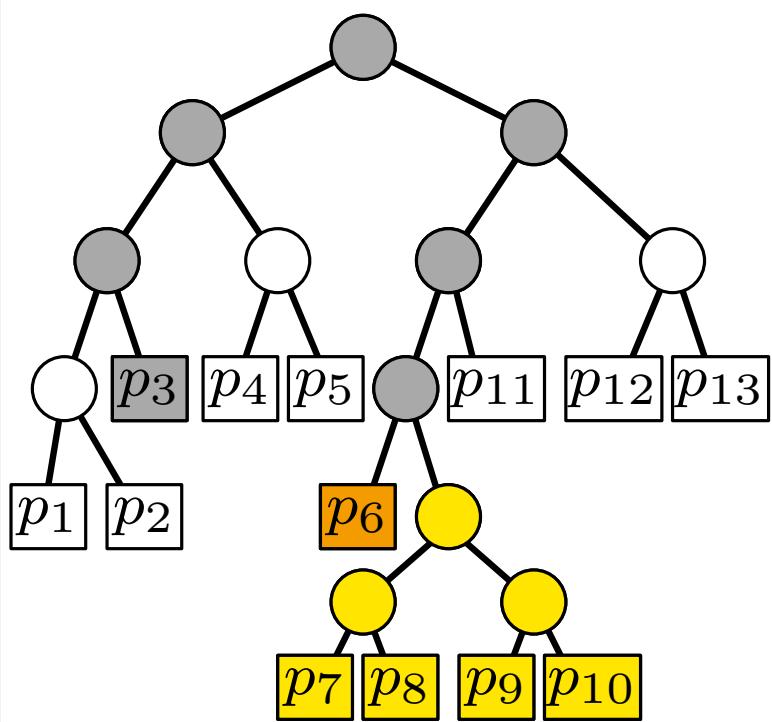
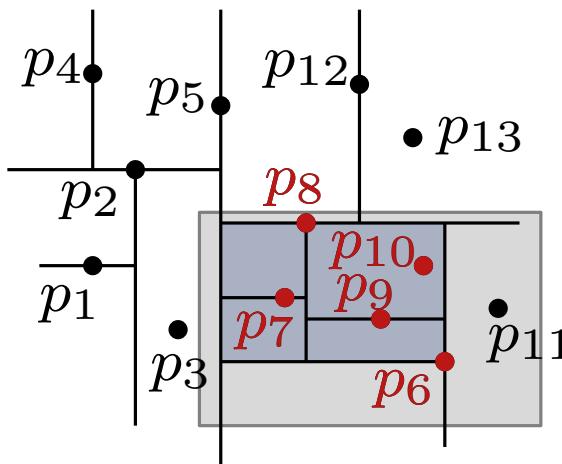


$\text{SearchKdTree}(v, R)$

```

if  $v$  Blatt then
|   prüfe Punkt  $p$  in  $v$  auf  $p \in R$ 
else
|   if  $\text{region}(\text{lc}(v)) \subseteq R$  then
|   |   ReportSubtree( $\text{lc}(v)$ )
|   else
|   |   if  $\text{region}(\text{lc}(v)) \cap R \neq \emptyset$  then
|   |   |   SearchKdTree( $\text{lc}(v)$ ,  $R$ )
|   |   if  $\text{region}(\text{rc}(v)) \subseteq R$  then
|   |   |   ReportSubtree( $\text{rc}(v)$ )
|   |   else
|   |   |   if  $\text{region}(\text{rc}(v)) \cap R \neq \emptyset$  then
|   |   |   |   SearchKdTree( $\text{rc}(v)$ ,  $R$ )
  
```

# Bereichsabfrage in einem $kd$ -Tree

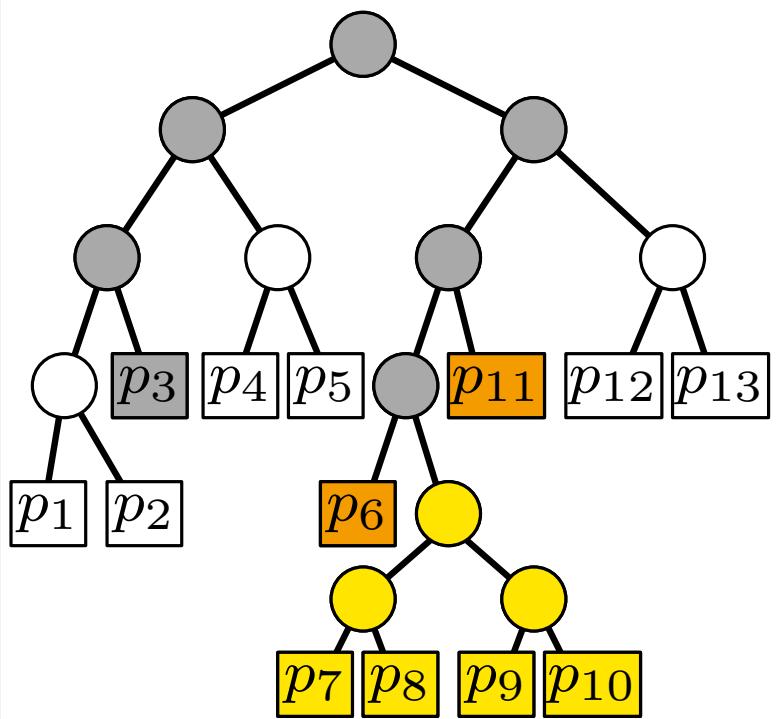
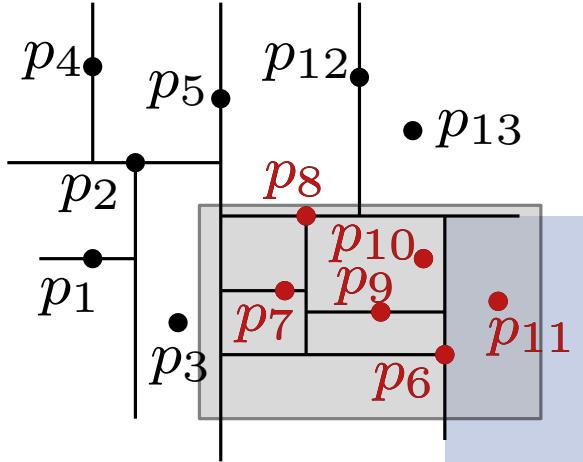


$\text{SearchKdTree}(v, R)$

```

if  $v$  Blatt then
|   prüfe Punkt  $p$  in  $v$  auf  $p \in R$ 
else
|   if  $\text{region}(\text{lc}(v)) \subseteq R$  then
|   |   ReportSubtree( $\text{lc}(v)$ )
|   else
|   |   if  $\text{region}(\text{lc}(v)) \cap R \neq \emptyset$  then
|   |   |   SearchKdTree( $\text{lc}(v)$ ,  $R$ )
|   |   if  $\text{region}(\text{rc}(v)) \subseteq R$  then
|   |   |   ReportSubtree( $\text{rc}(v)$ )
|   |   else
|   |   |   if  $\text{region}(\text{rc}(v)) \cap R \neq \emptyset$  then
|   |   |   |   SearchKdTree( $\text{rc}(v)$ ,  $R$ )
  
```

# Bereichsabfrage in einem $kd$ -Tree



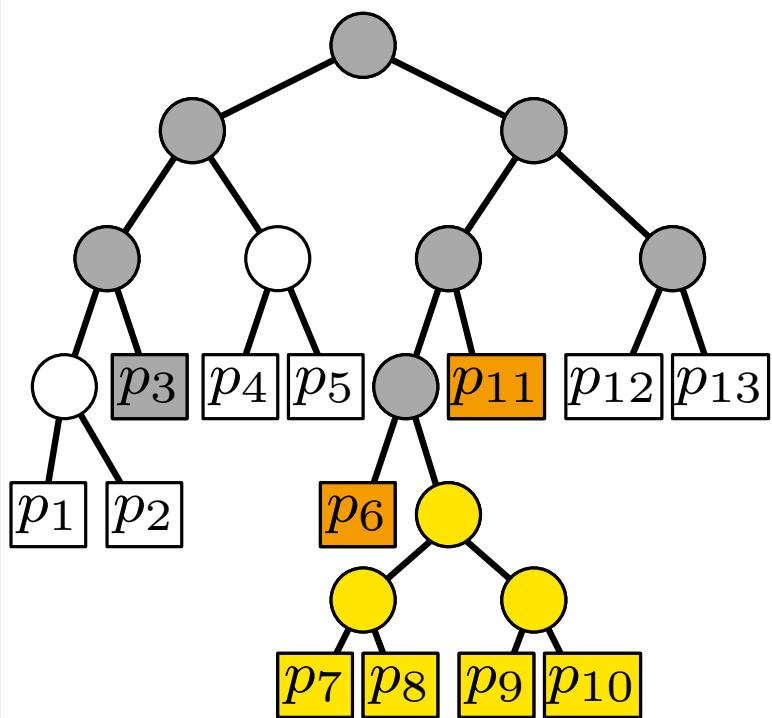
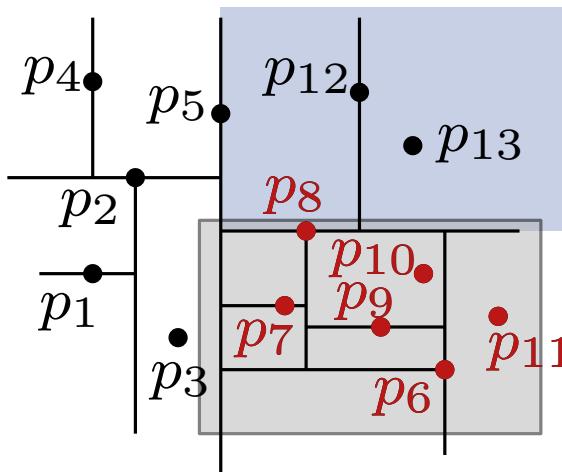
SearchKdTree( $v, R$ )

```

if  $v$  Blatt then
  | prüfe Punkt  $p$  in  $v$  auf  $p \in R$ 
else
  | if region(lc( $v$ ))  $\subseteq R$  then
    | | ReportSubtree(lc( $v$ ))
  | else
    | | if region(lc( $v$ ))  $\cap R \neq \emptyset$  then
      | | | SearchKdTree(lc( $v$ ),  $R$ )
    | | if region(rc( $v$ ))  $\subseteq R$  then
      | | | ReportSubtree(rc( $v$ ))
    | | else
      | | | if region(rc( $v$ ))  $\cap R \neq \emptyset$  then
        | | | | SearchKdTree(rc( $v$ ),  $R$ )
  | |

```

# Bereichsabfrage in einem $kd$ -Tree

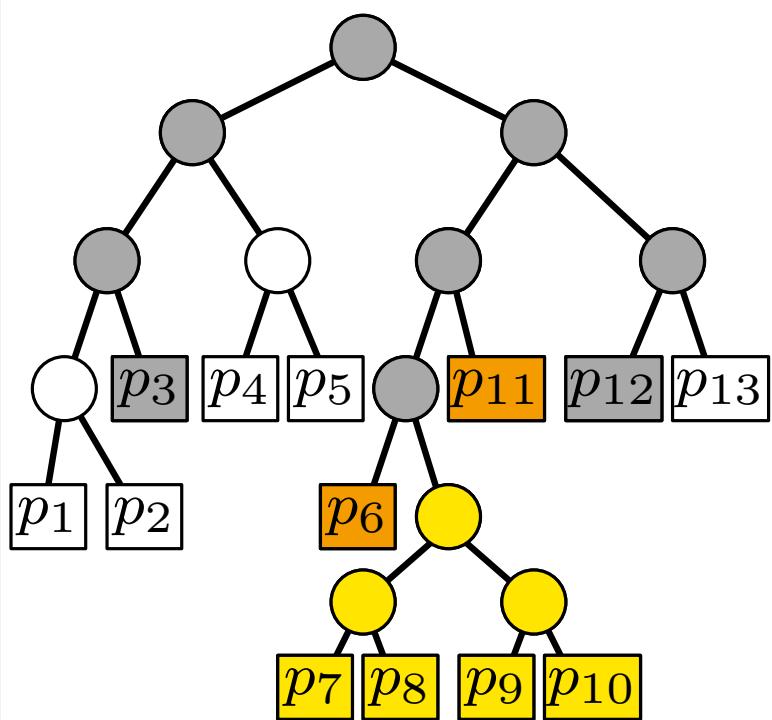
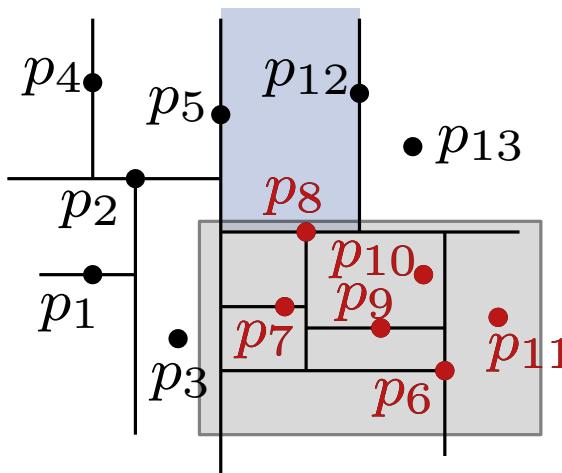


$\text{SearchKdTree}(v, R)$

```

if  $v$  Blatt then
|   prüfe Punkt  $p$  in  $v$  auf  $p \in R$ 
else
|   if  $\text{region}(\text{lc}(v)) \subseteq R$  then
|   |   ReportSubtree( $\text{lc}(v)$ )
|   else
|   |   if  $\text{region}(\text{lc}(v)) \cap R \neq \emptyset$  then
|   |   |   SearchKdTree( $\text{lc}(v)$ ,  $R$ )
|   |   if  $\text{region}(\text{rc}(v)) \subseteq R$  then
|   |   |   ReportSubtree( $\text{rc}(v)$ )
|   |   else
|   |   |   if  $\text{region}(\text{rc}(v)) \cap R \neq \emptyset$  then
|   |   |   |   SearchKdTree( $\text{rc}(v)$ ,  $R$ )
    
```

# Bereichsabfrage in einem $kd$ -Tree

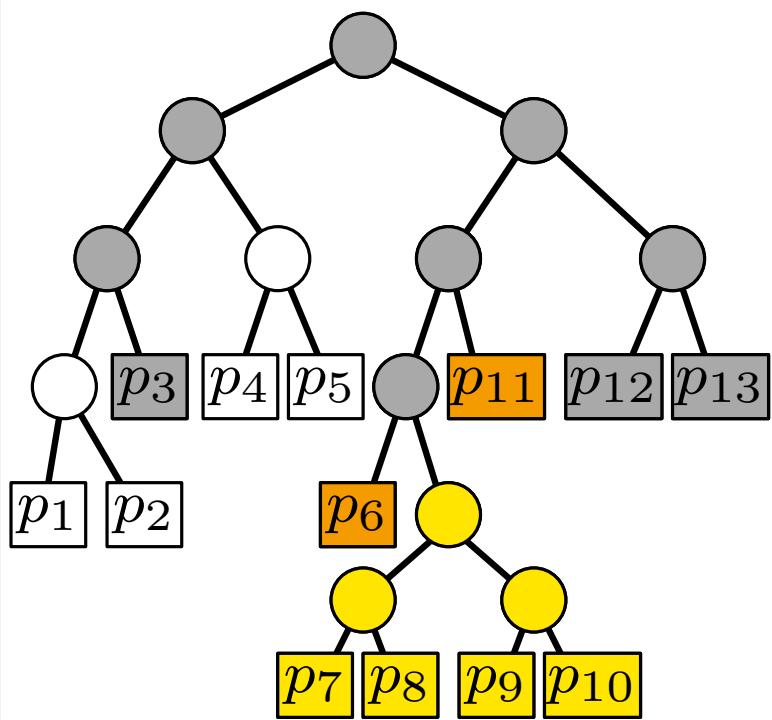
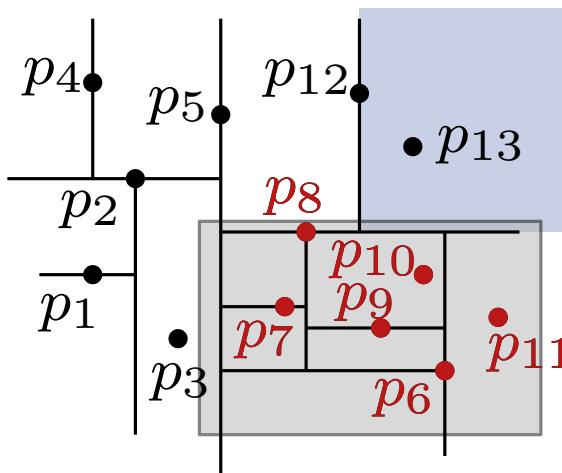


$\text{SearchKdTree}(v, R)$

```

if  $v$  Blatt then
  prüfe Punkt  $p$  in  $v$  auf  $p \in R$ 
else
  if  $\text{region}(\text{lc}(v)) \subseteq R$  then
    ReportSubtree( $\text{lc}(v)$ )
  else
    if  $\text{region}(\text{lc}(v)) \cap R \neq \emptyset$  then
      SearchKdTree( $\text{lc}(v)$ ,  $R$ )
    if  $\text{region}(\text{rc}(v)) \subseteq R$  then
      ReportSubtree( $\text{rc}(v)$ )
    else
      if  $\text{region}(\text{rc}(v)) \cap R \neq \emptyset$  then
        SearchKdTree( $\text{rc}(v)$ ,  $R$ )
  
```

# Bereichsabfrage in einem $kd$ -Tree

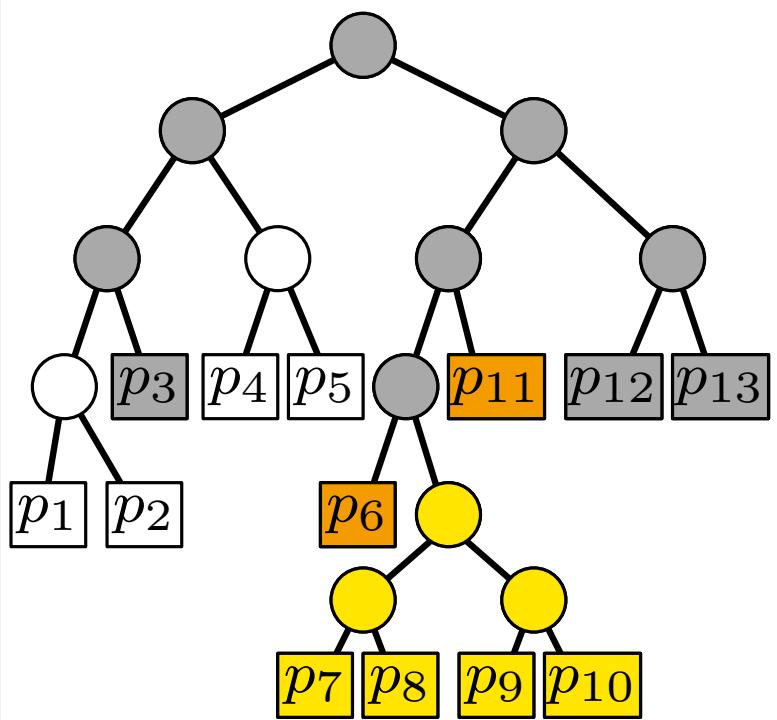
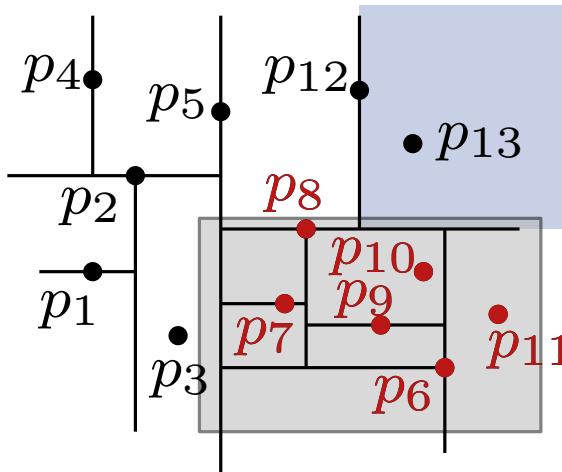


$\text{SearchKdTree}(v, R)$

```

if  $v$  Blatt then
  prüfe Punkt  $p$  in  $v$  auf  $p \in R$ 
else
  if  $\text{region}(\text{lc}(v)) \subseteq R$  then
    ReportSubtree( $\text{lc}(v)$ )
  else
    if  $\text{region}(\text{lc}(v)) \cap R \neq \emptyset$  then
      SearchKdTree( $\text{lc}(v)$ ,  $R$ )
    if  $\text{region}(\text{rc}(v)) \subseteq R$  then
      ReportSubtree( $\text{rc}(v)$ )
    else
      if  $\text{region}(\text{rc}(v)) \cap R \neq \emptyset$  then
        SearchKdTree( $\text{rc}(v)$ ,  $R$ )
  
```

# Bereichsabfrage in einem $kd$ -Tree

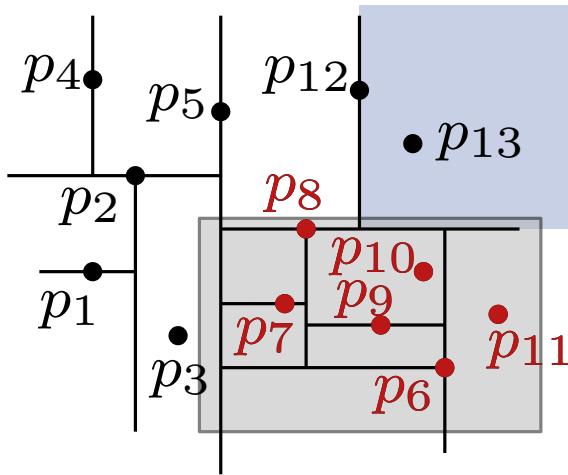


$\text{SearchKdTree}(v, R)$

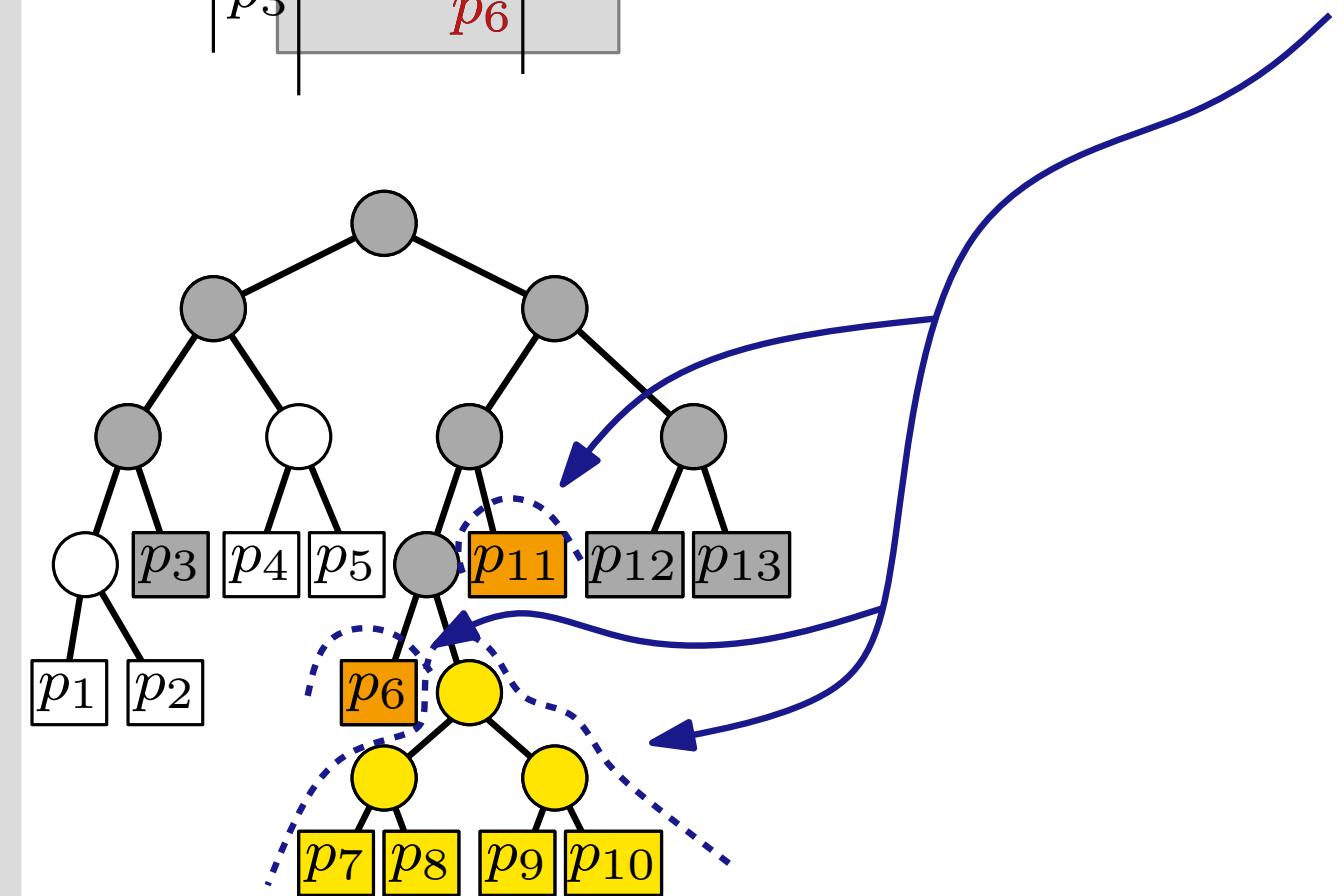
```

if  $v$  Blatt then
  prüfe Punkt  $p$  in  $v$  auf  $p \in R$ 
else
  if  $\text{region}(\text{lc}(v)) \subseteq R$  then
    ReportSubtree( $\text{lc}(v)$ )
  else
    if  $\text{region}(\text{lc}(v)) \cap R \neq \emptyset$  then
      SearchKdTree( $\text{lc}(v)$ ,  $R$ )
    if  $\text{region}(\text{rc}(v)) \subseteq R$  then
      ReportSubtree( $\text{rc}(v)$ )
    else
      if  $\text{region}(\text{rc}(v)) \cap R \neq \emptyset$  then
        SearchKdTree( $\text{rc}(v)$ ,  $R$ )
  
```

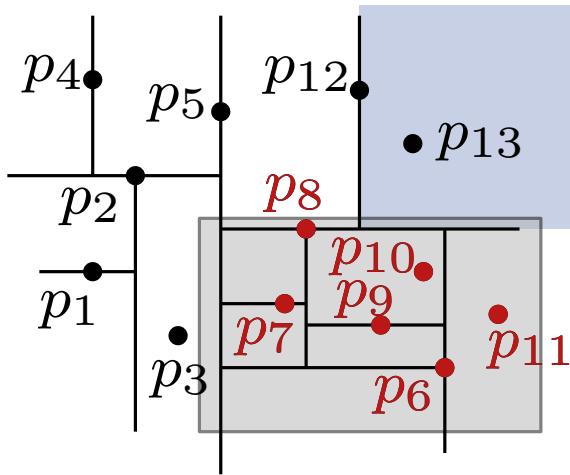
# Bereichsabfrage in einem $kd$ -Tree



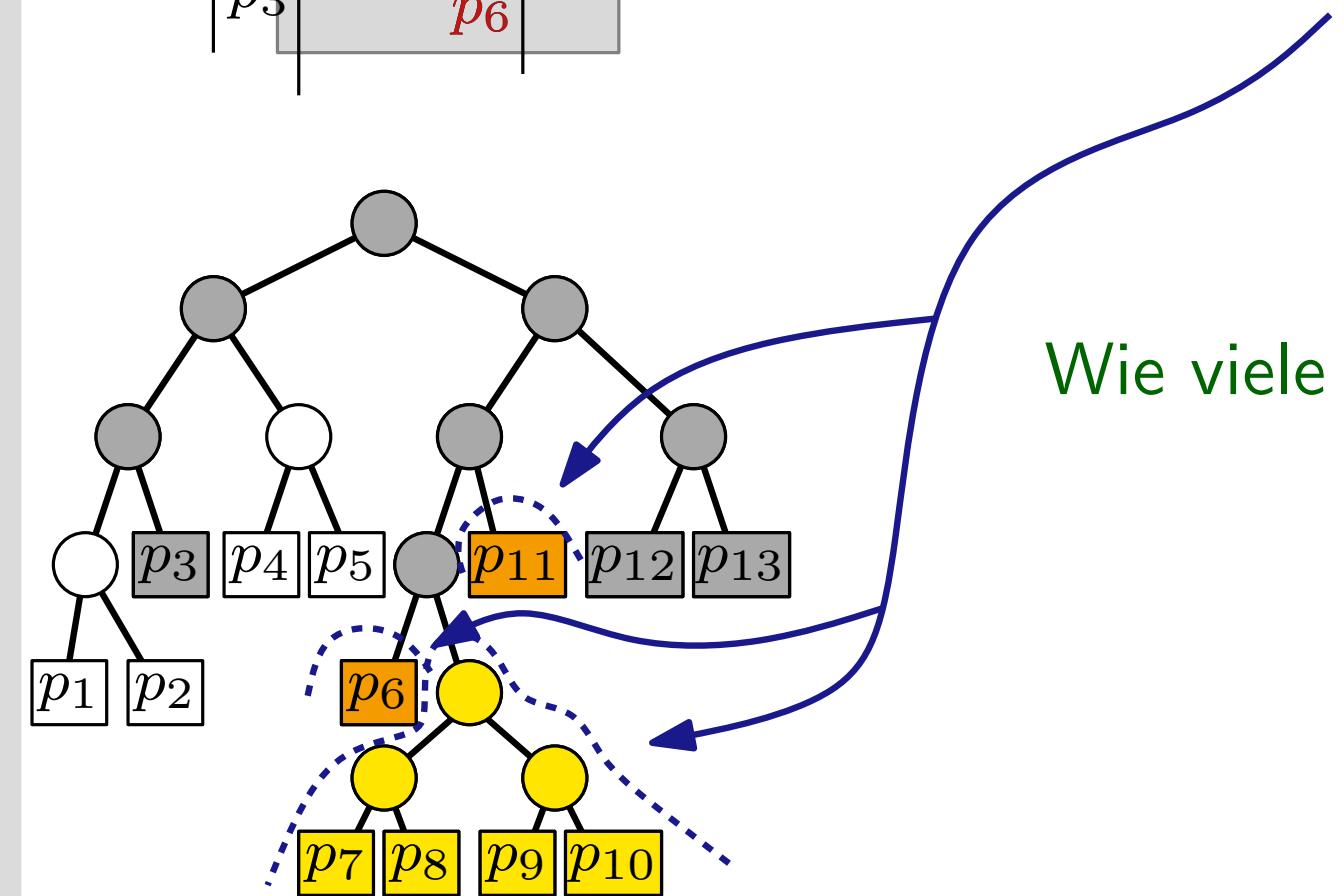
ReportSubtree in  $\mathcal{O}(k)$



# Bereichsabfrage in einem $kd$ -Tree

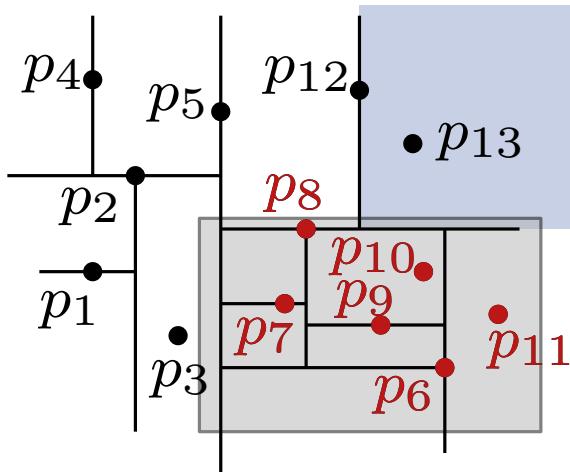


ReportSubtree in  $\mathcal{O}(k)$

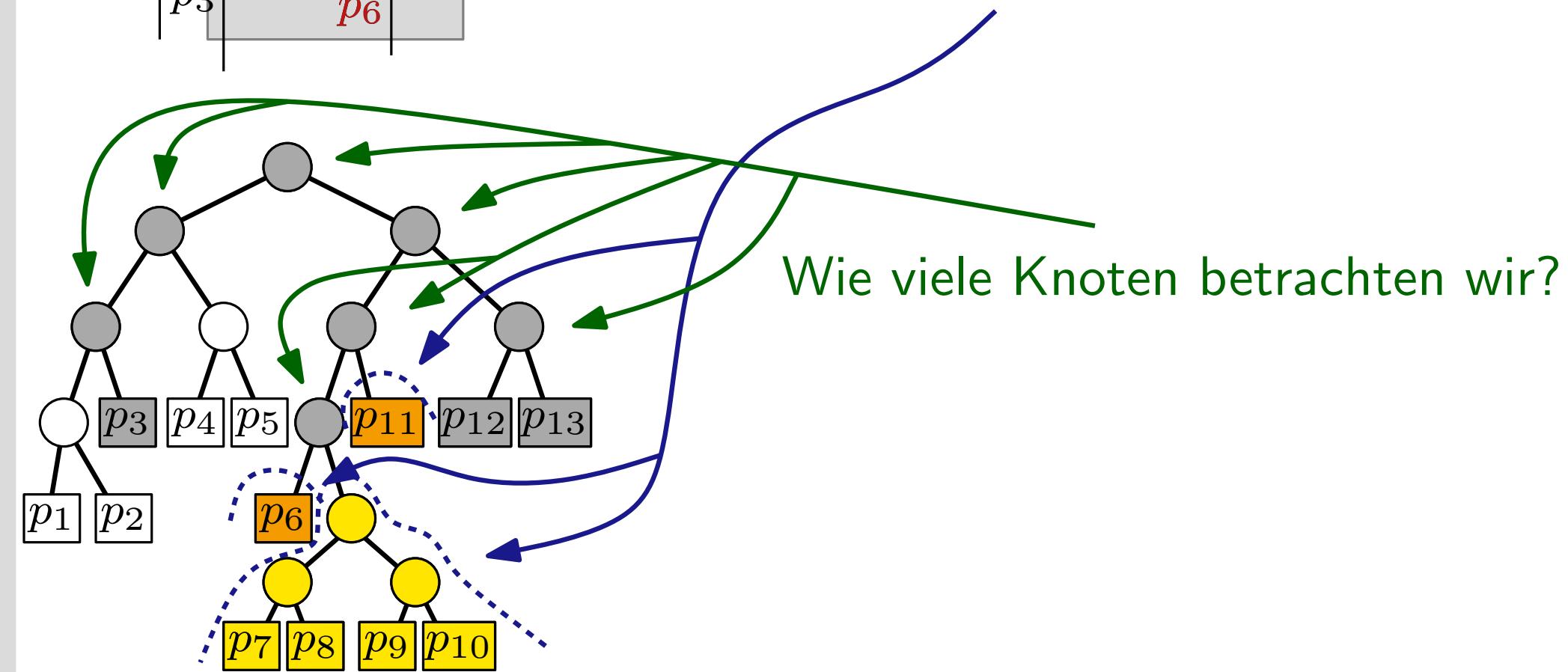


Wie viele Knoten betrachten wir?

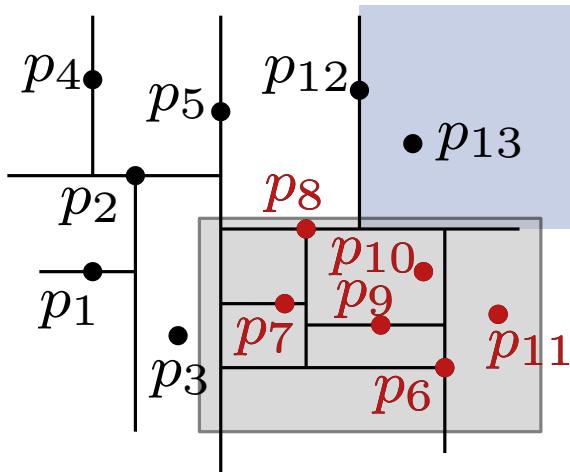
# Bereichsabfrage in einem $kd$ -Tree



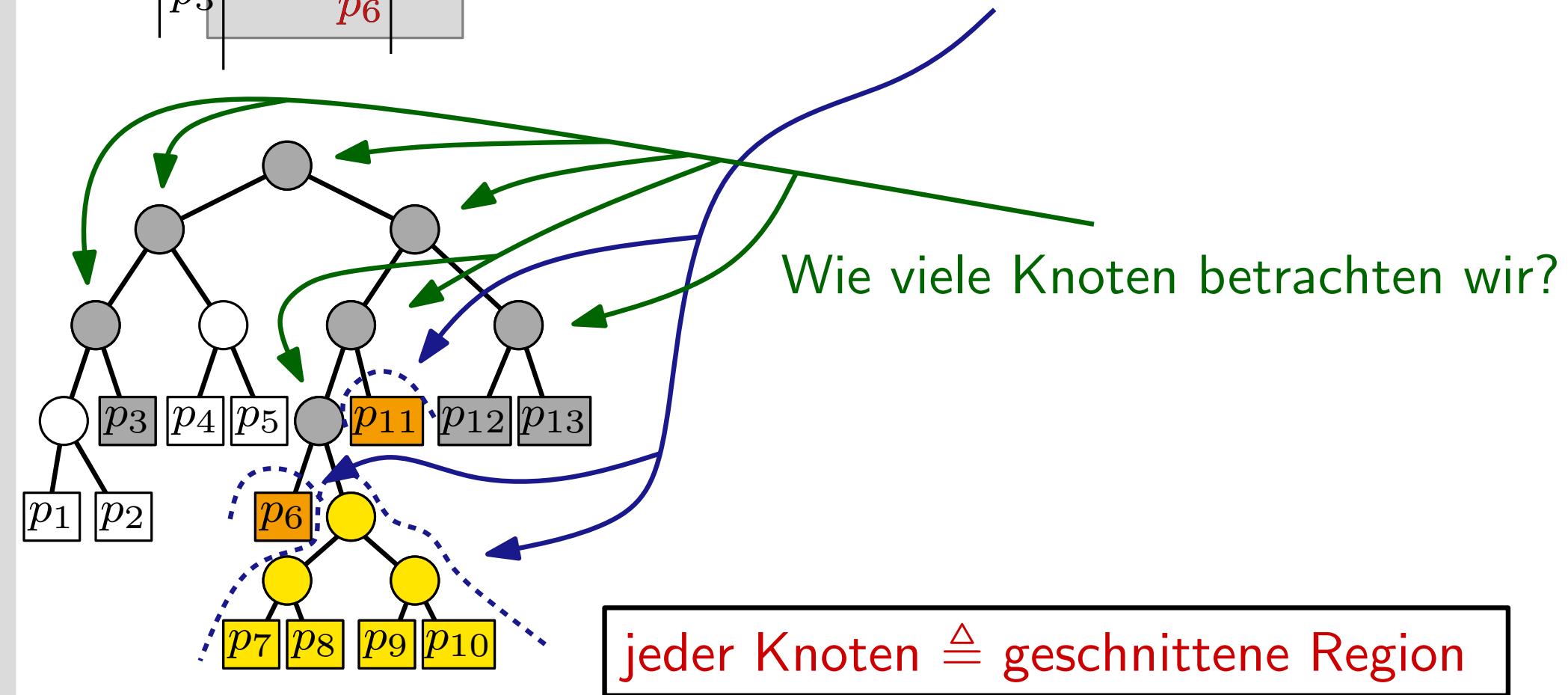
ReportSubtree in  $\mathcal{O}(k)$



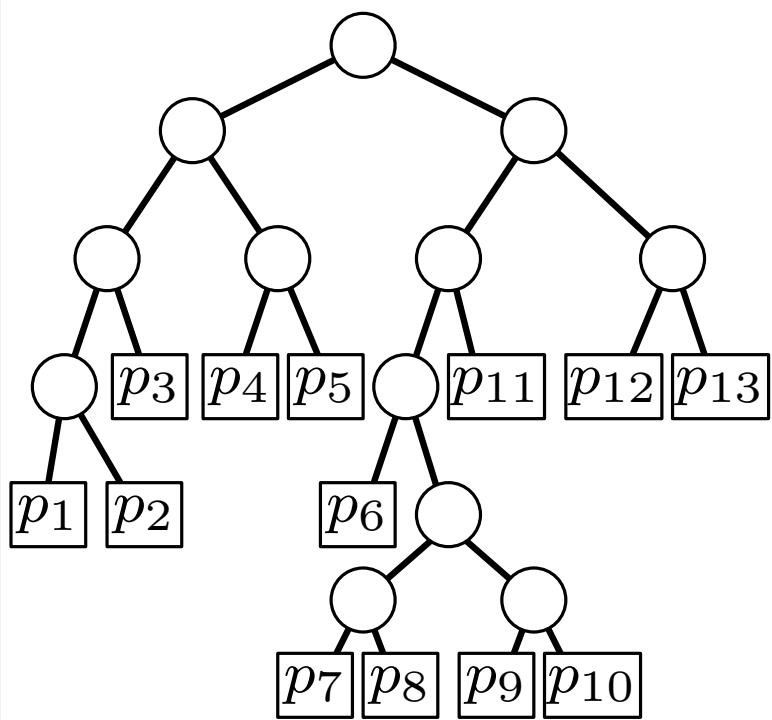
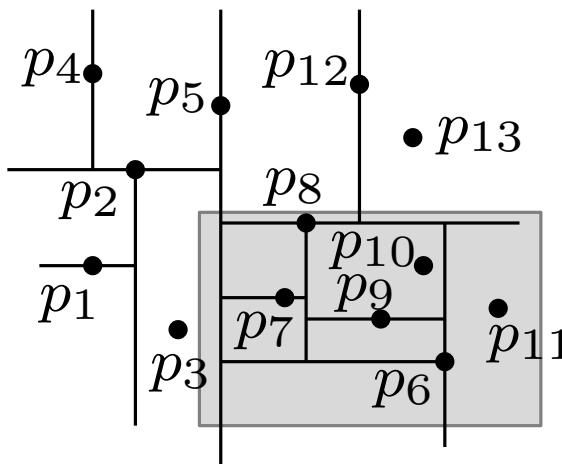
# Bereichsabfrage in einem $kd$ -Tree



ReportSubtree in  $\mathcal{O}(k)$



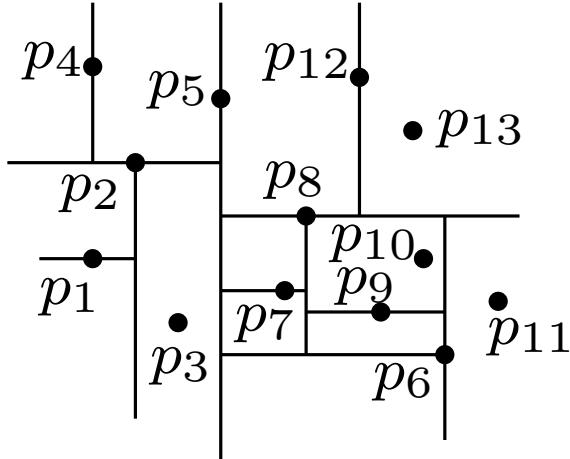
# Bereichsabfrage in einem $kd$ -Tree



SearchKdTree( $v, R$ )

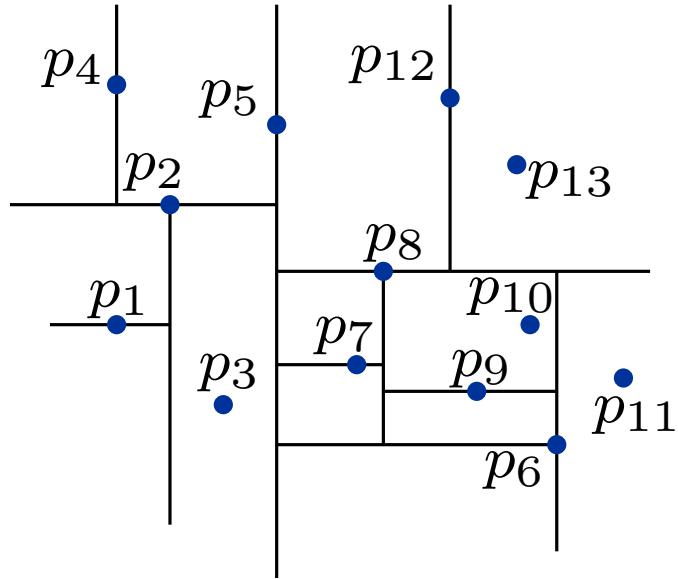
```
if  $v$  Blatt then
    prüfe Punkt  $p$  in  $v$  auf  $p \in R$ 
else
    if  $\text{region}(\text{lc}(v)) \subseteq R$  then
        ReportSubtree( $\text{lc}(v)$ )
    else
        if  $\text{region}(\text{lc}(v)) \cap R \neq \emptyset$  then
            SearchKdTree( $\text{lc}(v), R$ )
        if  $\text{region}(\text{rc}(v)) \subseteq R$  then
            ReportSubtree( $\text{rc}(v)$ )
        else
            if  $\text{region}(\text{rc}(v)) \cap R \neq \emptyset$  then
                SearchKdTree( $\text{rc}(v), R$ )
```

# Bereichsabfrage in einem $kd$ -Tree

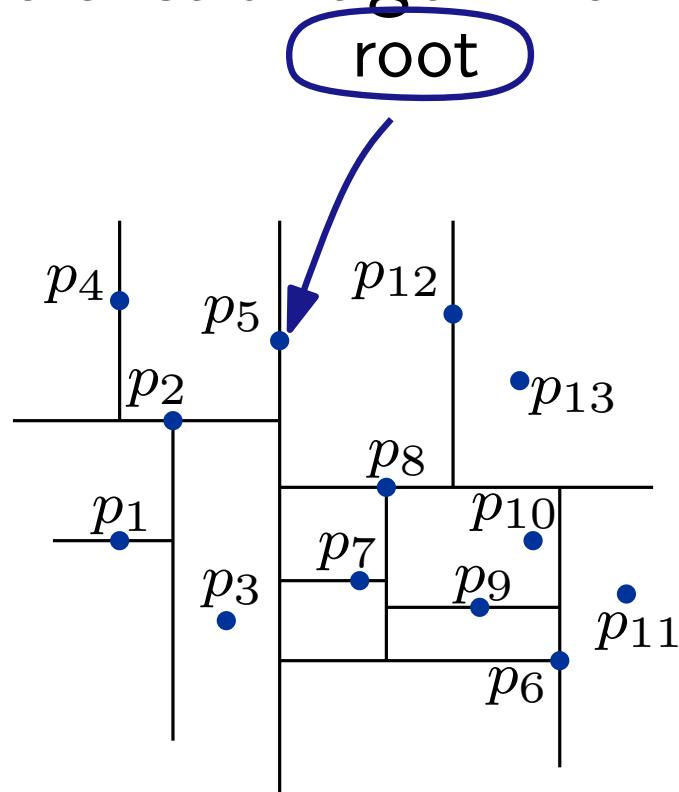


Wie viele Regionen schneidet eine vertikale Linie?

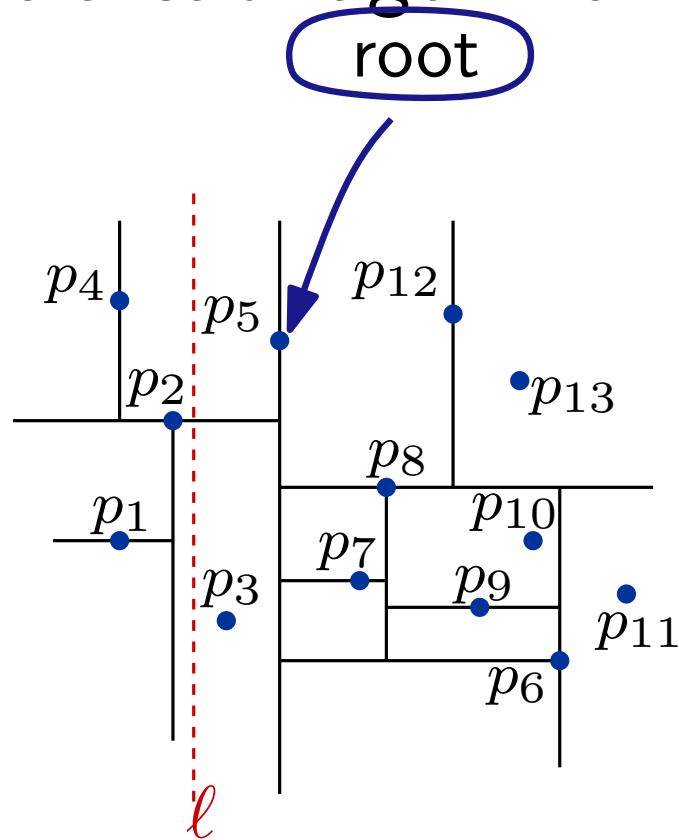
# Bereichsabfrage in einem $kd$ -Tree



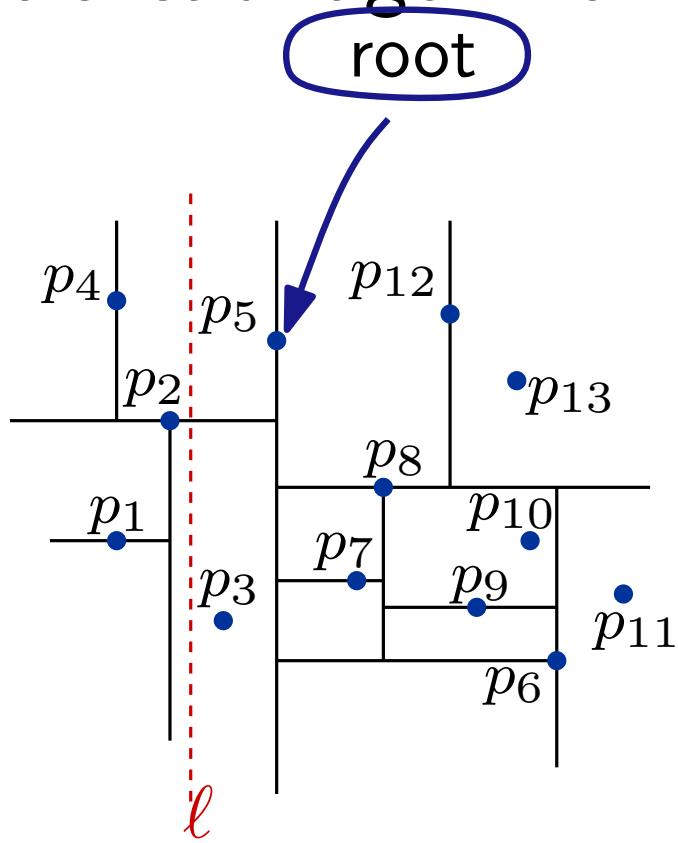
# Bereichsabfrage in einem $kd$ -Tree



# Bereichsabfrage in einem $kd$ -Tree



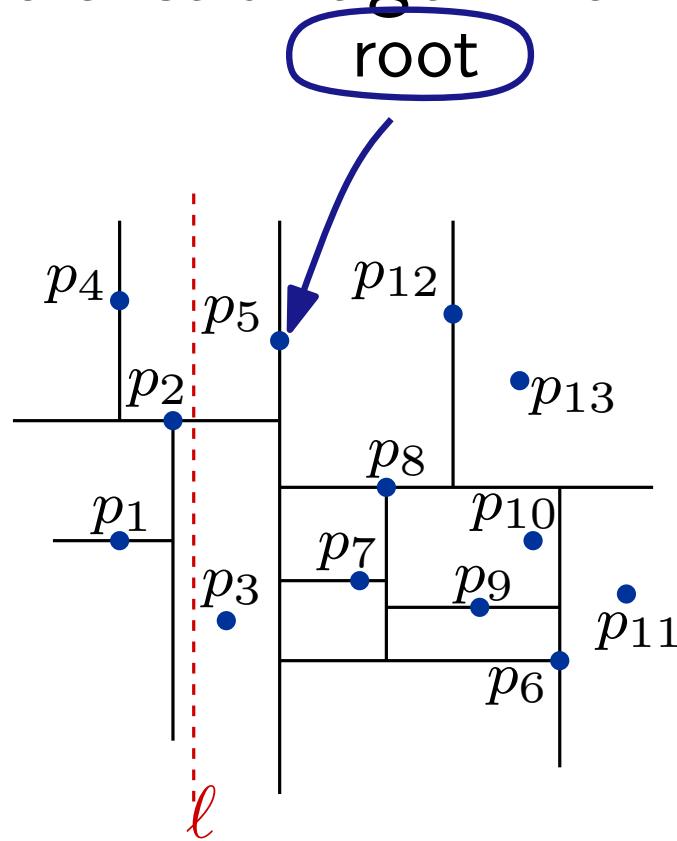
# Bereichsabfrage in einem $kd$ -Tree



**Vermutung:**

$$Q(n) = 1 + Q(n/2)$$

# Bereichsabfrage in einem $kd$ -Tree



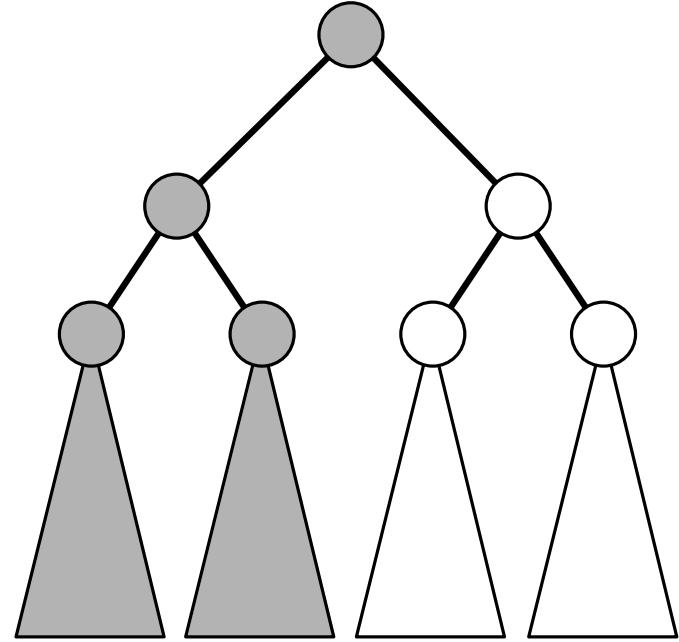
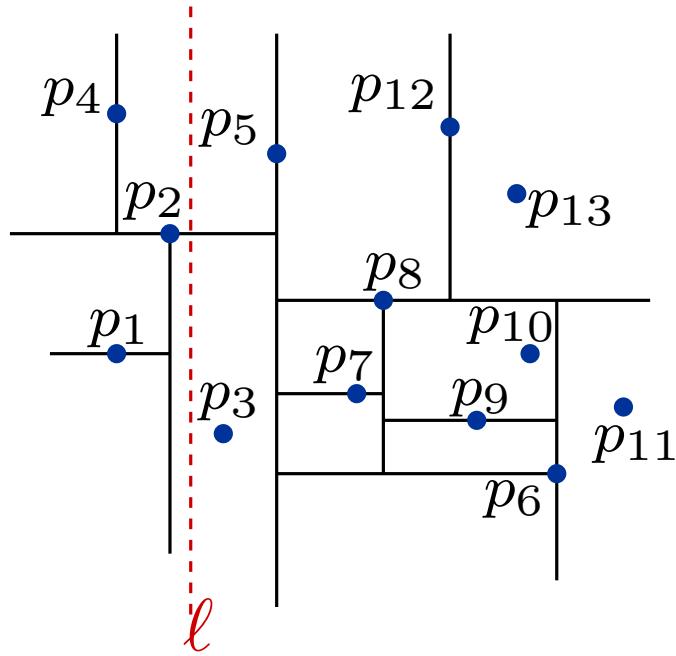
**Vermutung:**

$$Q(n) = 1 + Q(n/2)$$

**Problem?**

$\ell$  schneidet beide Kinder des linken Kindes von root

# Bereichsabfrage in einem $kd$ -Tree



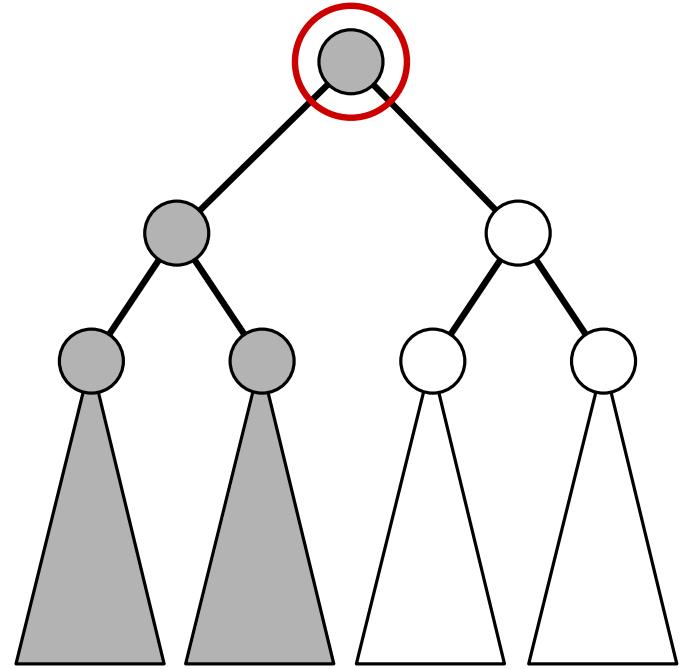
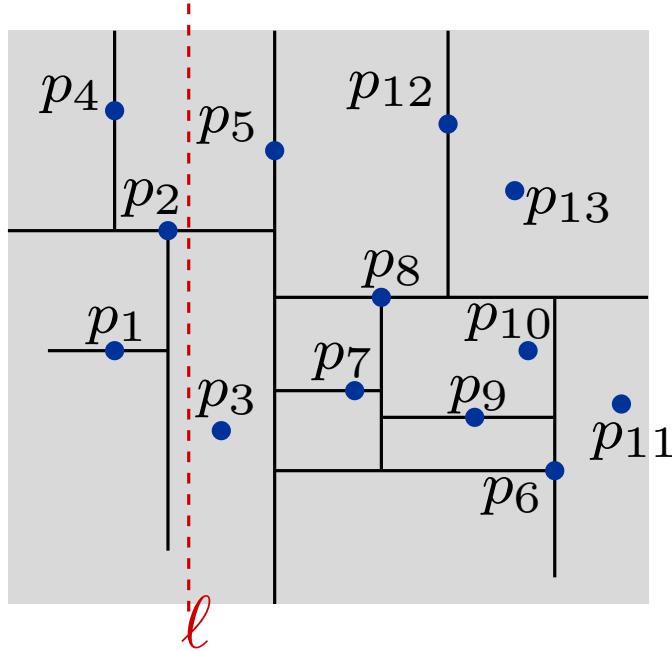
**Vermutung:**

$$Q(n) = 1 + Q(n/2)$$

**Problem?**

$\ell$  schneidet beide Kinder des linken Kindes von root

# Bereichsabfrage in einem $kd$ -Tree



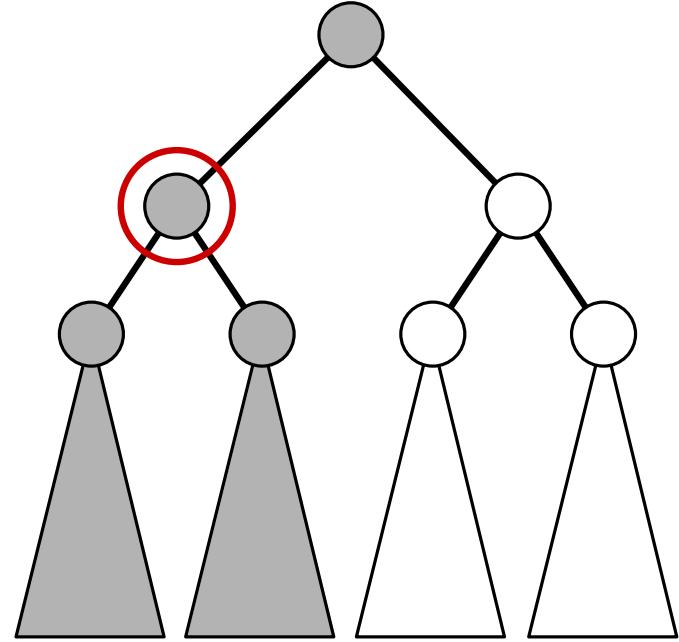
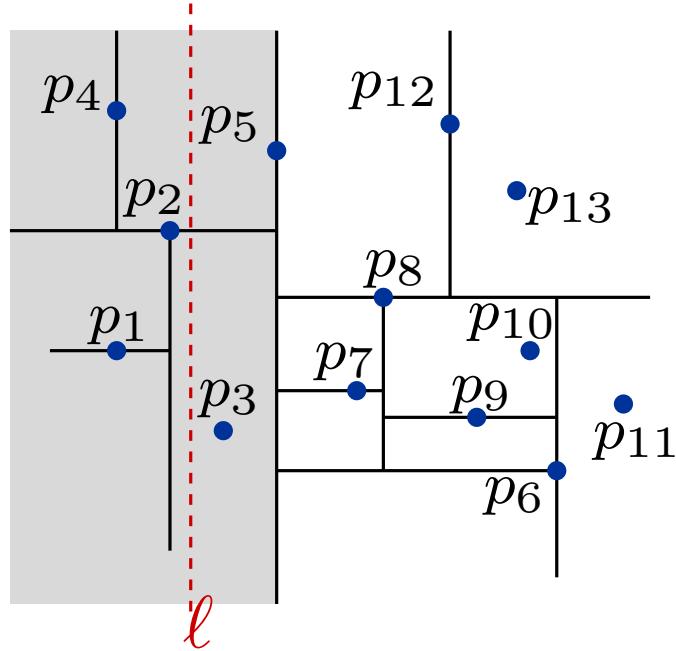
**Vermutung:**

$$Q(n) = 1 + Q(n/2)$$

**Problem?**

$\ell$  schneidet beide Kinder des linken Kindes von root

# Bereichsabfrage in einem $kd$ -Tree



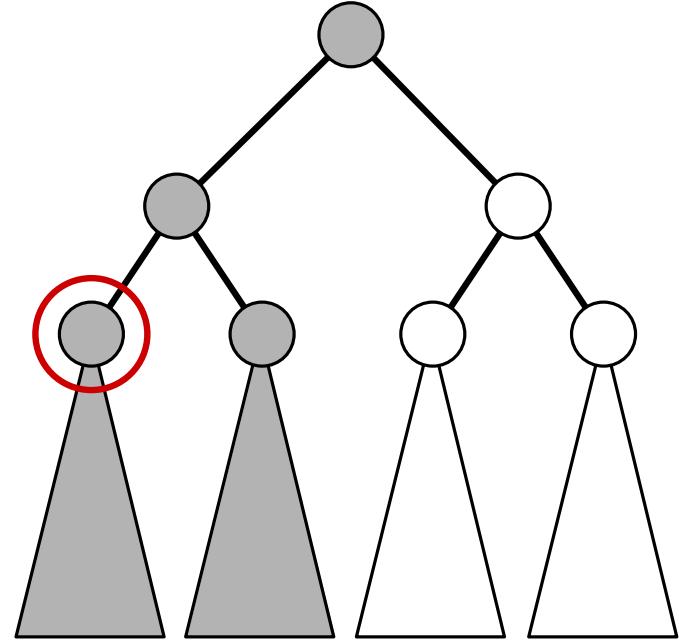
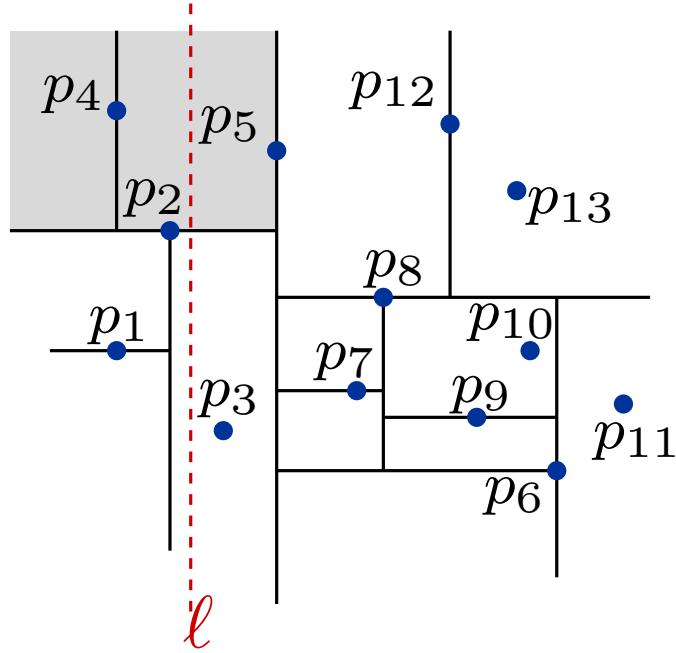
**Vermutung:**

$$Q(n) = 1 + Q(n/2)$$

**Problem?**

$\ell$  schneidet beide Kinder des linken Kindes von root

# Bereichsabfrage in einem $kd$ -Tree



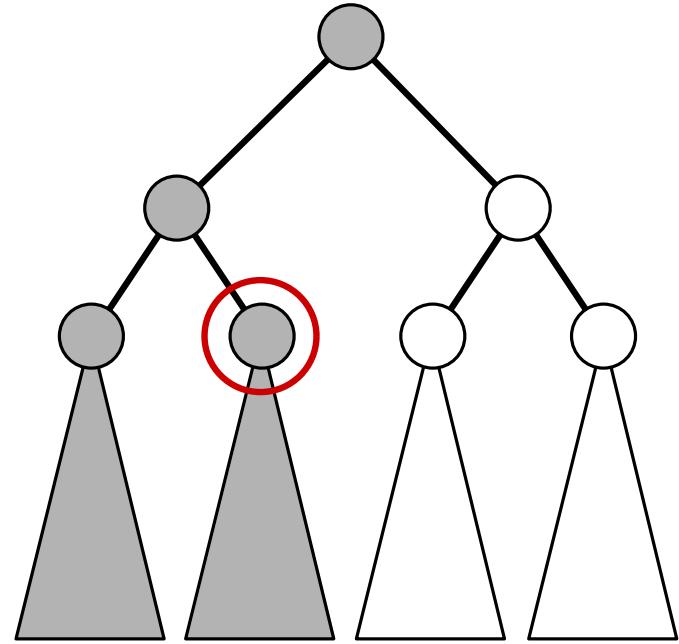
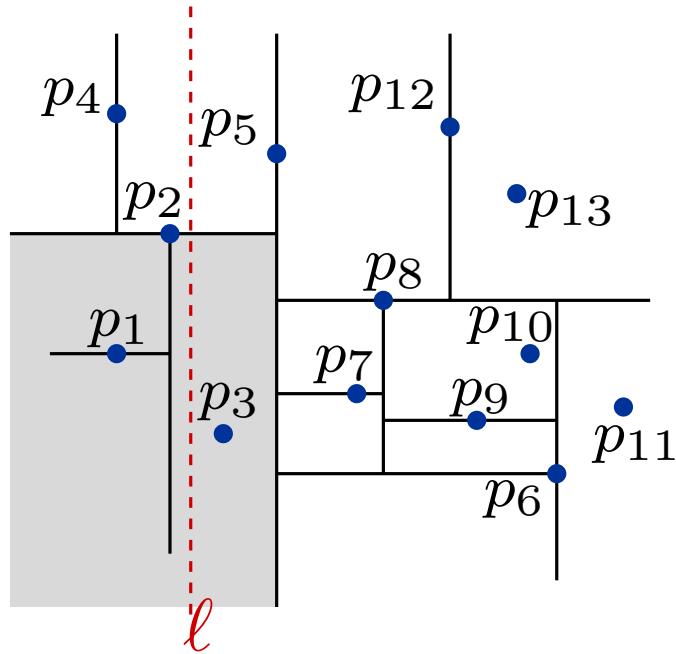
**Vermutung:**

$$Q(n) = 1 + Q(n/2)$$

**Problem?**

$\ell$  schneidet beide Kinder des linken Kindes von root

# Bereichsabfrage in einem $kd$ -Tree



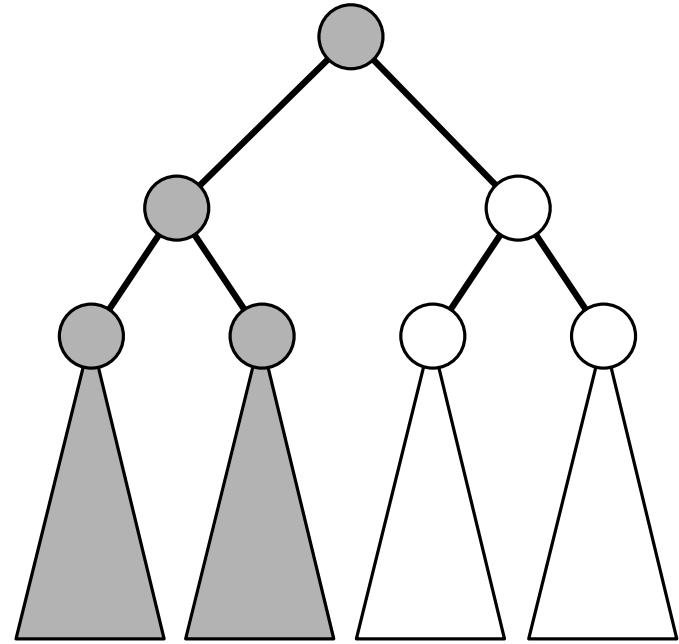
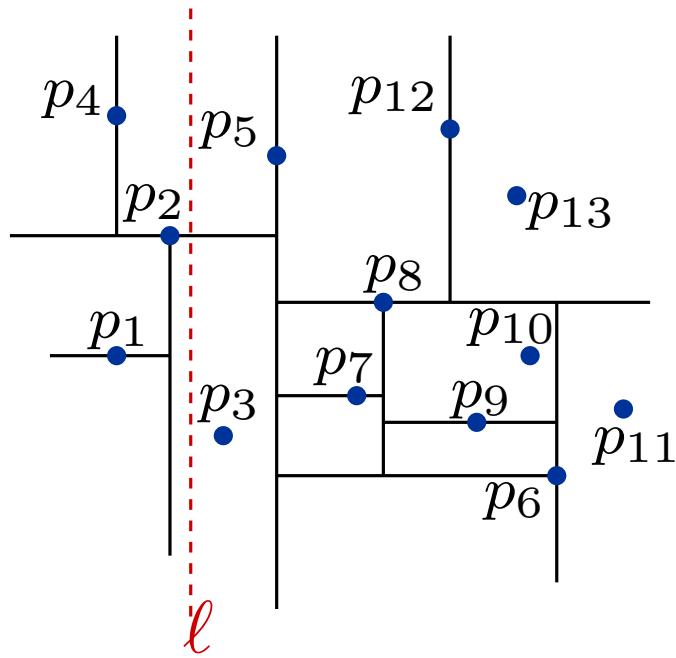
**Vermutung:**

$$Q(n) = 1 + Q(n/2)$$

**Problem?**

$\ell$  schneidet beide Kinder des linken Kindes von root

# Bereichsabfrage in einem $kd$ -Tree



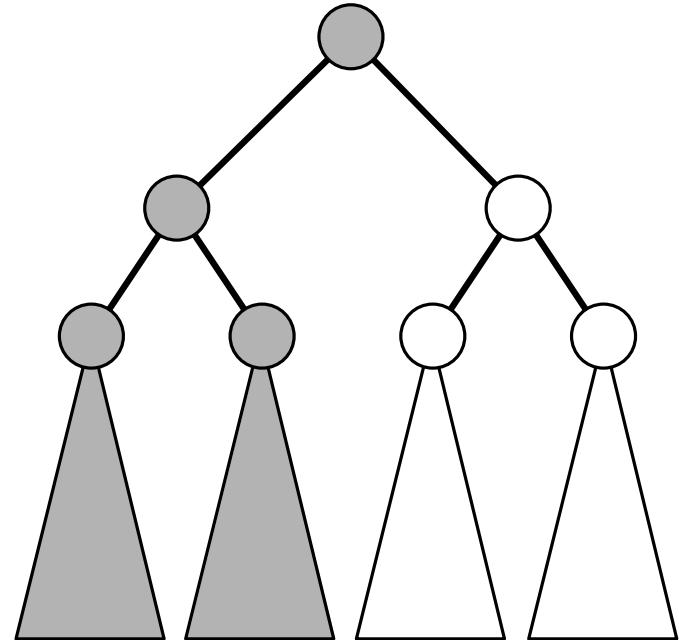
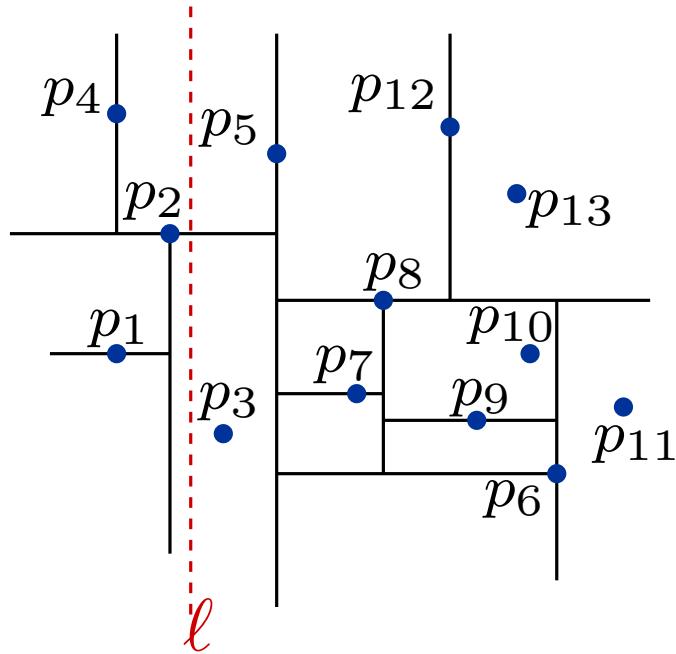
**Vermutung:**

$$Q(n) = 1 + Q(n/2)$$

**Problem?**

$\ell$  schneidet beide Kinder des linken Kindes von root

# Bereichsabfrage in einem $kd$ -Tree



**Vermutung:**

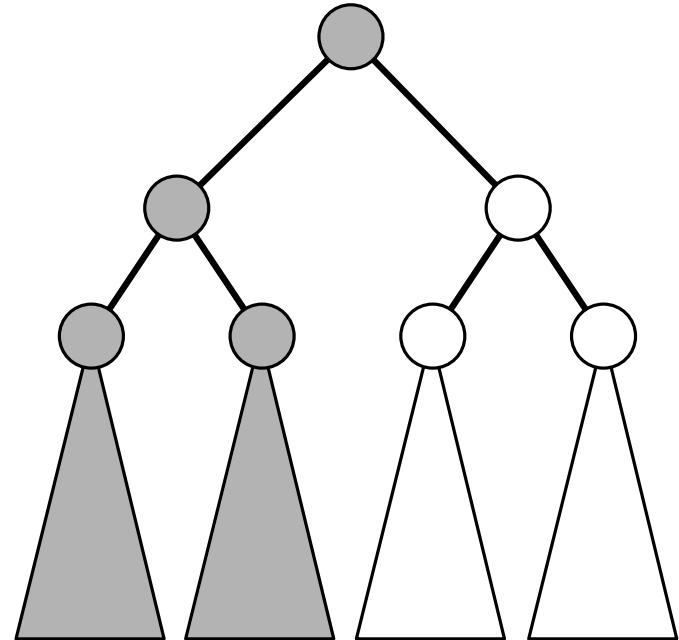
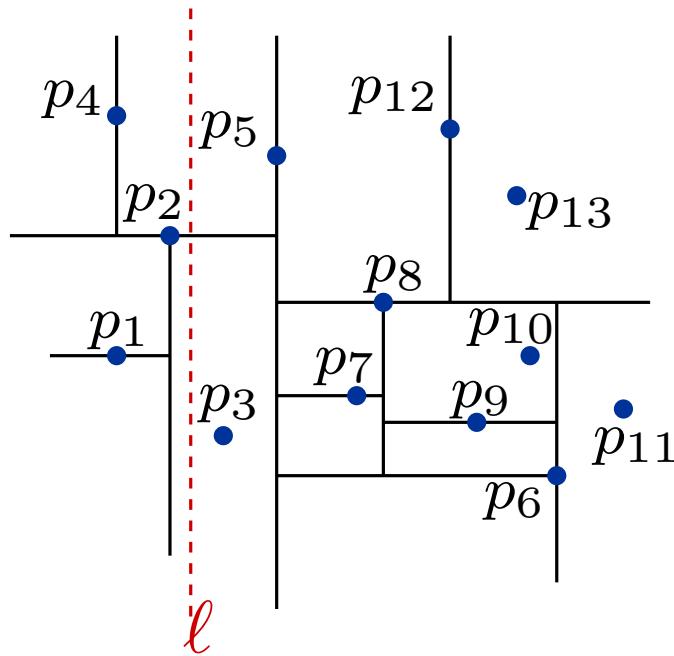
$$Q(n) = 1 + Q(n/2)$$

**Problem?**

$\ell$  schneidet beide Kinder des linken Kindes von root

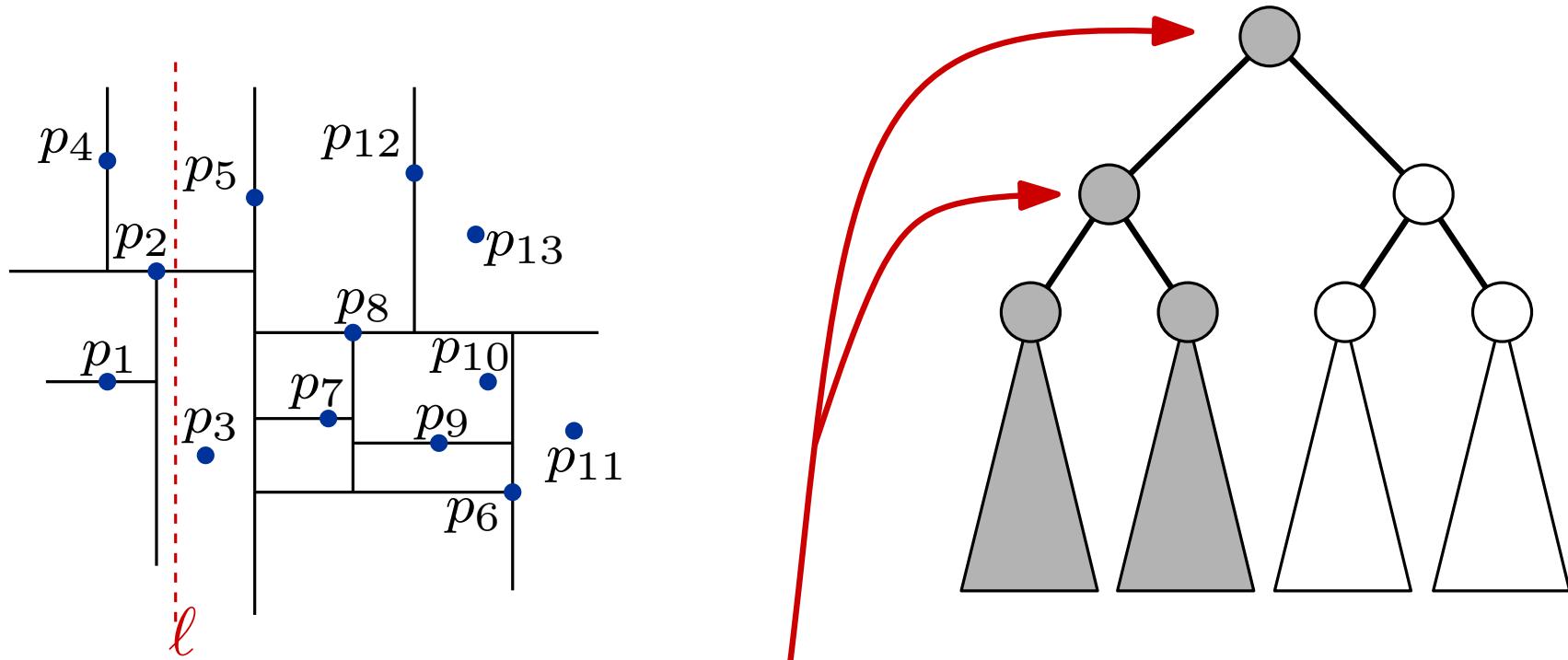
**Gleiche Rekursionssituation**

# Bereichsabfrage in einem $kd$ -Tree



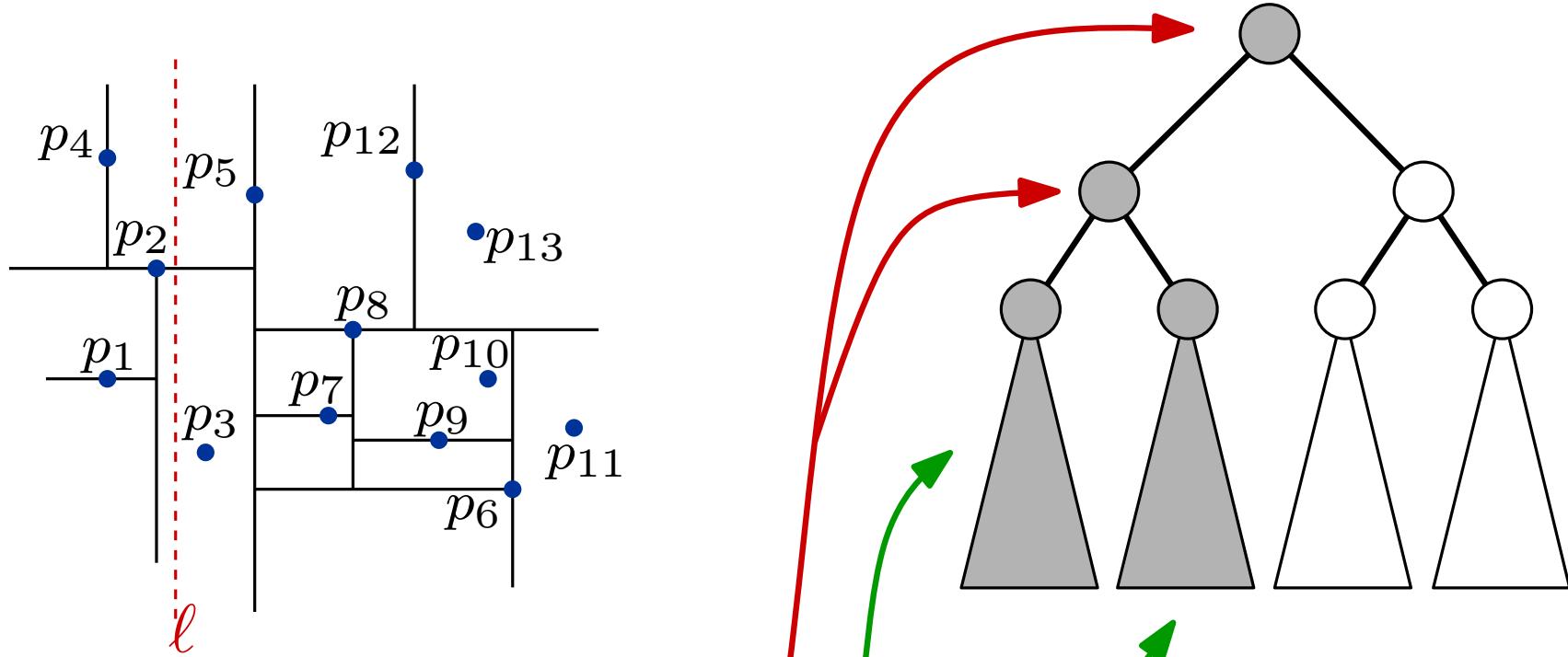
$$Q(n) = \begin{cases} \mathcal{O}(1) & , \text{ für } n = 1 \\ 2 + 2Q(n/4) & , \text{ für } n > 1 \end{cases}$$

# Bereichsabfrage in einem $kd$ -Tree



$$Q(n) = \begin{cases} \mathcal{O}(1) & , \text{ für } n = 1 \\ 2 + 2Q(n/4) & , \text{ für } n > 1 \end{cases}$$

# Bereichsabfrage in einem $kd$ -Tree



$$Q(n) = \begin{cases} \mathcal{O}(1) & , \text{ für } n = 1 \\ 2 + 2Q(n/4) & , \text{ für } n > 1 \end{cases}$$

# Aufgabe 1

*kd-Trees – w-c Laufzeit*

## Anfragen

a) warum?

$$Q(n) = \begin{cases} \mathcal{O}(1) & , \text{ für } n = 1 \\ 2 + 2Q(n/4) & , \text{ für } n > 1 \end{cases}$$

# Aufgabe 1

*kd-Trees – w-c Laufzeit*

## Anfragen

a) warum?

$$Q(n) = \begin{cases} \mathcal{O}(1) & , \text{ für } n = 1 \\ 2 + 2Q(n/4) & , \text{ für } n > 1 \end{cases}$$

b) Rekurrenz auflösen:  $Q(n) = \mathcal{O}(\sqrt{n})$ .

# Aufgabe 1

*kd*-Trees – w-c Laufzeit

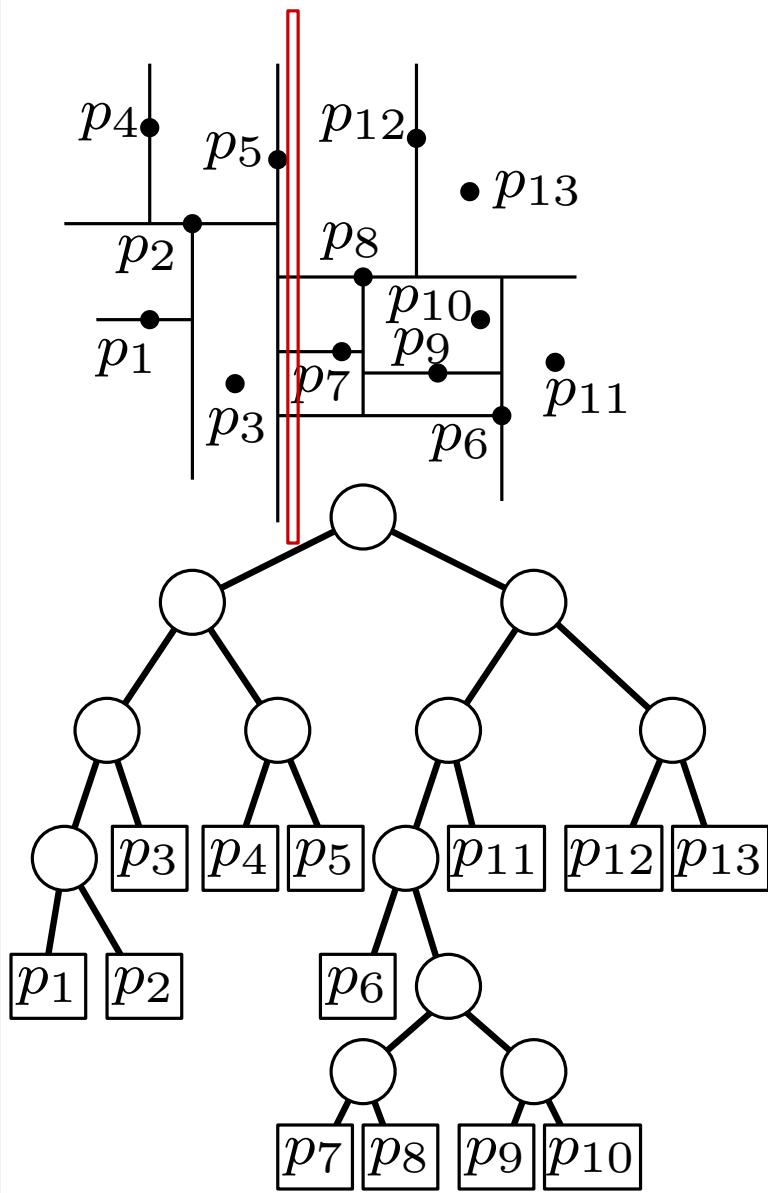
## Anfragen

a) warum?

$$Q(n) = \begin{cases} \mathcal{O}(1) & , \text{ für } n = 1 \\ 2 + 2Q(n/4) & , \text{ für } n > 1 \end{cases}$$

b) Rekurrenz auflösen:  $Q(n) = \mathcal{O}(\sqrt{n})$ .

c)  $\Omega(\sqrt{n})$  untere Schranke für Bereichsanfragen in *kd*-Trees



$\text{SearchKdTree}(v, R)$

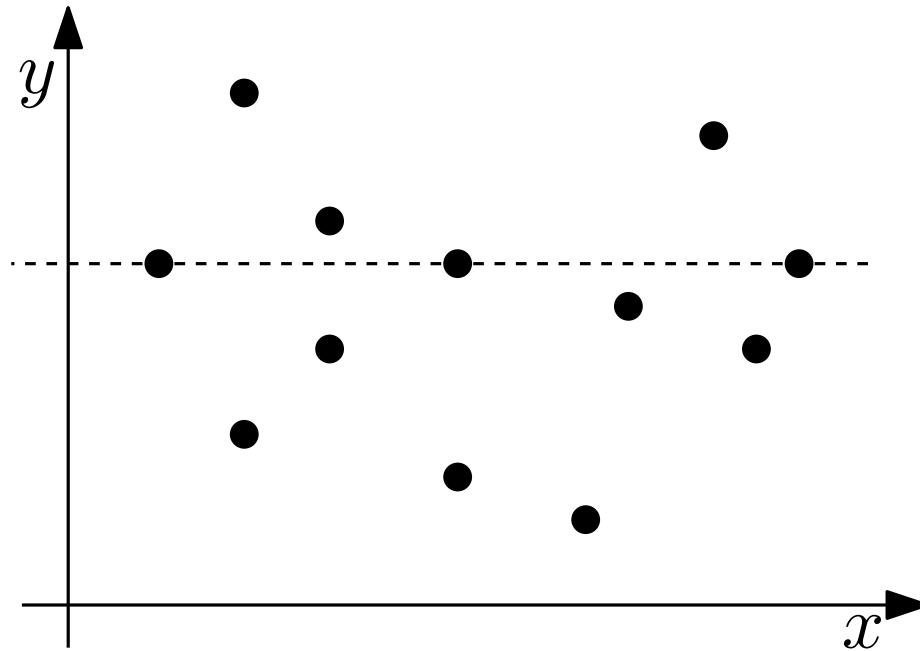
```

if  $v$  Blatt then
  prüfe Punkt  $p$  in  $v$  auf  $p \in R$ 
else
  if  $\text{region}(\text{lc}(v)) \subseteq R$  then
    ReportSubtree( $\text{lc}(v)$ )
  else
    if  $\text{region}(\text{lc}(v)) \cap R \neq \emptyset$  then
      SearchKdTree( $\text{lc}(v)$ ,  $R$ )
    if  $\text{region}(\text{rc}(v)) \subseteq R$  then
      ReportSubtree( $\text{rc}(v)$ )
    else
      if  $\text{region}(\text{rc}(v)) \cap R \neq \emptyset$  then
        SearchKdTree( $\text{rc}(v)$ ,  $R$ )
  
```

c)  $\Omega(\sqrt{n})$  untere Schranke für Bereichsanfragen in  $kd$ -Trees

# Aufgabe 2

*'partial match queries'*

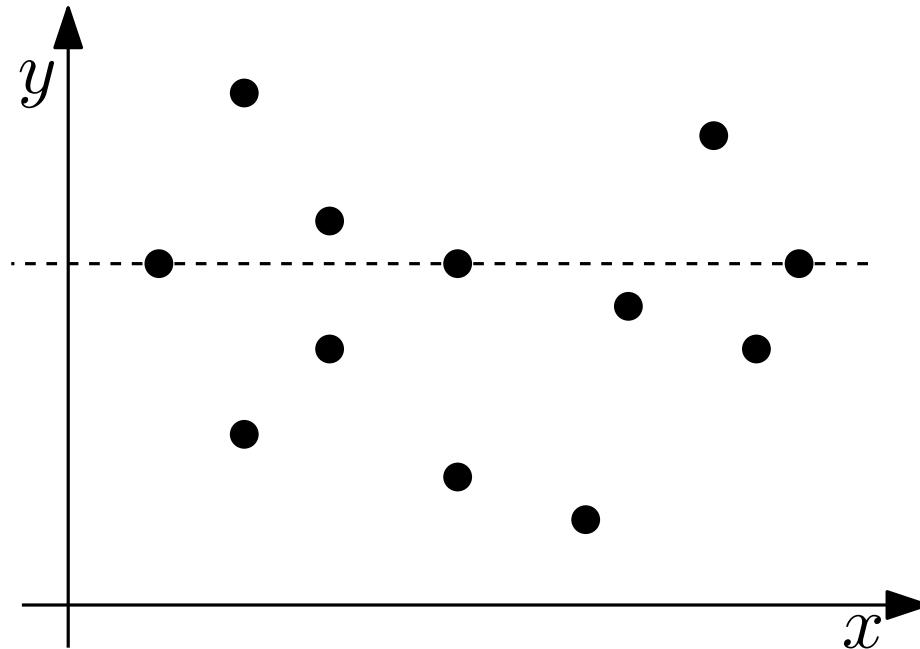


Gebe mir alle Punkte mit  $y = 7$ .

---

# Aufgabe 2

*'partial match queries'*



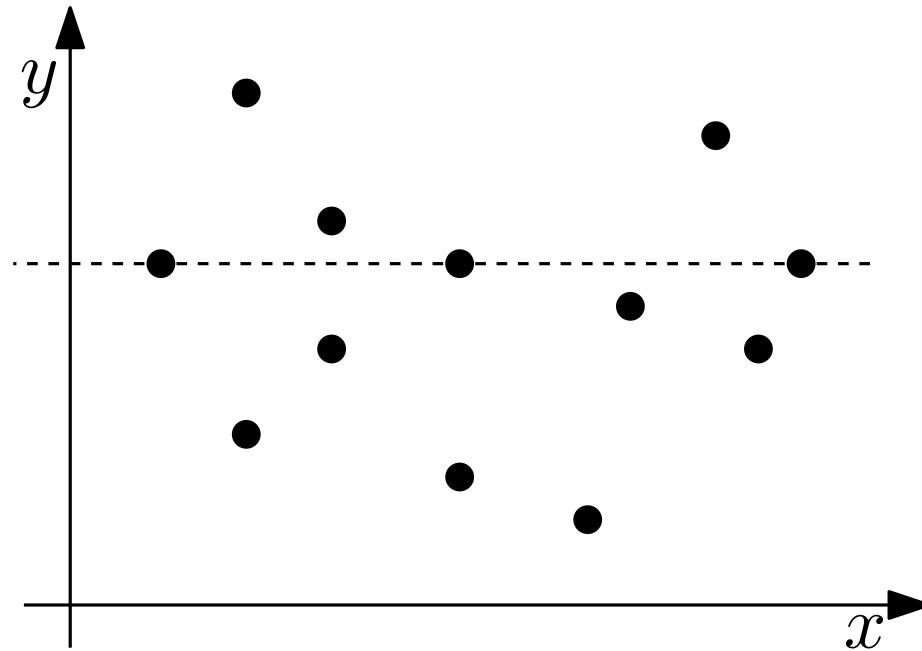
Gebe mir alle Punkte mit  $y = 7$ .

---

a) Wie kann man  $kd$ -Trees dafür nutzen?

# Aufgabe 2

*'partial match queries'*

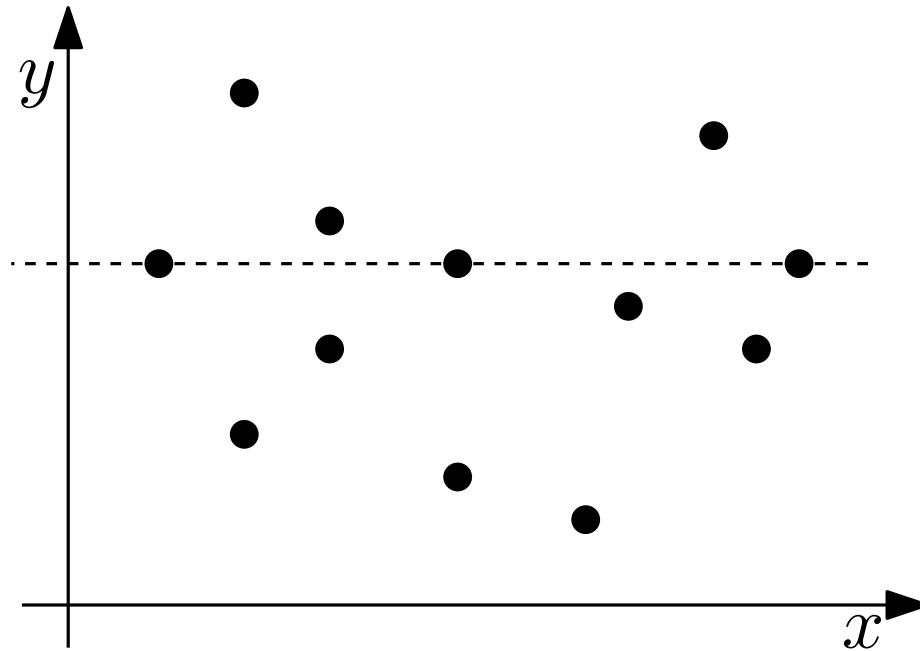


Gebe mir alle Punkte mit  $y = 7$ .

b) Wie kann man range-Trees dafür nutzen?

# Aufgabe 2

*'partial match queries'*

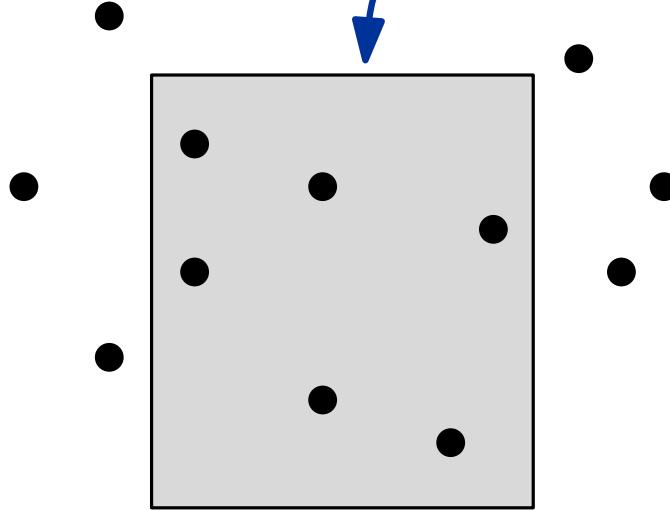


Gebe mir alle Punkte mit  $y = 7$ .

c) Gesucht: Datenstruktur, die das Problem in  $\mathcal{O}(\log n + k)$  Zeit und  $\mathcal{O}(n)$  Speicher löst.

# Aufgabe 3

Wie viele Punkte liegen in diesem Rechteck?

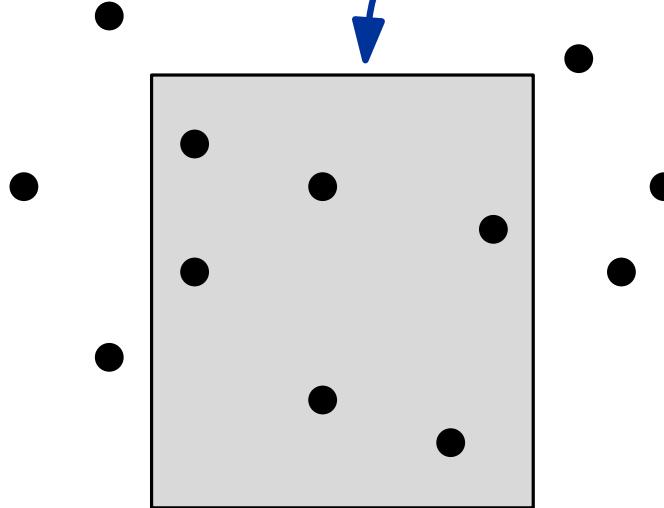


*range counting query*

**Anforderung:** Additive Konstante  $\mathcal{O}(k)$  in Laufzeit vermeiden

# Aufgabe 3

Wie viele Punkte liegen in diesem Rechteck?



*range counting query*

**Anforderung:** Additive Konstante  $\mathcal{O}(k)$  in Laufzeit vermeiden

- Adaptiere 1-dim Range-Tree um range counting queries in  $\mathcal{O}(\log n)$  machbar ist

# Aufgabe 3

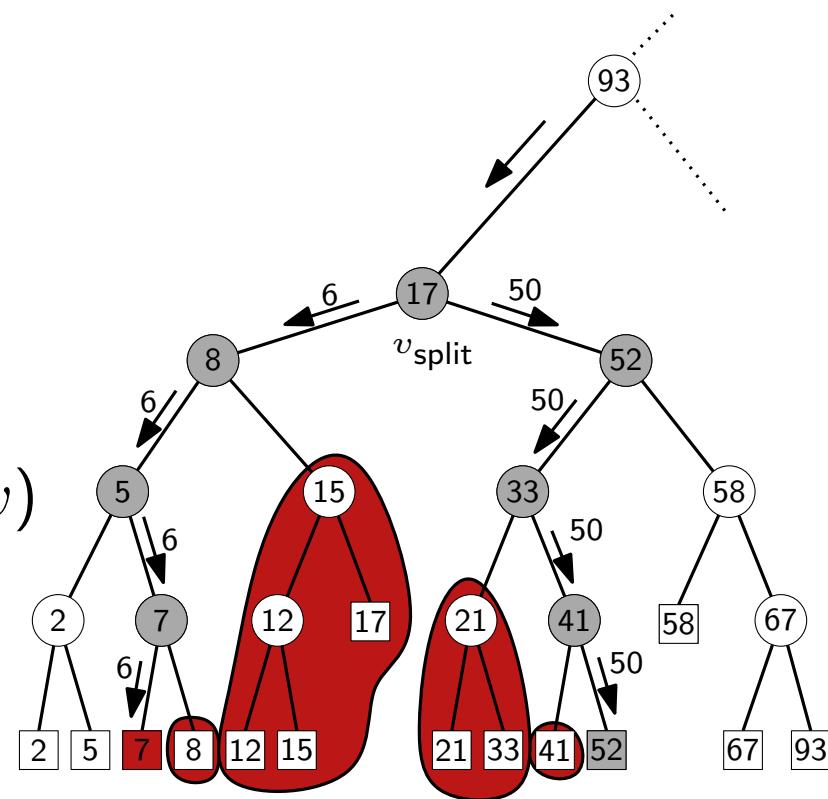
**1dRangeQuery**( $T, x, x'$ )

```

 $v_{\text{split}} \leftarrow \text{FindSplitNode}(T, x, x')$ 
if  $v_{\text{split}}$  ist Blatt then prüfe  $v_{\text{split}}$ 
else
```

```

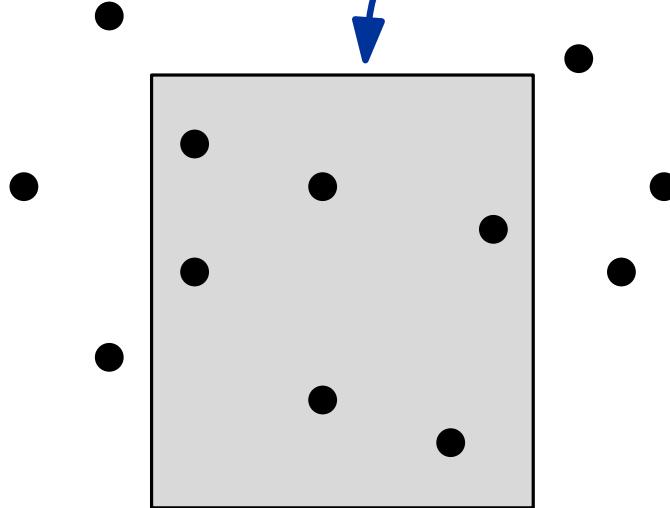
 $v \leftarrow \text{lc}(v_{\text{split}})$ 
while  $v$  kein Blatt do
    if  $x \leq x_v$  then
        | ReportSubtree( $\text{rc}(v)$ );  $v \leftarrow \text{lc}(v)$ 
    else  $v \leftarrow \text{rc}(v)$ 
prüfe  $v$ 
// analog für  $x'$  und  $\text{rc}(v_{\text{split}})$ 
```



- a) Adaptiere 1-dim Range-Tree um range counting queries in  $\mathcal{O}(\log n)$  machbar ist

# Aufgabe 3

Wie viele Punkte liegen in diesem Rechteck?



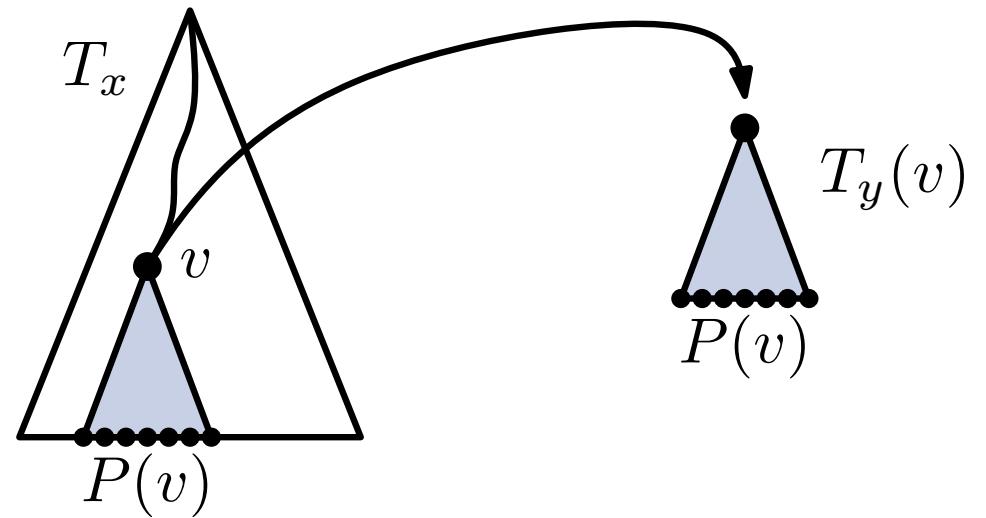
*range counting query*

**Anforderung:** Additive Konstante  $\mathcal{O}(k)$  in Laufzeit vermeiden

- b) Benutze Lösung aus a) um das  $d$ -dimensionale Problem zu lösen

# Aufgabe 3

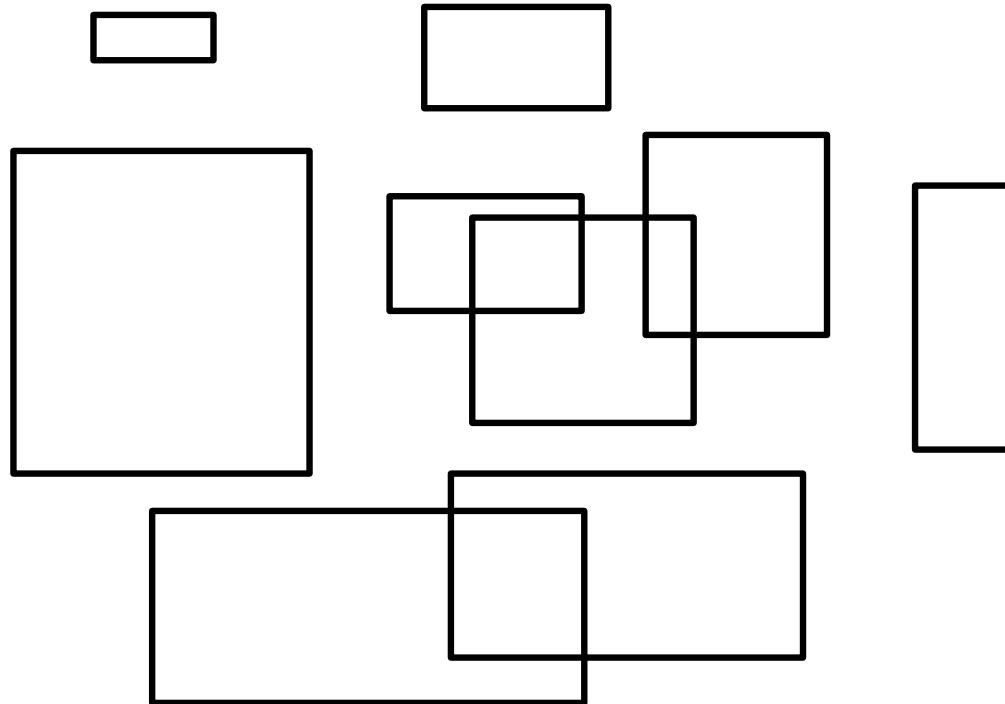
## 2dim Range-Trees:



**Anforderung:** Additive Konstante  $\mathcal{O}(k)$  in Laufzeit vermeiden

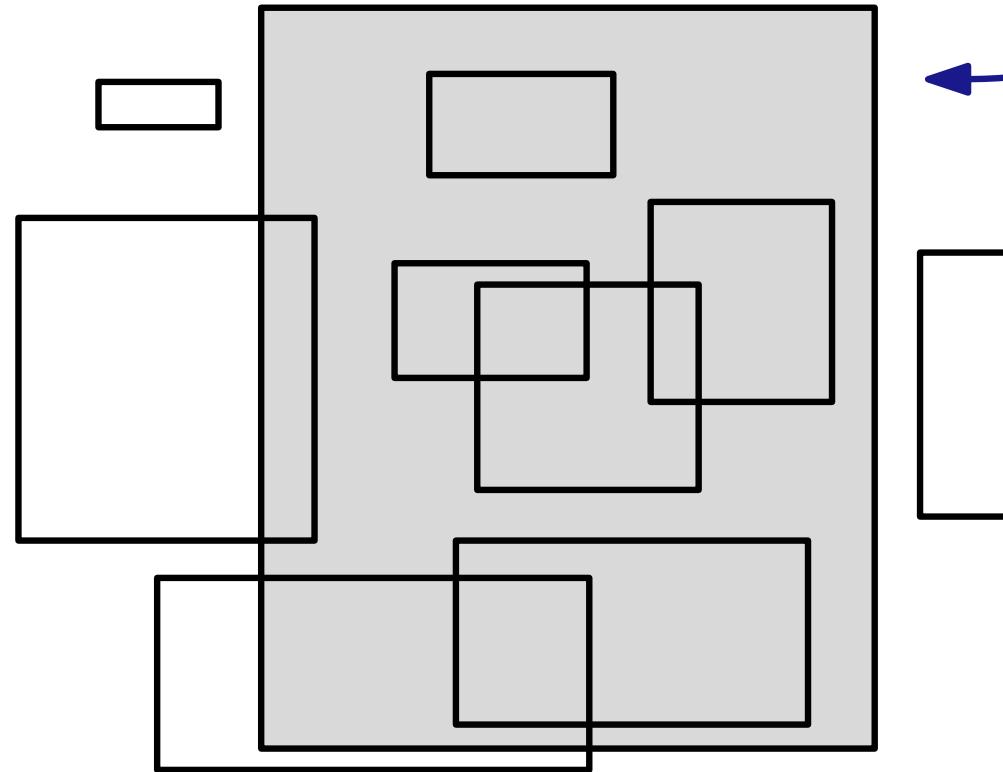
b) Benutze Lösung aus a) um das  $d$ -dimensionale Problem zu lösen

# Aufgabe 4



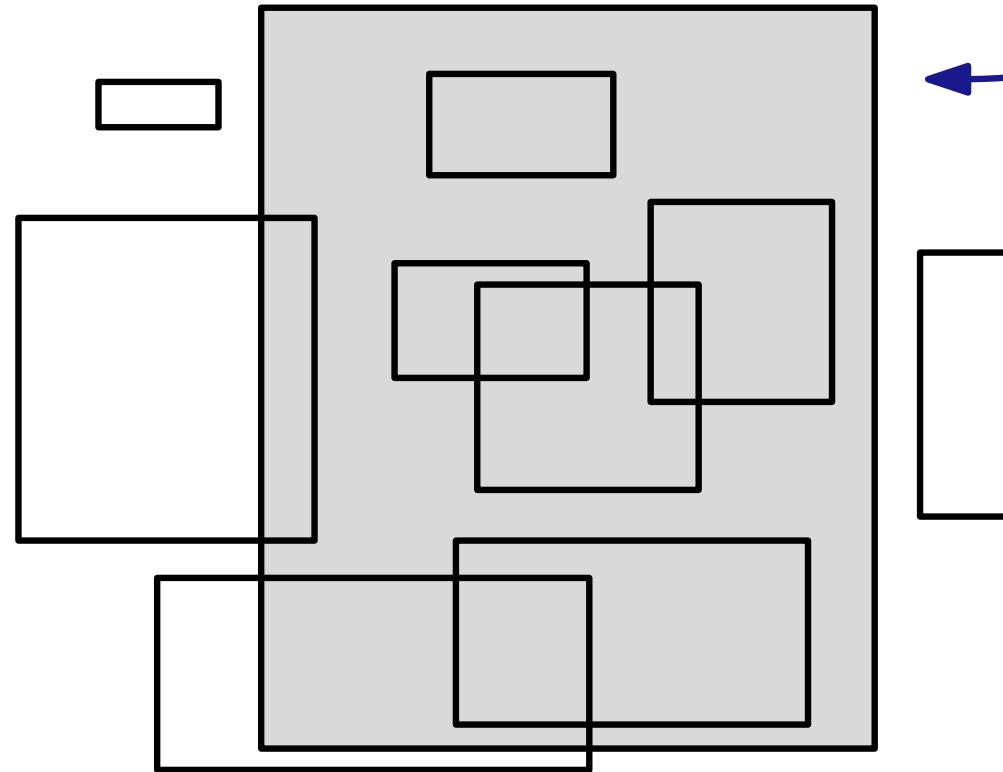
# Aufgabe 4

Welche Rechtecke liegen vollständig in diesem Rechteck?



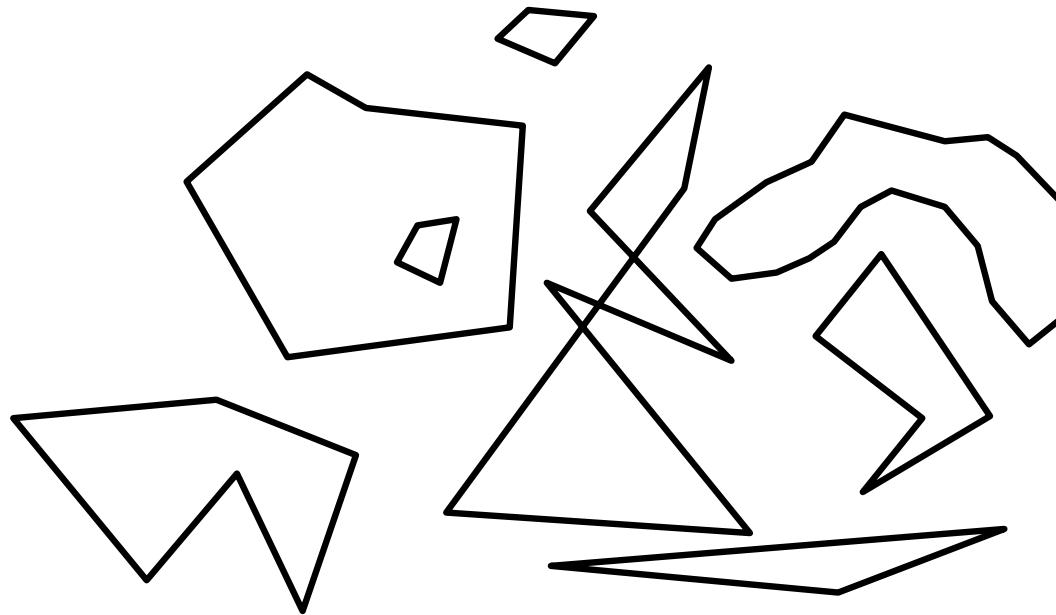
# Aufgabe 4

Welche Rechtecke liegen vollständig in diesem Rechteck?



Datenstruktur mit  $\mathcal{O}(n \log^3 n)$  Speicher und  $\mathcal{O}(\log^4 n + k)$  Anfragezeit.

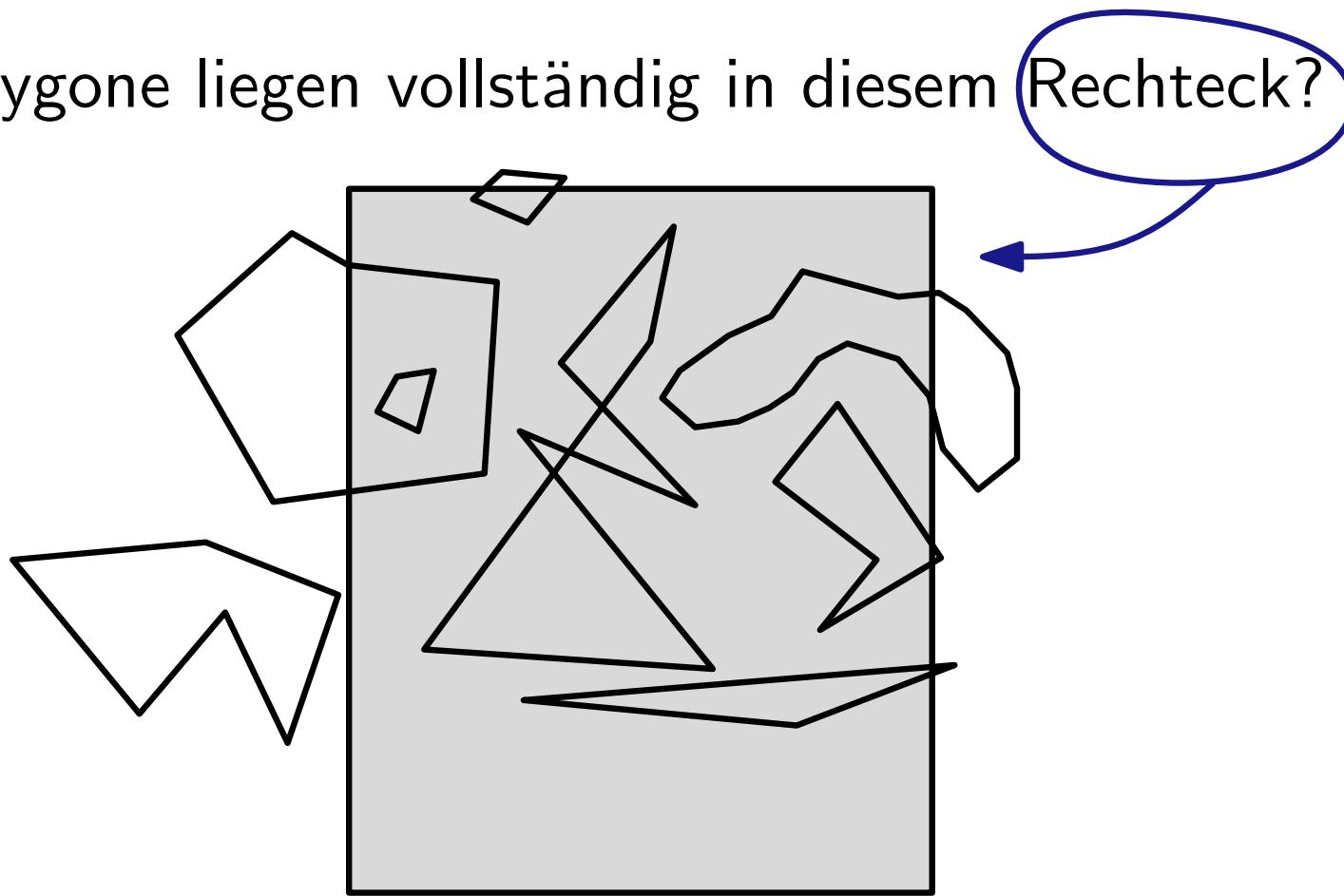
# Aufgabe 4



Datenstruktur mit  $\mathcal{O}(n \log^3 n)$  Speicher und  $\mathcal{O}(\log^4 n + k)$  Anfragezeit.

# Aufgabe 4

Welche Polygone liegen vollständig in diesem Rechteck?



Datenstruktur mit  $\mathcal{O}(n \log^3 n)$  Speicher und  $\mathcal{O}(\log^4 n + k)$  Anfragezeit.

Übungsblatt 4

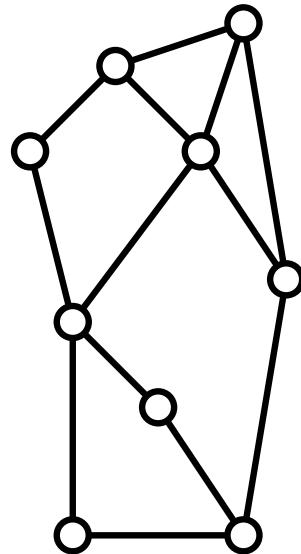
Nachtrag zu Übungsblatt 3

Übungsblatt 5

Werbung

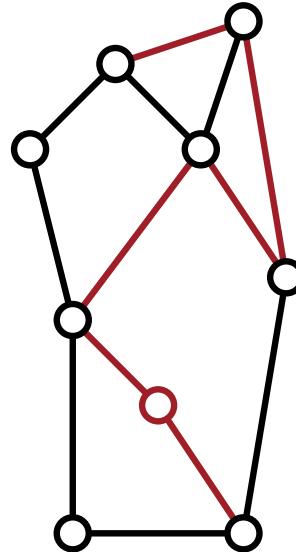
# Visualisierung dynamischer Netzwerke

## dynamisches Netzwerk



# Visualisierung dynamischer Netzwerke

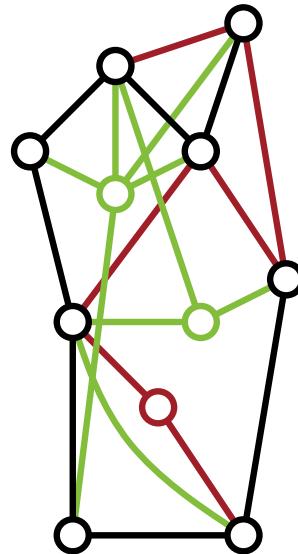
## dynamisches Netzwerk



- alte Teile entfallen

# Visualisierung dynamischer Netzwerke

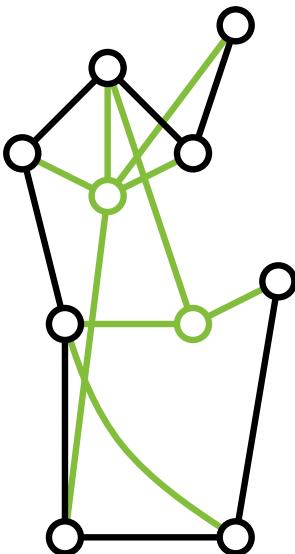
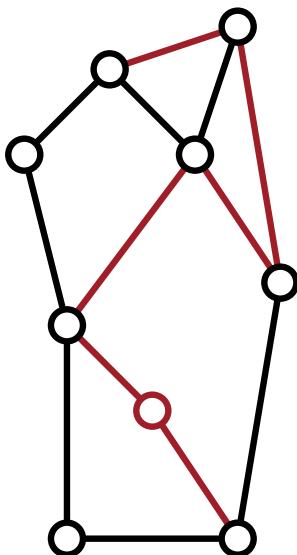
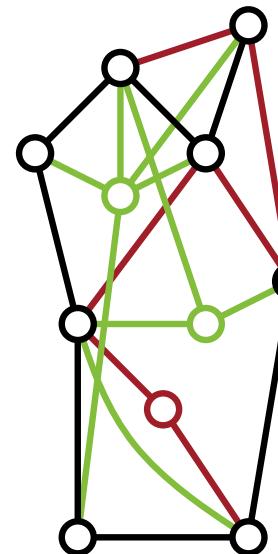
## dynamisches Netzwerk



- alte Teile entfallen
- neue Teile kommen  
hinzu

# Visualisierung dynamischer Netzwerke

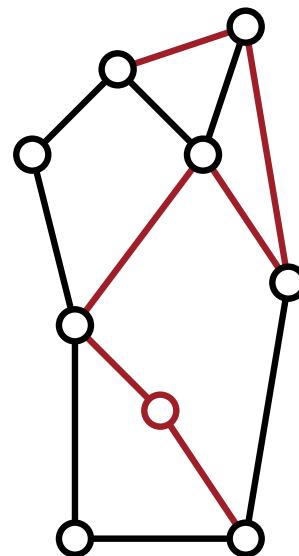
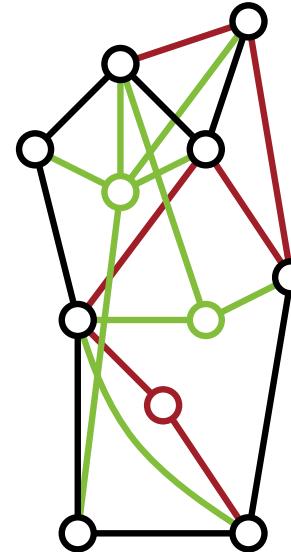
dynamisches Netzwerk



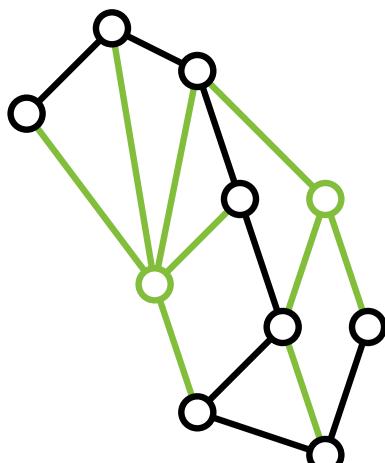
- alte Teile entfallen
- neue Teile kommen hinzu

# Visualisierung dynamischer Netzwerke

dynamisches Netzwerk



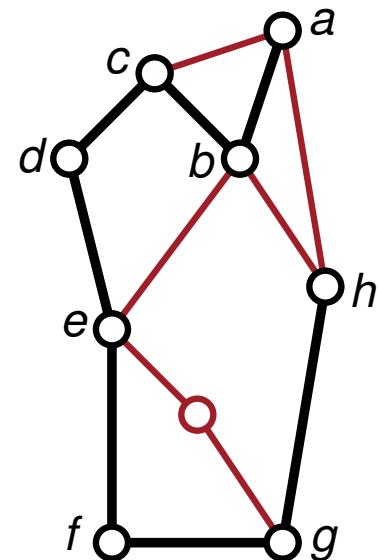
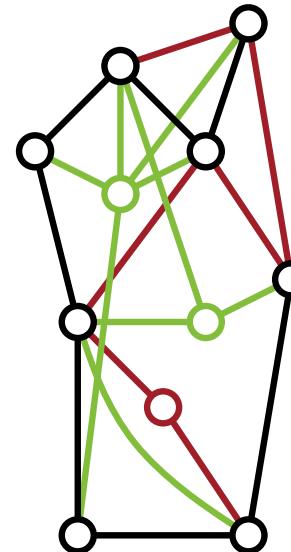
individuelle  
Zeichnungen



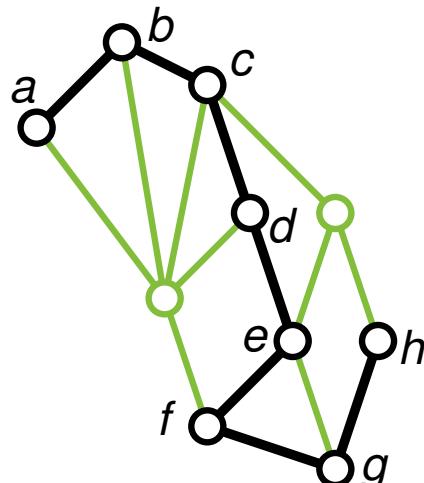
- alte Teile entfallen
- neue Teile kommen hinzu

# Visualisierung dynamischer Netzwerke

dynamisches Netzwerk



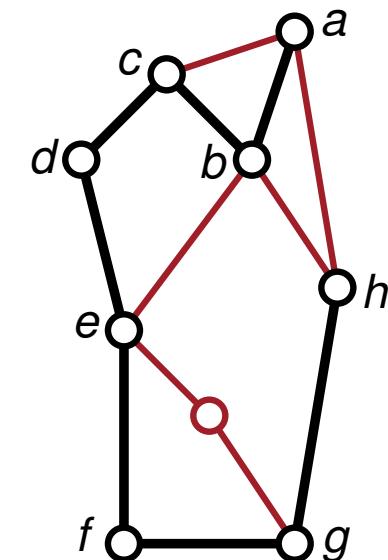
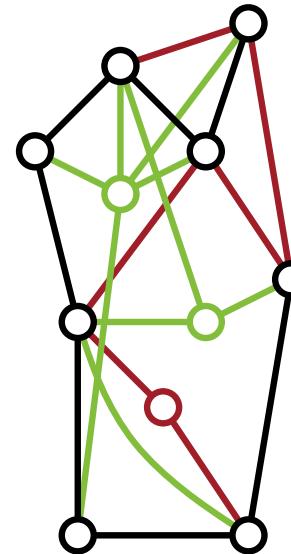
individuelle  
Zeichnungen



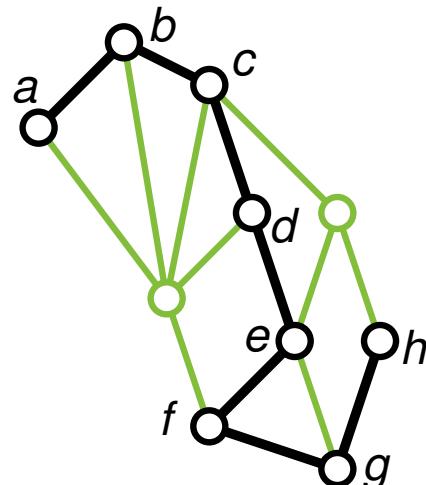
- alte Teile entfallen
- neue Teile kommen hinzu

# Visualisierung dynamischer Netzwerke

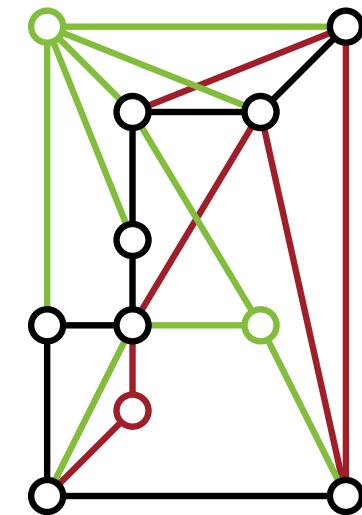
dynamisches Netzwerk



individuelle  
Zeichnungen



- alte Teile entfallen
- neue Teile kommen hinzu



simultane  
Zeichnung

- Kompromiss zwischen
- guter Lesbarkeit und
  - Ähnlichkeit der Zeichnungen

## Aufgabe

Algorithmen zur Visualisierung dynamischer Graphen sollen

- entwickelt,
- implementiert,
- und evaluiert werden.

# Hiwi gesucht

## Aufgabe

Algorithmen zur Visualisierung dynamischer Graphen sollen

- entwickelt,
- implementiert,
- und evaluiert werden.

## Voraussetzungen

- Kenntnisse in C++ oder Java
- Interesse an algorithmischen Fragestellungen

# Hiwi gesucht

## Aufgabe

Algorithmen zur Visualisierung dynamischer Graphen sollen

- entwickelt,
- implementiert,
- und evaluiert werden.

## Voraussetzungen

- Kenntnisse in C++ oder Java
- Interesse an algorithmischen Fragestellungen

## Wie? Wo? Was?

- Thomas Bläsius · Raum 316 · [thomas.blaesius@kit.edu](mailto:thomas.blaesius@kit.edu)

# Hiwi gesucht

**KIT**  
Karlsruher Institut für Technologie

Projekte Lehrraum Informationen  
Mitarbeiter Bachelor-/Masterarb., Hiwi-Jobs Geschützter Bereich

Lehrstuhl Algorithmik I am Institut für Theoretische Informatik

Sie befinden sich hier: Startseite

**Willkommen am Lehrstuhl Algorithmik I**

Prof. Dr. Dorothea Wagner

Bearbeiten



Karlsruher Institut für Technologie (KIT)  
Institut für Theoretische Informatik  
Lehrstuhl für Algorithmik I  
Postfach 6980  
76128 Karlsruhe

Telefon 0 721 608-43919  
Fax 0 721 608-44211

Anreise:  
Informatik-Hauptgebäude (Geb. 50.34)  
Am Fasanengarten 5  
76131 Karlsruhe

(Hinweise zur Anreise an die Universität und zum Informatik-Hauptgebäude.)

**News**

2. Februar 2012: Prof. Dr. Dorothea Wagner erhält den [Google Focused Research Award](#)

**Leitbild**

Unsere Forschungsthemen entstammen der Algorithmik und verwandten Gebieten, wobei wir insb. Graphen betrachten. Unsere Arbeit umfasst theoretische wie praktische Fragestellungen und wird durch Kooperationen mit Firmen und anderen Forschungsgruppen bereichert.

Wir bieten unseren Studierenden eine wissenschaftliche Ausbildung, die sie auf sich wandelnde berufliche Anforderungen flexibel reagieren lässt. Motivierte Studierende werden in aktuelle Forschungsprojekte eingebunden.

**Aktuelles**

Nächste Seminare

- Fri, 1 Jun 2012, 14:00  
*David Oertel: (Algorithmische) Komplexität des Ausbaus von Hochspannungsnetzen*
- Fri, 29 Jun 2012, 14:00  
*Shunsuke Inenaga: TBA*

Lehre Sommer 2012

- Algorithmische Geometrie
- Algorithmen für planare Graphen
- Algorithmen für Ad-hoc- und Sensornetze
- Algorithmen für Routenplanung
- Proseminar: Die P-ungleich-NP-Vermutung (SS 2012)
- Basis-Praktikum ACM-ICPC Programmierwettbewerb
- Praxis der Software-Entwicklung

Lehre Winter 2011/12

- Theoretische Grundlagen der Informatik
- Algorithmen zur Visualisierung von Graphen
- Algorithm Engineering for the Engineering Sciences

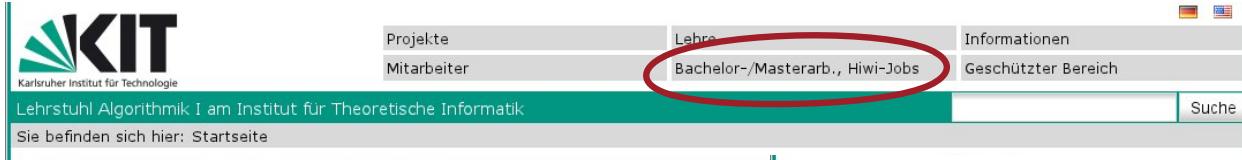
## Graphen sollen

ngen

## Wie? Wo? Was?

■ Thomas Bläsius · Raum 316 · [thomas.blaesius@kit.edu](mailto:thomas.blaesius@kit.edu)

# Hiwi gesucht



The screenshot shows the KIT website's navigation bar with a red circle highlighting the 'Bachelor-/Masterarb., Hiwi-Jobs' link under the 'Lehre' tab. Below the navigation bar, the page title is 'Willkommen am Lehrstuhl Algorithmik I'. It features a group photo of the research group, contact information, news about Prof. Dr. Dorothea Wagner receiving a Google Focused Research Award, and a mission statement ('Leitbild').

**Bachelor-/Masterarbeiten, Hiwi-Stellen**

**Offene Hiwi-Stellen**

- Graphenzeichnungen/visualisierung
  - Visualisierung dynamischer Netzwerke

**Offene Bachelor- und Masterarbeiten**

Die hier aufgeführten Themen sind eine *Auswahl* offener Fragestellungen. Es gibt (fast) immer we Bearbeiten interessante Fragestellungen in allen Forschungsbereichen. Interessierte Studenten sollten sich an die entsprechenden Mitarbeiter wenden.

**Offene Master-/Diplomarbeiten**

Kürzeste-Wege-Algorithmen und Routenplanung

- Theoretische Untersuchung von Kürzeste-Wege-Algorithmen

Scheduling und Tourenplanung

- Constraint Programming basierte Lokale Suche für die Tourenplanung

Graphendustern

- Chinese Restaurants im Graphendustern

Graphenzeichnungen/visualisierung

- Algorithmen zum maßstabssensitiven Zoomen für die Darstellung von Bauplänen
- Generalisierung von geometrischen Graphen

**Offene Bachelor-/Studienarbeiten**

Kürzeste-Wege-Algorithmen und Routenplanung

- Theoretische Untersuchung von Kürzeste-Wege-Algorithmen

Graphendustern und Netzwerkanalyse

**Links**

- Bachelor-/Masterarbeiten, Hiwi-Stellen
- Materialien zu Lehrveranstaltungen

**Inhaltsverzeichnis**

- Offene Hiwi-Stellen
- Offene Bachelor- und Masterarbeiten
  - Offene Master-/Diplomarbeiten
  - Offene Bachelor-/Studienarbeiten
- Laufende Studien- und Diplomarbeiten
  - Laufende Diplom-/Masterarbeiten
  - Laufende Studien-/Bachelorarbeiten
- Abgeschlossene Studien-/Diplomarbeiten und Dissertationen 2009-2011
  - Abgeschlossene Diplomarbeiten
  - Abgeschlossene Studien-/Bachelorarbeiten
  - Abgeschlossene Dissertationen

**Toolbox**

**Seite verwalten**

## Wie? Wo? Was?

■ Thomas Bläsius · Raum 316 · thomas.blaesius@kit.edu

# Das war's!



Nächster Termin:  
**Donnertag, 31.05, 10:15 Uhr**  
**Raum 131, Gebäude 50.34**