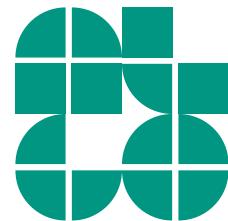


Übung Algorithmische Geometrie

Bereichsanfragen

LEHRSTUHL FÜR ALGORITHMIK I · INSTITUT FÜR THEORETISCHE INFORMATIK · FAKULTÄT FÜR INFORMATIK

Andreas Gembra
26.05.2011



Aufgabe 1

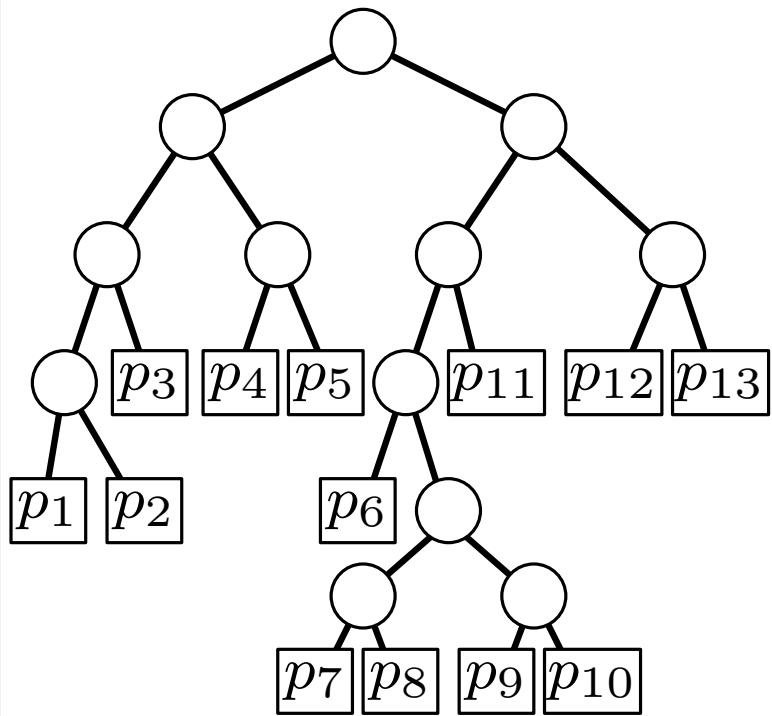
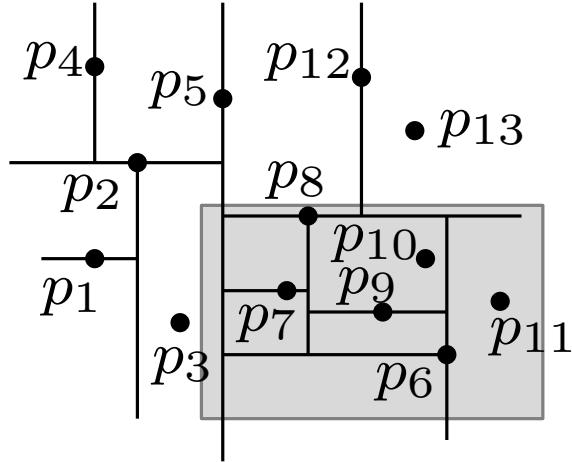
kd-Trees – w-c Laufzeit

Anfragen

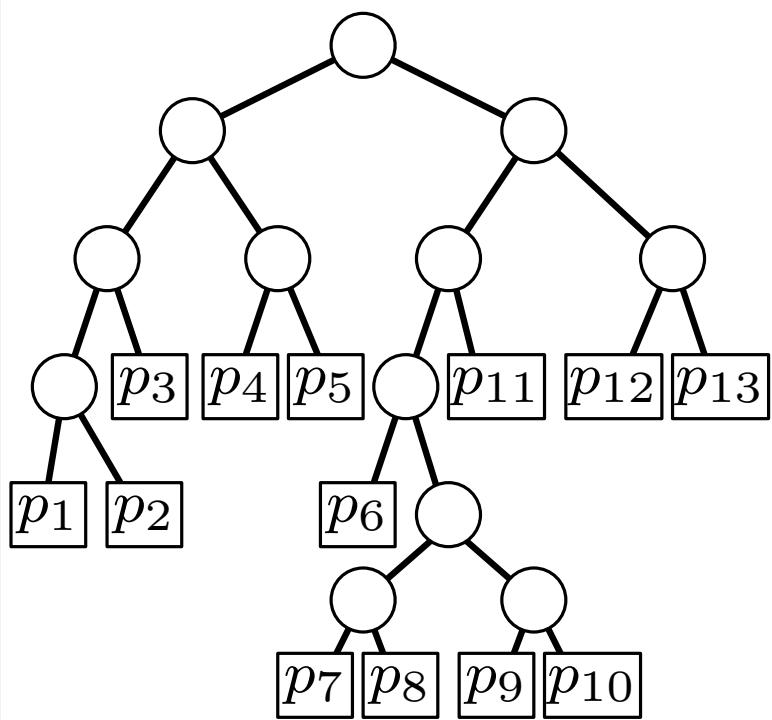
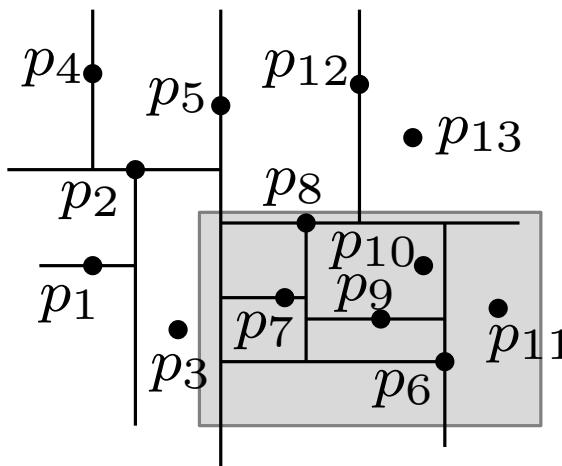
a) warum?

$$Q(n) = \begin{cases} \mathcal{O}(1) & , \text{ für } n = 1 \\ 2 + 2Q(n/4) & , \text{ für } n > 1 \end{cases}$$

Bereichsabfrage in einem kd -Tree



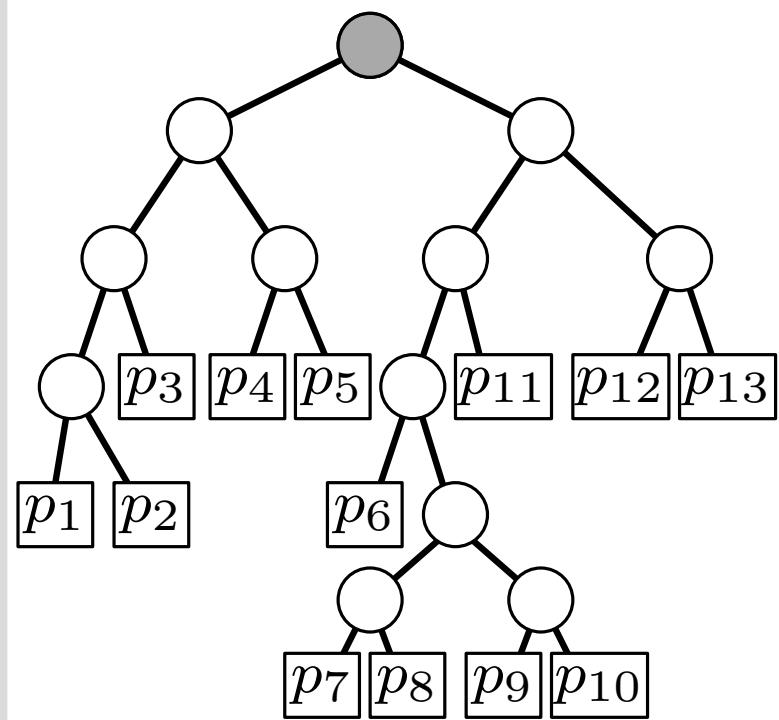
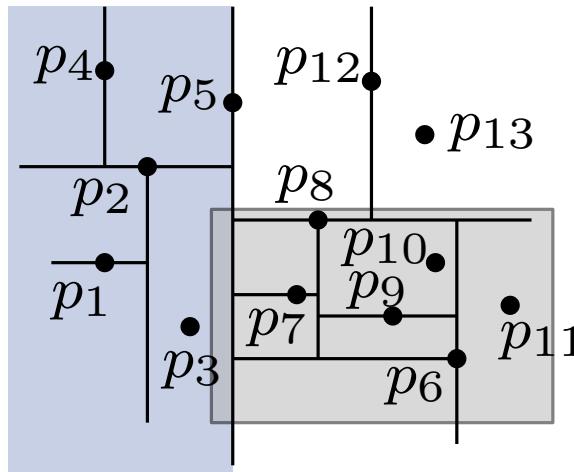
Bereichsabfrage in einem kd -Tree



SearchKdTree(v, R)

```
if  $v$  Blatt then
    prüfe Punkt  $p$  in  $v$  auf  $p \in R$ 
else
    if  $\text{region}(\text{lc}(v)) \subseteq R$  then
        ReportSubtree( $\text{lc}(v)$ )
    else
        if  $\text{region}(\text{lc}(v)) \cap R \neq \emptyset$  then
            SearchKdTree( $\text{lc}(v), R$ )
        if  $\text{region}(\text{rc}(v)) \subseteq R$  then
            ReportSubtree( $\text{rc}(v)$ )
        else
            if  $\text{region}(\text{rc}(v)) \cap R \neq \emptyset$  then
                SearchKdTree( $\text{rc}(v), R$ )
```

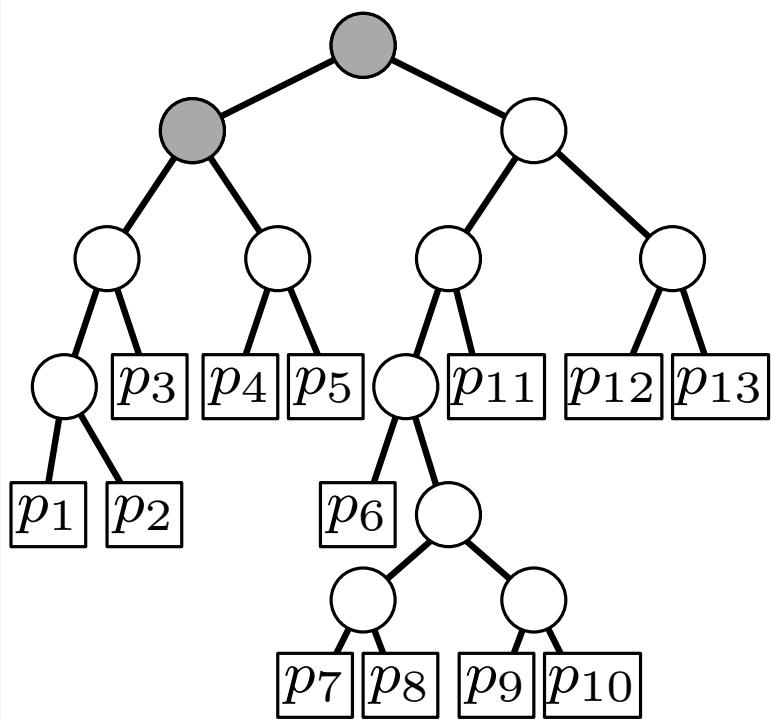
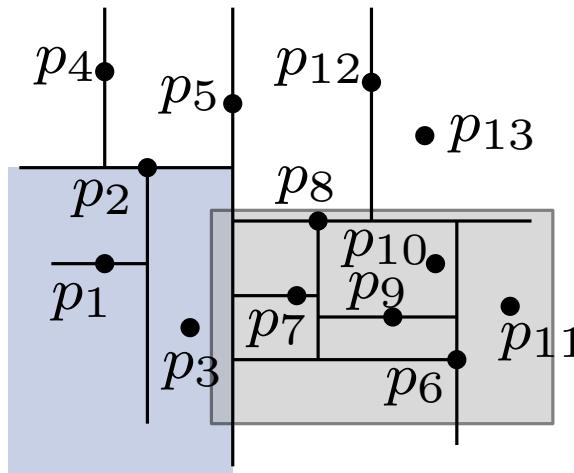
Bereichsabfrage in einem kd -Tree



SearchKdTree(v, R)

```
if  $v$  Blatt then  
| prüfe Punkt  $p$  in  $v$  auf  $p \in R$   
else  
| if  $\text{region}(\text{lc}(v)) \subseteq R$  then  
| | ReportSubtree( $\text{lc}(v)$ )  
| else  
| | if  $\text{region}(\text{lc}(v)) \cap R \neq \emptyset$  then  
| | | SearchKdTree( $\text{lc}(v), R$ )  
| | if  $\text{region}(\text{rc}(v)) \subseteq R$  then  
| | | ReportSubtree( $\text{rc}(v)$ )  
| | else  
| | | if  $\text{region}(\text{rc}(v)) \cap R \neq \emptyset$  then  
| | | | SearchKdTree( $\text{rc}(v), R$ )
```

Bereichsabfrage in einem kd -Tree

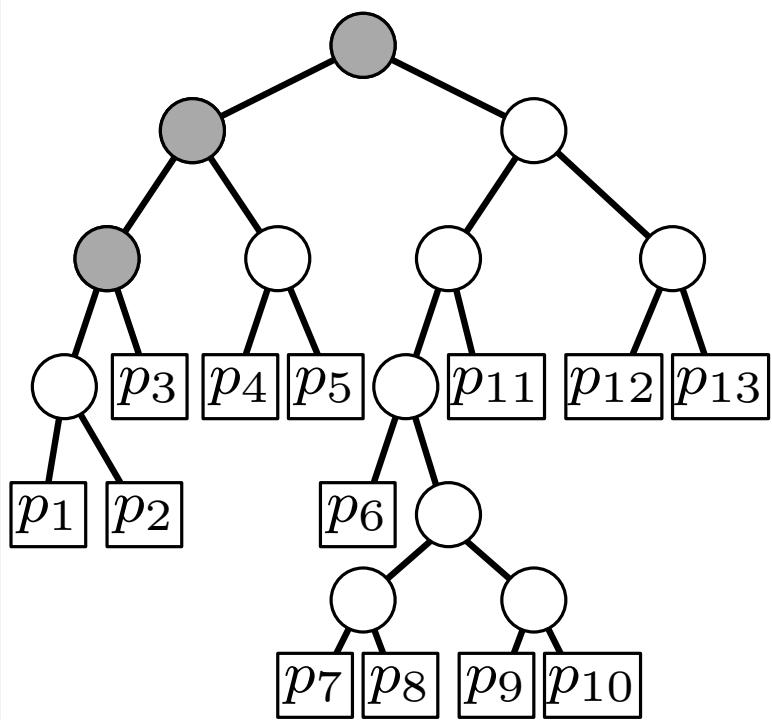
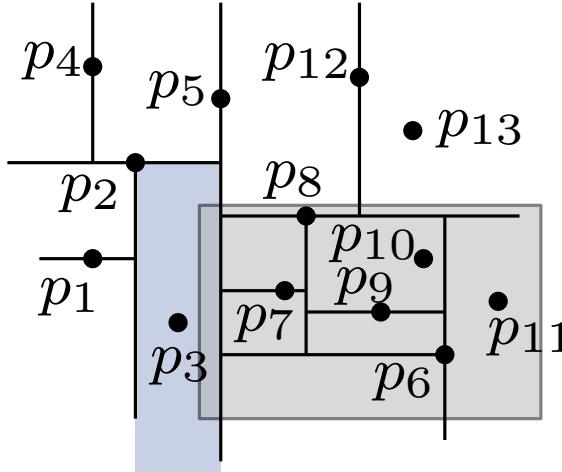


$\text{SearchKdTree}(v, R)$

```

if  $v$  Blatt then
|   prüfe Punkt  $p$  in  $v$  auf  $p \in R$ 
else
|   if  $\text{region}(\text{lc}(v)) \subseteq R$  then
|   |   ReportSubtree( $\text{lc}(v)$ )
|   else
|   |   if  $\text{region}(\text{lc}(v)) \cap R \neq \emptyset$  then
|   |   |   SearchKdTree( $\text{lc}(v)$ ,  $R$ )
|   |   if  $\text{region}(\text{rc}(v)) \subseteq R$  then
|   |   |   ReportSubtree( $\text{rc}(v)$ )
|   |   else
|   |   |   if  $\text{region}(\text{rc}(v)) \cap R \neq \emptyset$  then
|   |   |   |   SearchKdTree( $\text{rc}(v)$ ,  $R$ )
  
```

Bereichsabfrage in einem kd -Tree

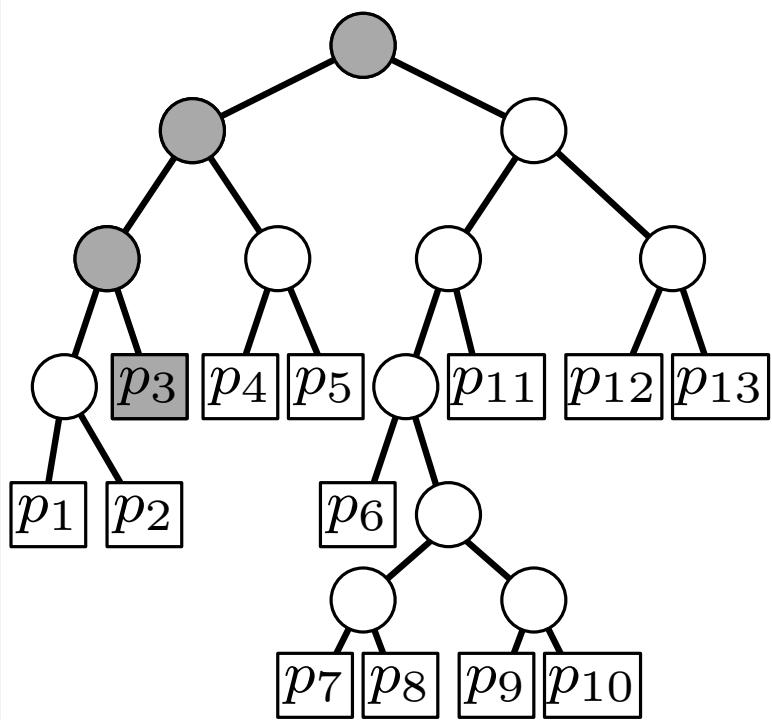
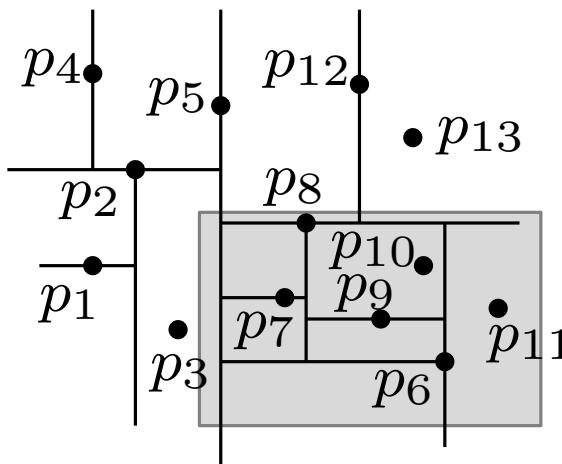


$\text{SearchKdTree}(v, R)$

```

if  $v$  Blatt then
|   prüfe Punkt  $p$  in  $v$  auf  $p \in R$ 
else
|   if  $\text{region}(\text{lc}(v)) \subseteq R$  then
|   |   ReportSubtree( $\text{lc}(v)$ )
|   else
|   |   if  $\text{region}(\text{lc}(v)) \cap R \neq \emptyset$  then
|   |   |   SearchKdTree( $\text{lc}(v)$ ,  $R$ )
|   |   if  $\text{region}(\text{rc}(v)) \subseteq R$  then
|   |   |   ReportSubtree( $\text{rc}(v)$ )
|   |   else
|   |   |   if  $\text{region}(\text{rc}(v)) \cap R \neq \emptyset$  then
|   |   |   |   SearchKdTree( $\text{rc}(v)$ ,  $R$ )
  
```

Bereichsabfrage in einem kd -Tree

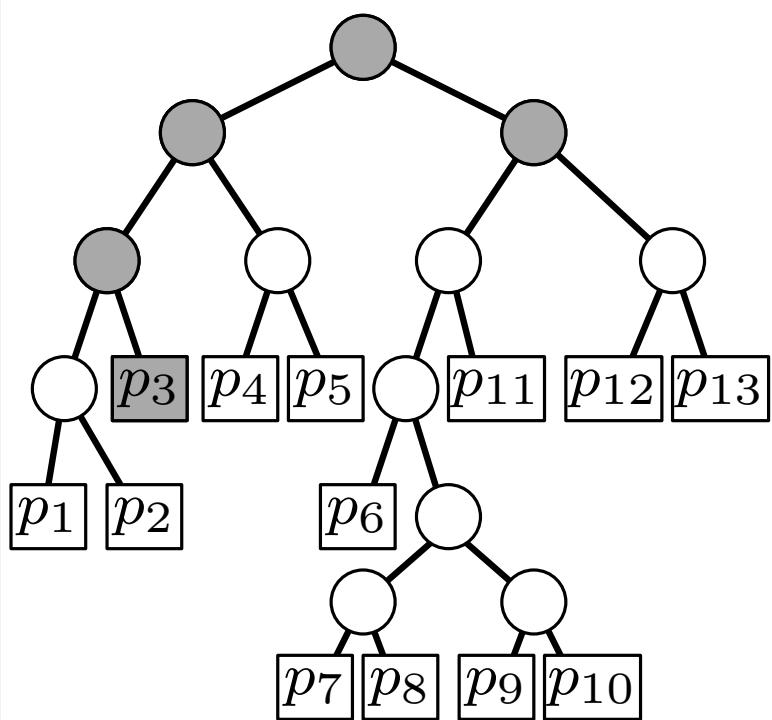
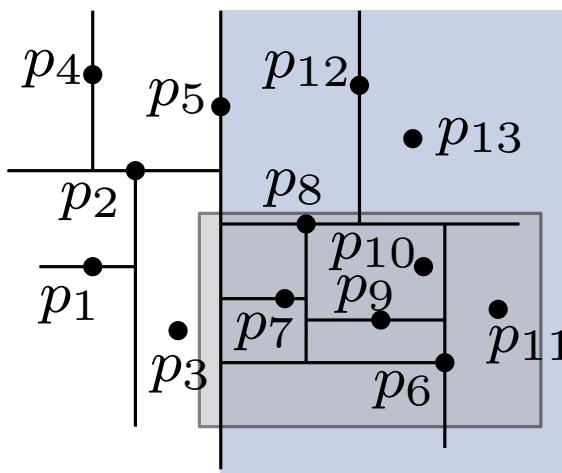


$\text{SearchKdTree}(v, R)$

```

if  $v$  Blatt then
|   prüfe Punkt  $p$  in  $v$  auf  $p \in R$ 
else
|   if  $\text{region}(\text{lc}(v)) \subseteq R$  then
|   |   ReportSubtree( $\text{lc}(v)$ )
|   else
|   |   if  $\text{region}(\text{lc}(v)) \cap R \neq \emptyset$  then
|   |   |   SearchKdTree( $\text{lc}(v), R$ )
|   |   if  $\text{region}(\text{rc}(v)) \subseteq R$  then
|   |   |   ReportSubtree( $\text{rc}(v)$ )
|   |   else
|   |   |   if  $\text{region}(\text{rc}(v)) \cap R \neq \emptyset$  then
|   |   |   |   SearchKdTree( $\text{rc}(v), R$ )
  
```

Bereichsabfrage in einem kd -Tree

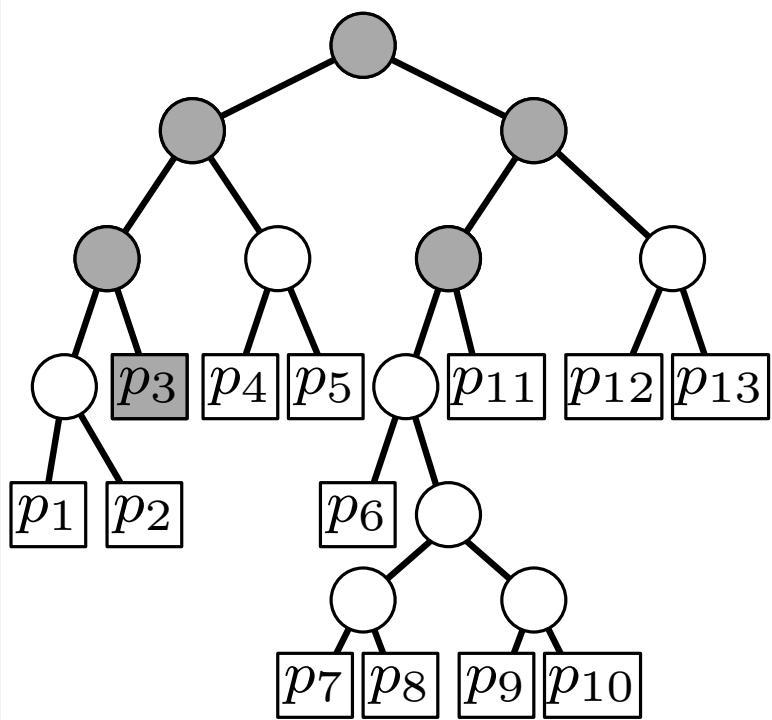
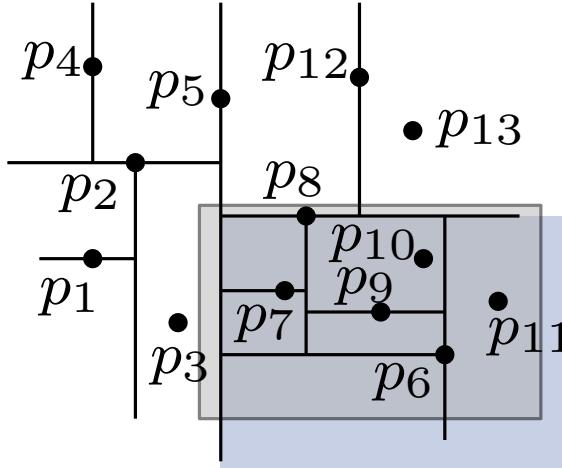


SearchKdTree(v, R)

```

if  $v$  Blatt then
|   prüfe Punkt  $p$  in  $v$  auf  $p \in R$ 
else
|   if region(lc( $v$ ))  $\subseteq R$  then
|   |   ReportSubtree(lc( $v$ ))
|   else
|   |   if region(lc( $v$ ))  $\cap R \neq \emptyset$  then
|   |   |   SearchKdTree(lc( $v$ ),  $R$ )
|   |   if region(rc( $v$ ))  $\subseteq R$  then
|   |   |   ReportSubtree(rc( $v$ ))
|   |   else
|   |   |   if region(rc( $v$ ))  $\cap R \neq \emptyset$  then
|   |   |   |   SearchKdTree(rc( $v$ ),  $R$ )
  
```

Bereichsabfrage in einem kd -Tree

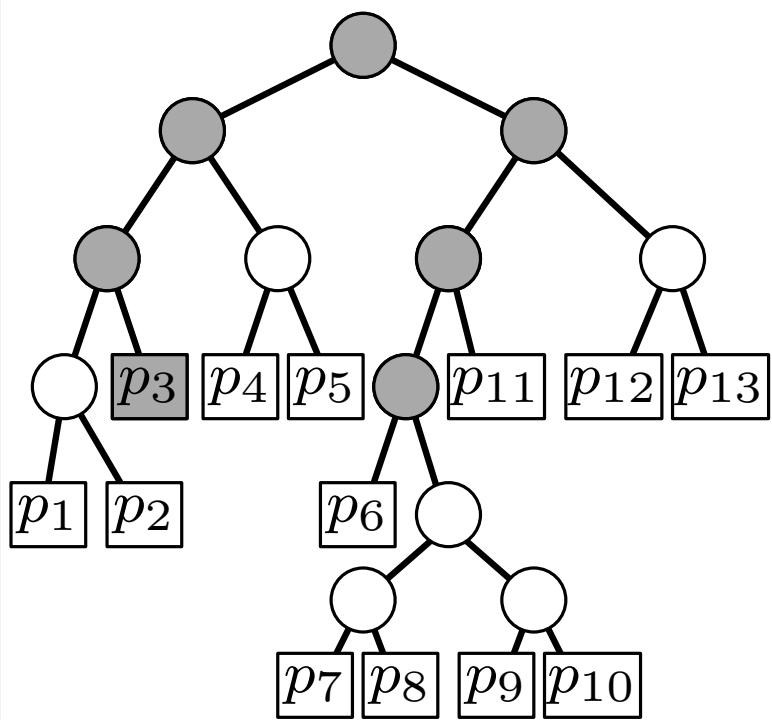
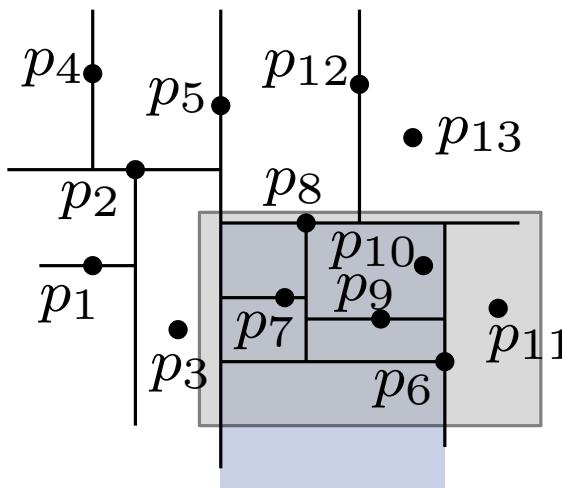


$\text{SearchKdTree}(v, R)$

```

if  $v$  Blatt then
| prüfe Punkt  $p$  in  $v$  auf  $p \in R$ 
else
| if  $\text{region}(\text{lc}(v)) \subseteq R$  then
| | ReportSubtree( $\text{lc}(v)$ )
| else
| | if  $\text{region}(\text{lc}(v)) \cap R \neq \emptyset$  then
| | | SearchKdTree( $\text{lc}(v)$ ,  $R$ )
| | if  $\text{region}(\text{rc}(v)) \subseteq R$  then
| | | ReportSubtree( $\text{rc}(v)$ )
| | else
| | | if  $\text{region}(\text{rc}(v)) \cap R \neq \emptyset$  then
| | | | SearchKdTree( $\text{rc}(v)$ ,  $R$ )
  
```

Bereichsabfrage in einem kd -Tree

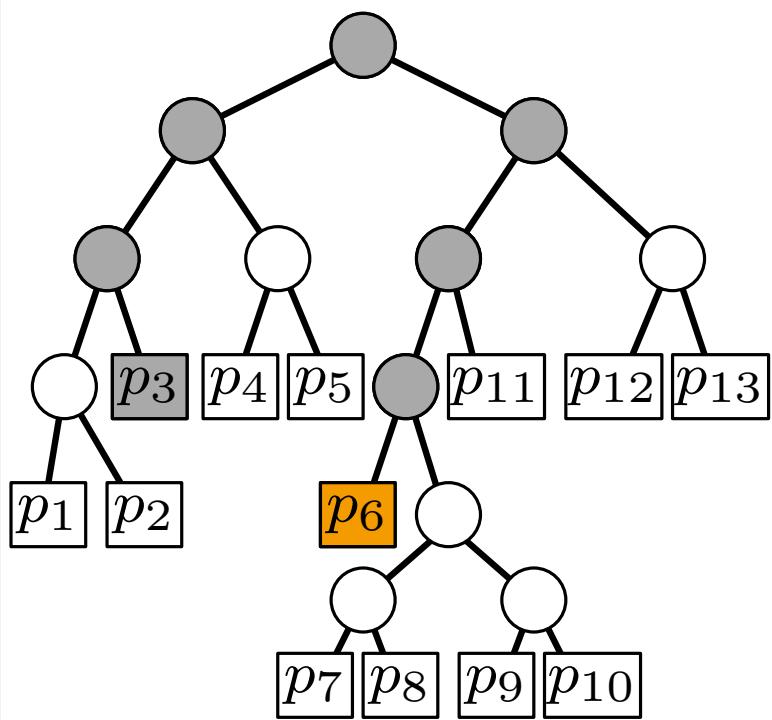
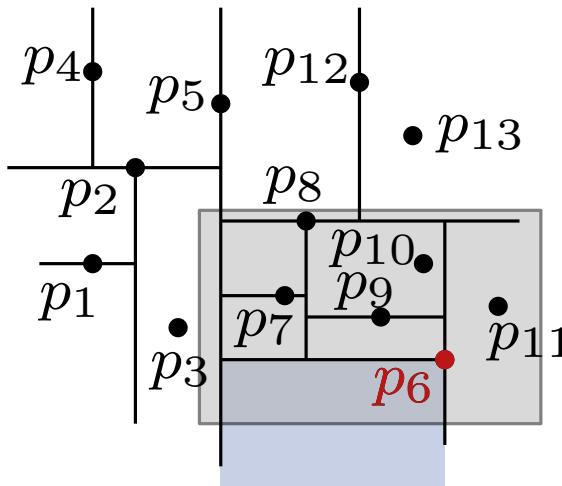


$\text{SearchKdTree}(v, R)$

```

if  $v$  Blatt then
|   prüfe Punkt  $p$  in  $v$  auf  $p \in R$ 
else
|   if  $\text{region}(\text{lc}(v)) \subseteq R$  then
|   |   ReportSubtree( $\text{lc}(v)$ )
|   else
|   |   if  $\text{region}(\text{lc}(v)) \cap R \neq \emptyset$  then
|   |   |   SearchKdTree( $\text{lc}(v)$ ,  $R$ )
|   |   if  $\text{region}(\text{rc}(v)) \subseteq R$  then
|   |   |   ReportSubtree( $\text{rc}(v)$ )
|   |   else
|   |   |   if  $\text{region}(\text{rc}(v)) \cap R \neq \emptyset$  then
|   |   |   |   SearchKdTree( $\text{rc}(v)$ ,  $R$ )
  
```

Bereichsabfrage in einem kd -Tree

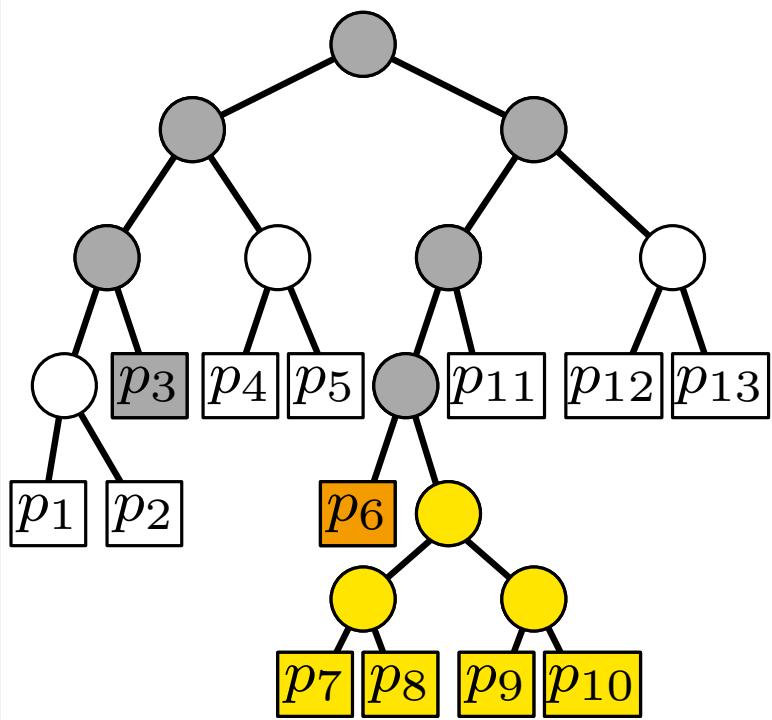
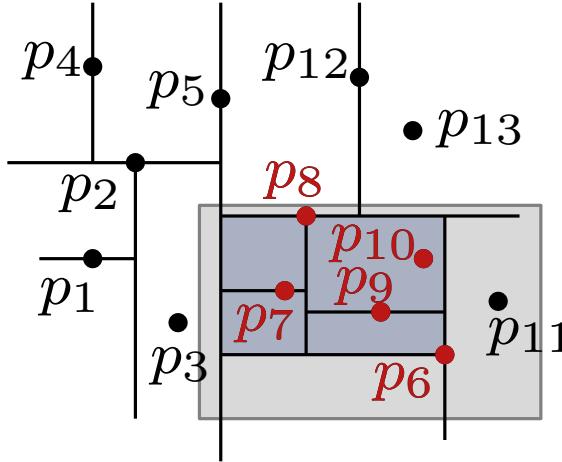


$\text{SearchKdTree}(v, R)$

```

if  $v$  Blatt then
  prüfe Punkt  $p$  in  $v$  auf  $p \in R$ 
else
  if  $\text{region}(\text{lc}(v)) \subseteq R$  then
    ReportSubtree( $\text{lc}(v)$ )
  else
    if  $\text{region}(\text{lc}(v)) \cap R \neq \emptyset$  then
      SearchKdTree( $\text{lc}(v)$ ,  $R$ )
    if  $\text{region}(\text{rc}(v)) \subseteq R$  then
      ReportSubtree( $\text{rc}(v)$ )
    else
      if  $\text{region}(\text{rc}(v)) \cap R \neq \emptyset$  then
        SearchKdTree( $\text{rc}(v)$ ,  $R$ )
  
```

Bereichsabfrage in einem kd -Tree

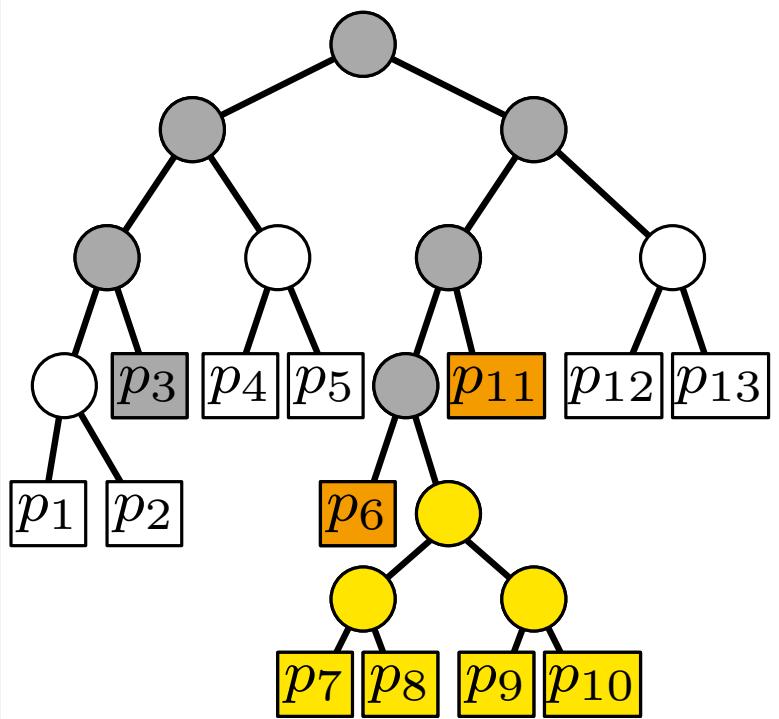
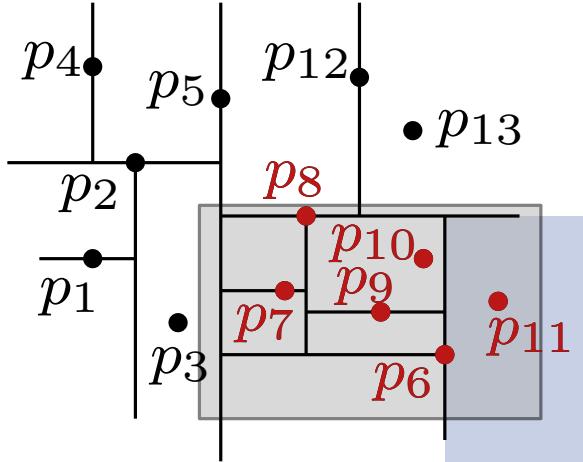


SearchKdTree(v, R)

```

if  $v$  Blatt then
  prüfe Punkt  $p$  in  $v$  auf  $p \in R$ 
else
  if region(lc( $v$ ))  $\subseteq R$  then
    ReportSubtree(lc( $v$ ))
  else
    if region(lc( $v$ ))  $\cap R \neq \emptyset$  then
      SearchKdTree(lc( $v$ ),  $R$ )
    if region(rc( $v$ ))  $\subseteq R$  then
      ReportSubtree(rc( $v$ ))
    else
      if region(rc( $v$ ))  $\cap R \neq \emptyset$  then
        SearchKdTree(rc( $v$ ),  $R$ )
  
```

Bereichsabfrage in einem kd -Tree

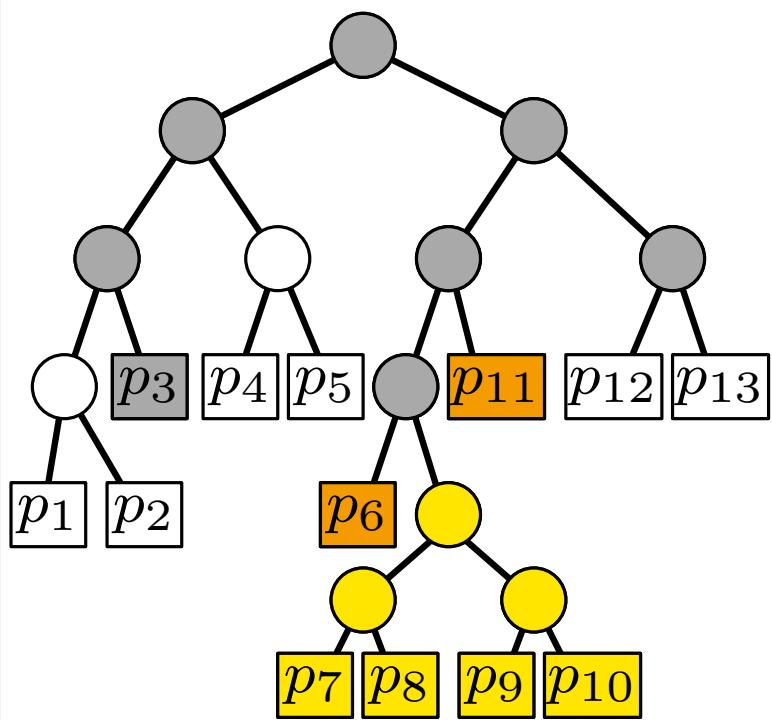
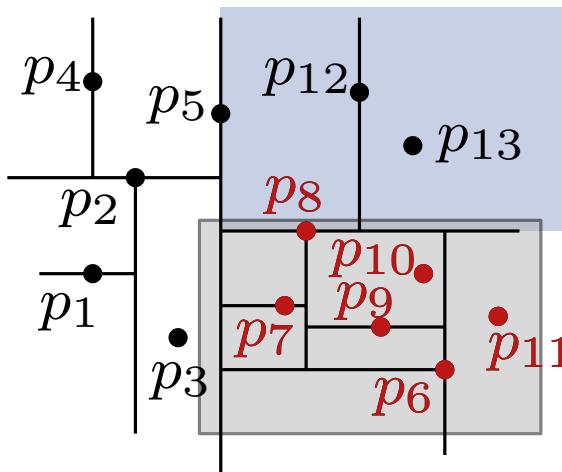


SearchKdTree(v, R)

```

if  $v$  Blatt then
|   prüfe Punkt  $p$  in  $v$  auf  $p \in R$ 
else
|   if region(lc( $v$ ))  $\subseteq R$  then
|   |   ReportSubtree(lc( $v$ ))
|   else
|   |   if region(lc( $v$ ))  $\cap R \neq \emptyset$  then
|   |   |   SearchKdTree(lc( $v$ ),  $R$ )
|   |   if region(rc( $v$ ))  $\subseteq R$  then
|   |   |   ReportSubtree(rc( $v$ ))
|   |   else
|   |   |   if region(rc( $v$ ))  $\cap R \neq \emptyset$  then
|   |   |   |   SearchKdTree(rc( $v$ ),  $R$ )
  
```

Bereichsabfrage in einem kd -Tree

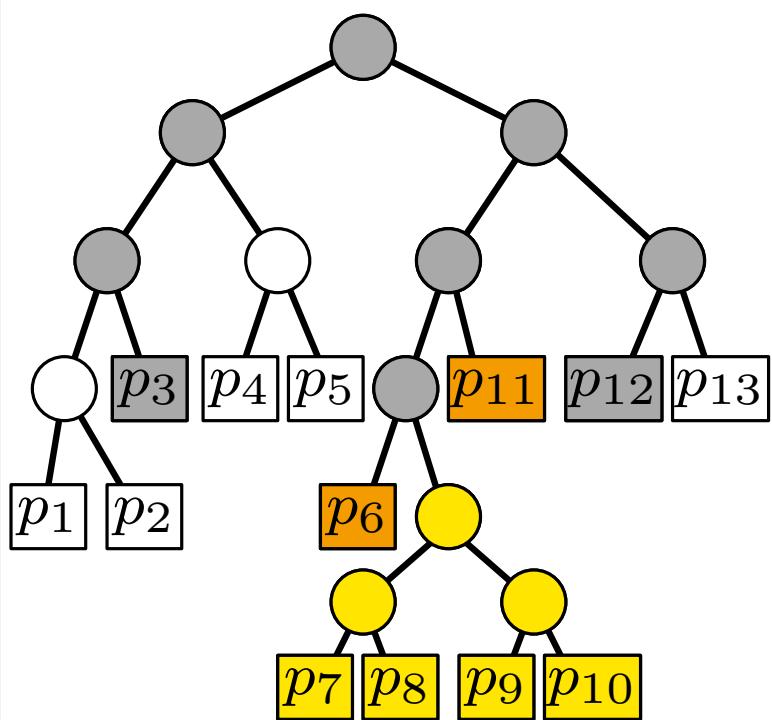
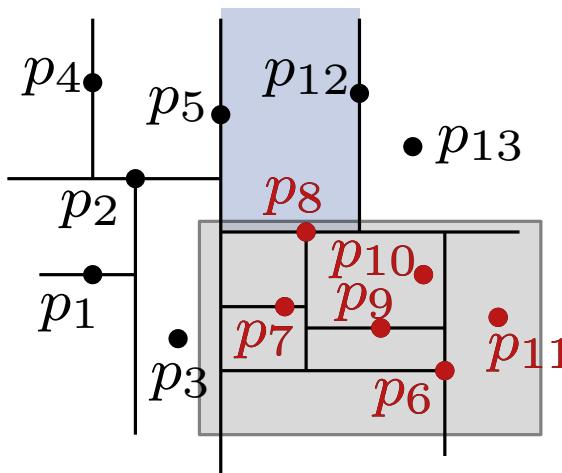


$\text{SearchKdTree}(v, R)$

```

if  $v$  Blatt then
|   prüfe Punkt  $p$  in  $v$  auf  $p \in R$ 
else
|   if  $\text{region}(\text{lc}(v)) \subseteq R$  then
|   |   ReportSubtree( $\text{lc}(v)$ )
|   else
|   |   if  $\text{region}(\text{lc}(v)) \cap R \neq \emptyset$  then
|   |   |   SearchKdTree( $\text{lc}(v)$ ,  $R$ )
|   |   if  $\text{region}(\text{rc}(v)) \subseteq R$  then
|   |   |   ReportSubtree( $\text{rc}(v)$ )
|   |   else
|   |   |   if  $\text{region}(\text{rc}(v)) \cap R \neq \emptyset$  then
|   |   |   |   SearchKdTree( $\text{rc}(v)$ ,  $R$ )
    
```

Bereichsabfrage in einem kd -Tree

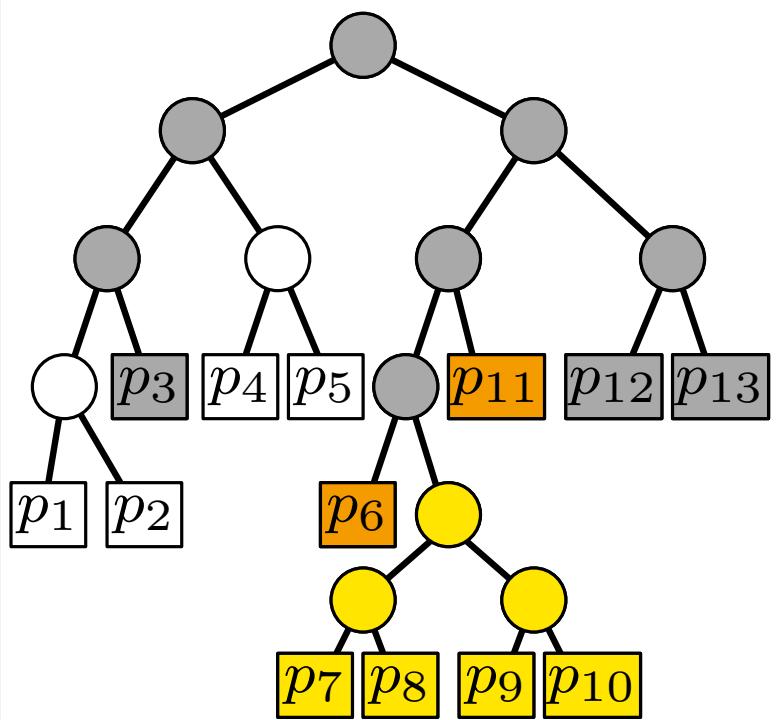
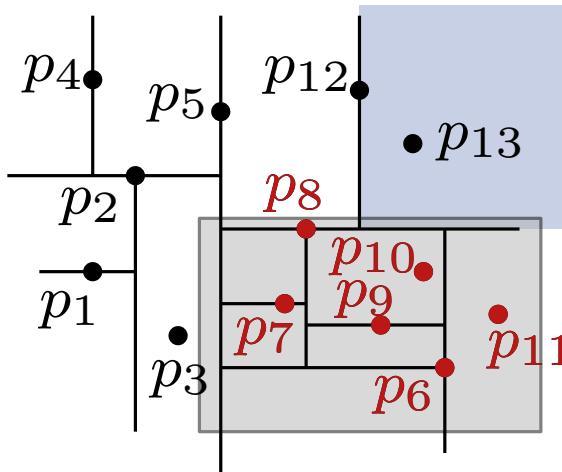


$\text{SearchKdTree}(v, R)$

```

if  $v$  Blatt then
  prüfe Punkt  $p$  in  $v$  auf  $p \in R$ 
else
  if  $\text{region}(\text{lc}(v)) \subseteq R$  then
    ReportSubtree( $\text{lc}(v)$ )
  else
    if  $\text{region}(\text{lc}(v)) \cap R \neq \emptyset$  then
      SearchKdTree( $\text{lc}(v)$ ,  $R$ )
    if  $\text{region}(\text{rc}(v)) \subseteq R$  then
      ReportSubtree( $\text{rc}(v)$ )
    else
      if  $\text{region}(\text{rc}(v)) \cap R \neq \emptyset$  then
        SearchKdTree( $\text{rc}(v)$ ,  $R$ )
  
```

Bereichsabfrage in einem kd -Tree

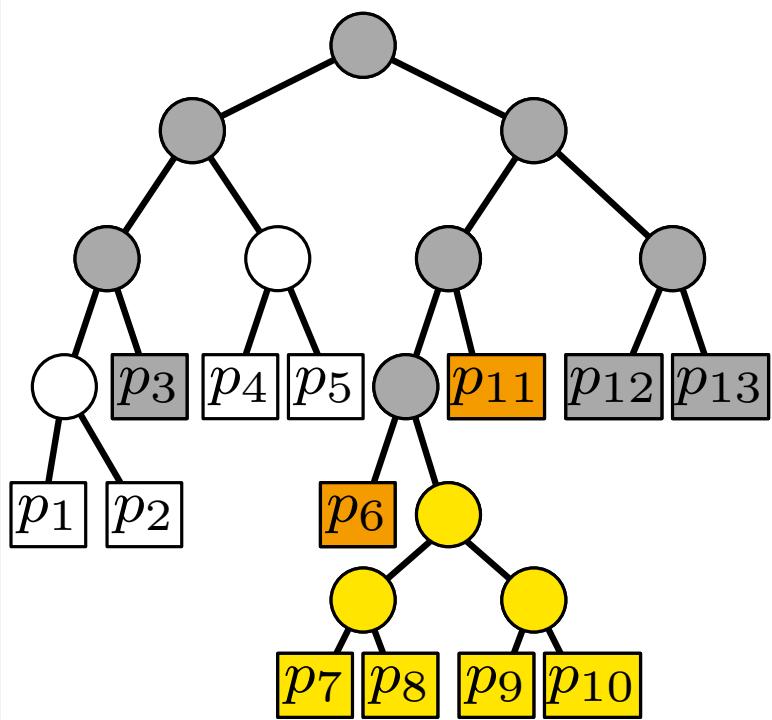
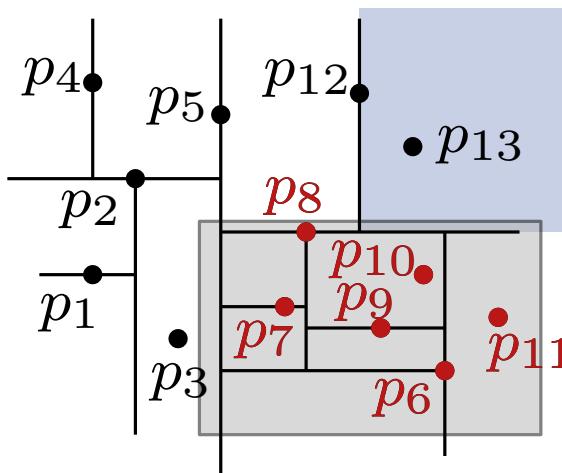


$\text{SearchKdTree}(v, R)$

```

if  $v$  Blatt then
  prüfe Punkt  $p$  in  $v$  auf  $p \in R$ 
else
  if  $\text{region}(\text{lc}(v)) \subseteq R$  then
    ReportSubtree( $\text{lc}(v)$ )
  else
    if  $\text{region}(\text{lc}(v)) \cap R \neq \emptyset$  then
      SearchKdTree( $\text{lc}(v)$ ,  $R$ )
    if  $\text{region}(\text{rc}(v)) \subseteq R$  then
      ReportSubtree( $\text{rc}(v)$ )
    else
      if  $\text{region}(\text{rc}(v)) \cap R \neq \emptyset$  then
        SearchKdTree( $\text{rc}(v)$ ,  $R$ )
  
```

Bereichsabfrage in einem kd -Tree

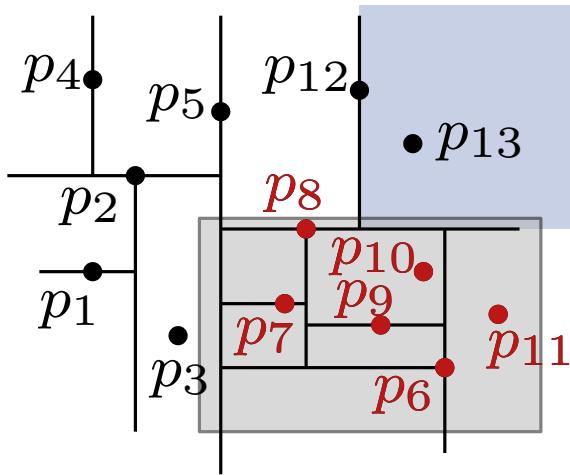


$\text{SearchKdTree}(v, R)$

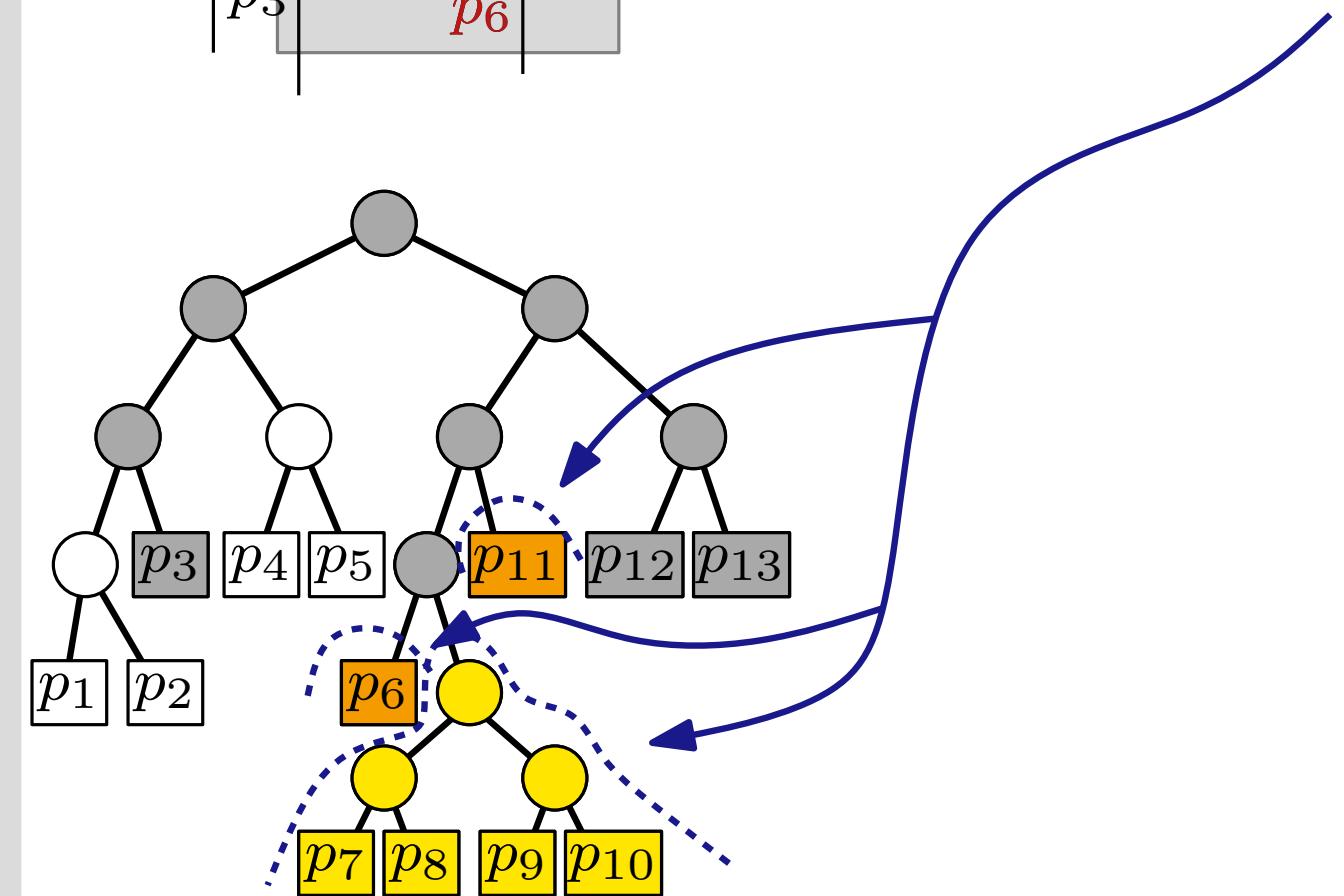
```

if  $v$  Blatt then
  prüfe Punkt  $p$  in  $v$  auf  $p \in R$ 
else
  if  $\text{region}(\text{lc}(v)) \subseteq R$  then
    ReportSubtree( $\text{lc}(v)$ )
  else
    if  $\text{region}(\text{lc}(v)) \cap R \neq \emptyset$  then
      SearchKdTree( $\text{lc}(v)$ ,  $R$ )
    if  $\text{region}(\text{rc}(v)) \subseteq R$  then
      ReportSubtree( $\text{rc}(v)$ )
    else
      if  $\text{region}(\text{rc}(v)) \cap R \neq \emptyset$  then
        SearchKdTree( $\text{rc}(v)$ ,  $R$ )
  
```

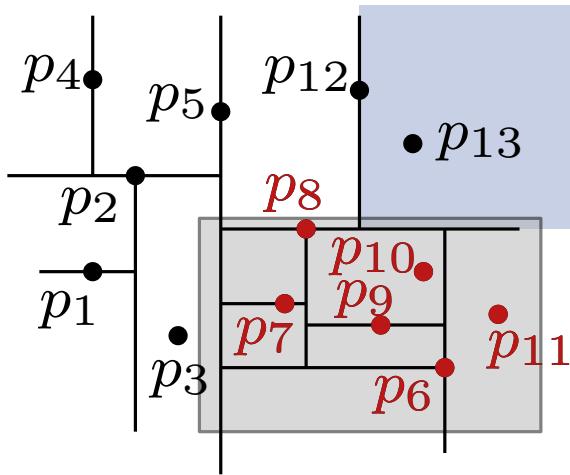
Bereichsabfrage in einem kd -Tree



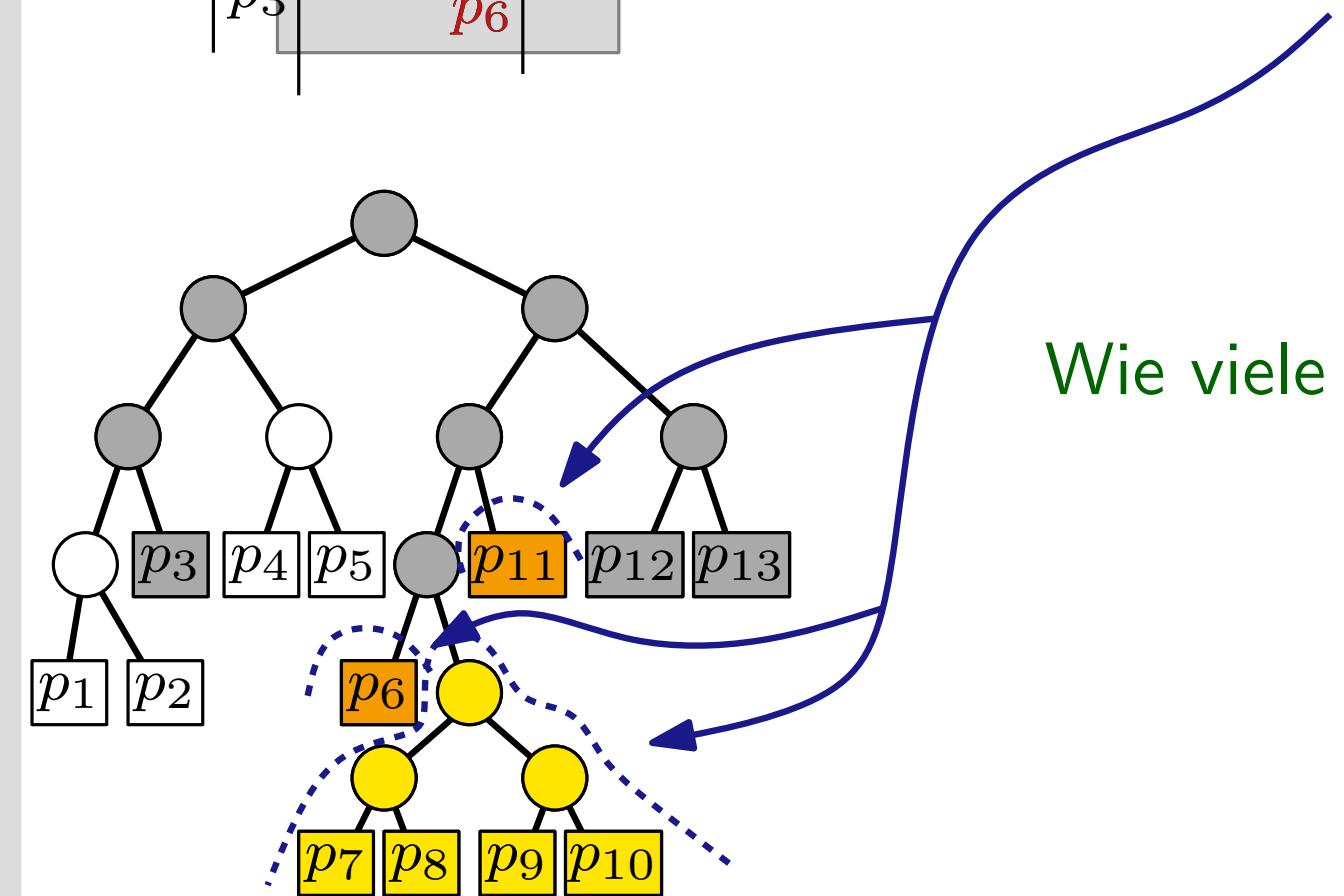
ReportSubtree in $\mathcal{O}(k)$



Bereichsabfrage in einem kd -Tree

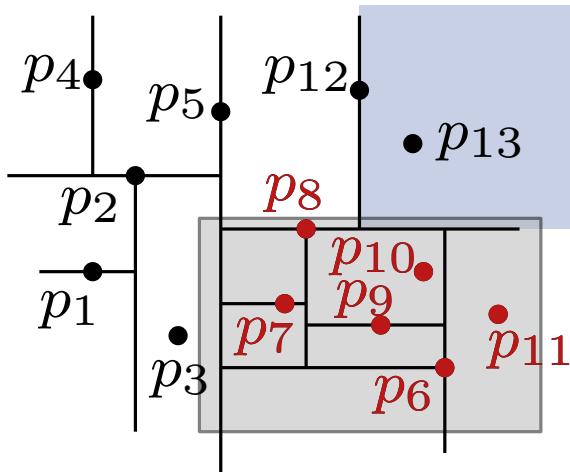


ReportSubtree in $\mathcal{O}(k)$

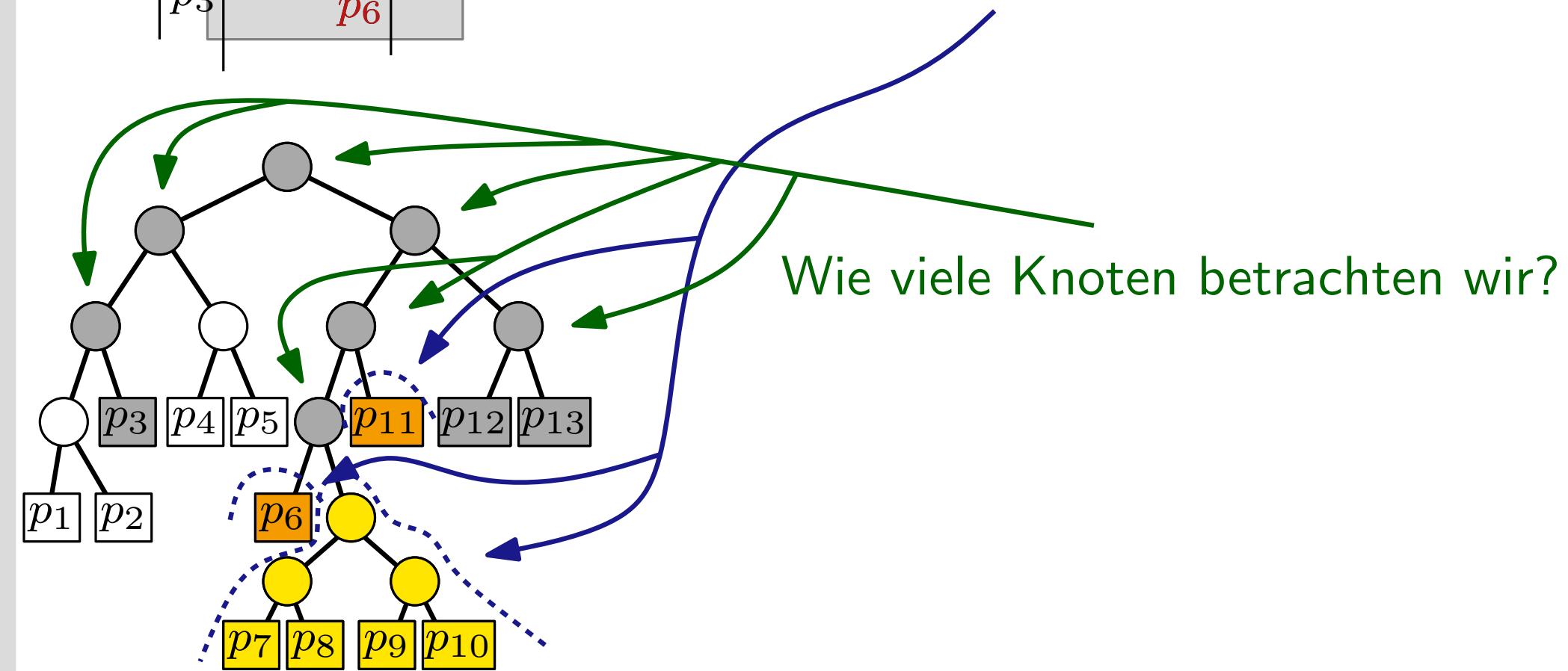


Wie viele Knoten betrachten wir?

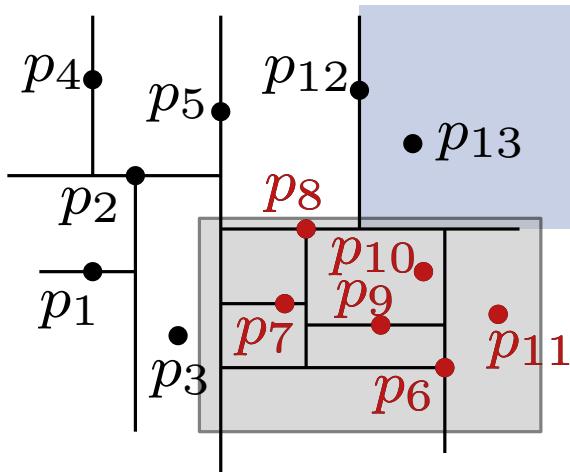
Bereichsabfrage in einem kd -Tree



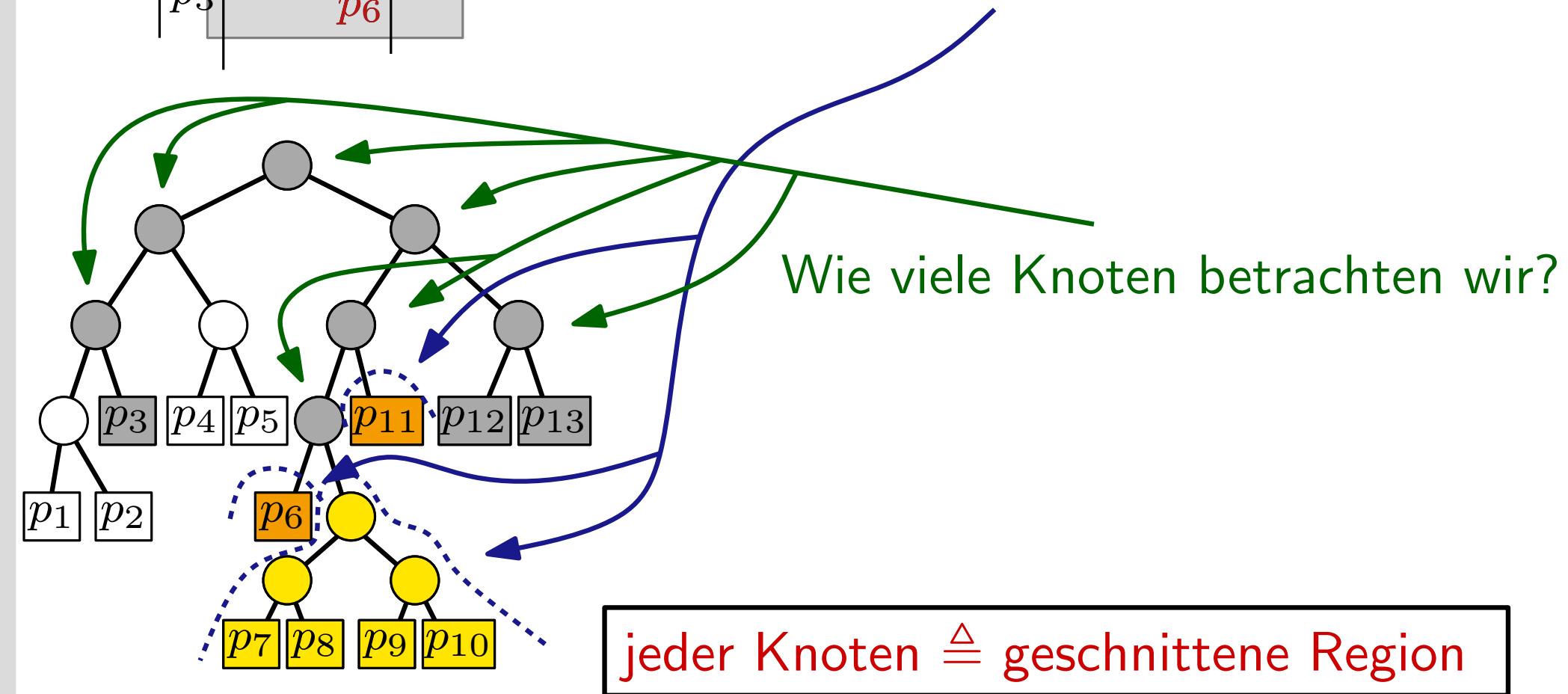
ReportSubtree in $\mathcal{O}(k)$



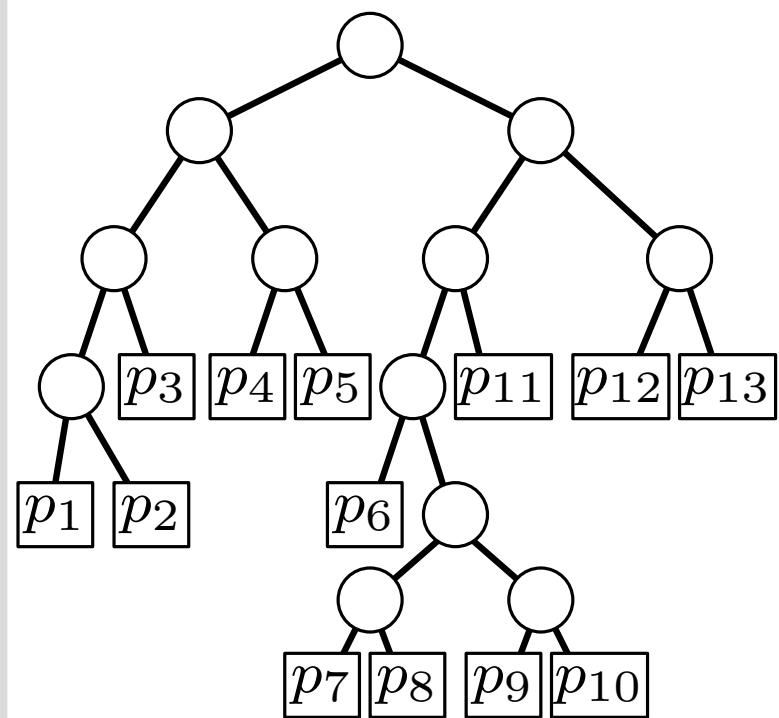
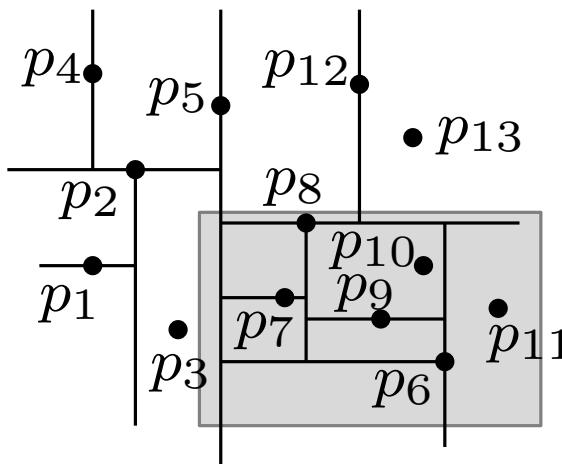
Bereichsabfrage in einem kd -Tree



ReportSubtree in $\mathcal{O}(k)$



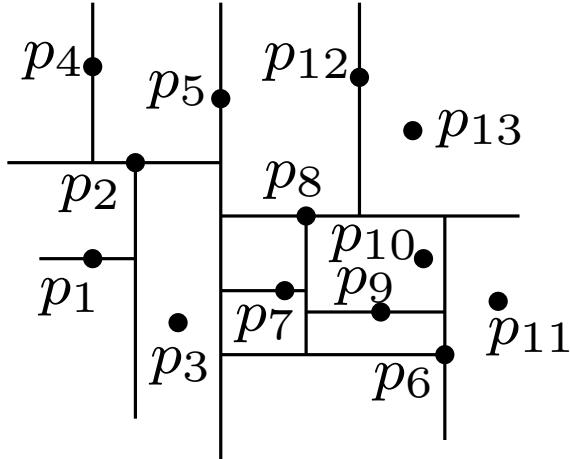
Bereichsabfrage in einem kd -Tree



SearchKdTree(v, R)

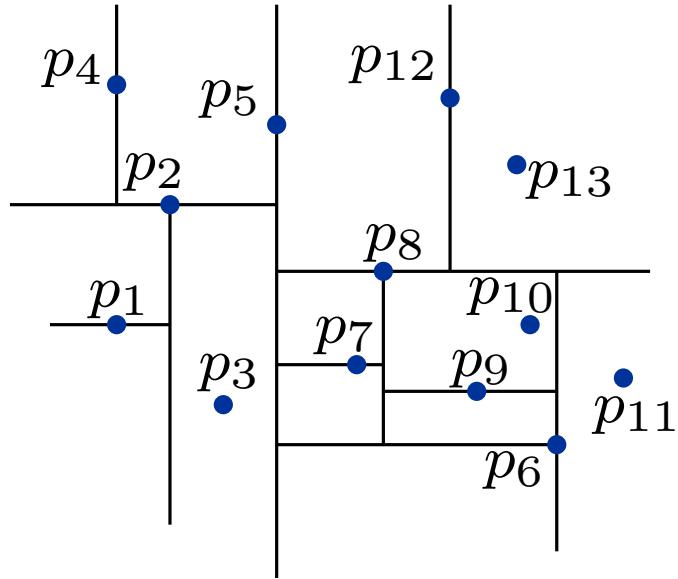
```
if  $v$  Blatt then
  | prüfe Punkt  $p$  in  $v$  auf  $p \in R$ 
else
  | if region(lc( $v$ ))  $\subseteq R$  then
    |   | ReportSubtree(lc( $v$ ))
  | else
    |   | if region(lc( $v$ ))  $\cap R \neq \emptyset$  then
      |     | SearchKdTree(lc( $v$ ),  $R$ )
    |   | if region(rc( $v$ ))  $\subseteq R$  then
      |     | ReportSubtree(rc( $v$ ))
    |   | else
      |     | if region(rc( $v$ ))  $\cap R \neq \emptyset$  then
        |       | SearchKdTree(rc( $v$ ),  $R$ )
```

Bereichsabfrage in einem kd -Tree

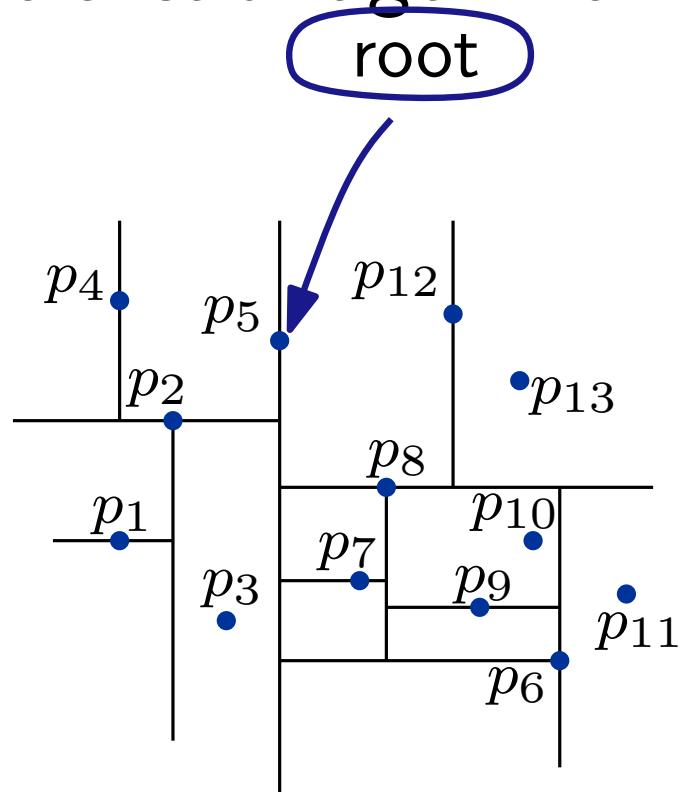


Wie viele Regionen schneidet eine vertikale Linie?

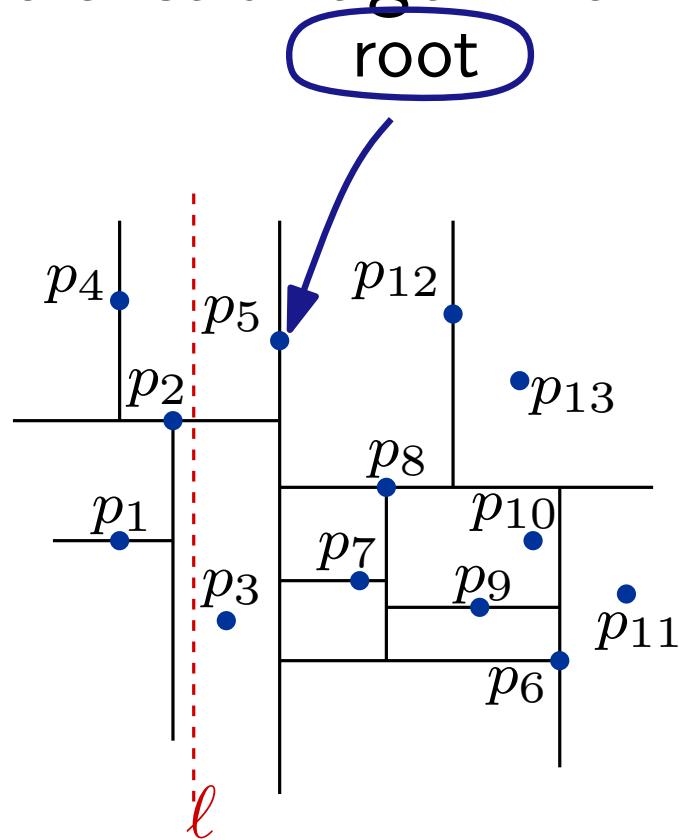
Bereichsabfrage in einem kd -Tree



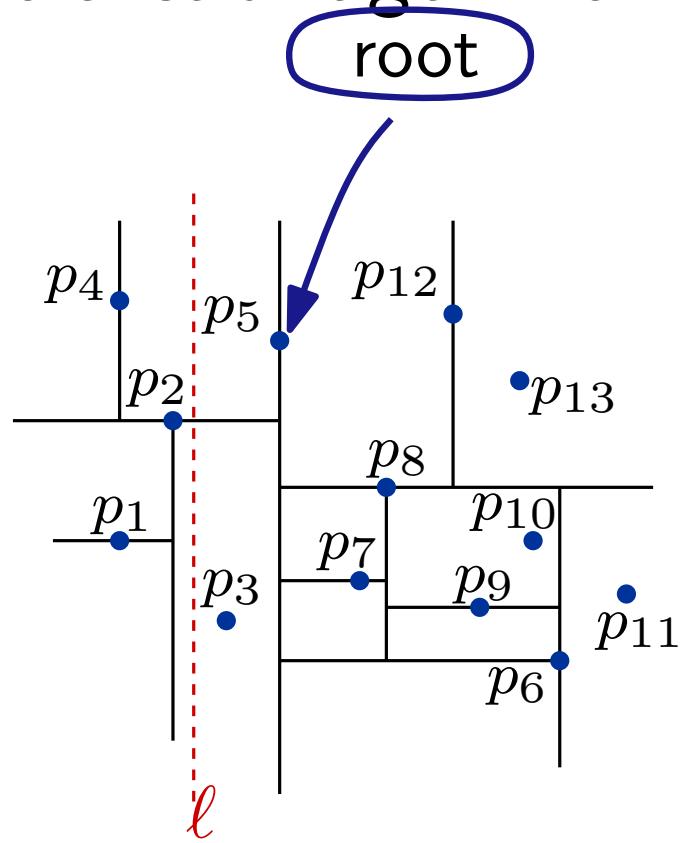
Bereichsabfrage in einem kd -Tree



Bereichsabfrage in einem kd -Tree



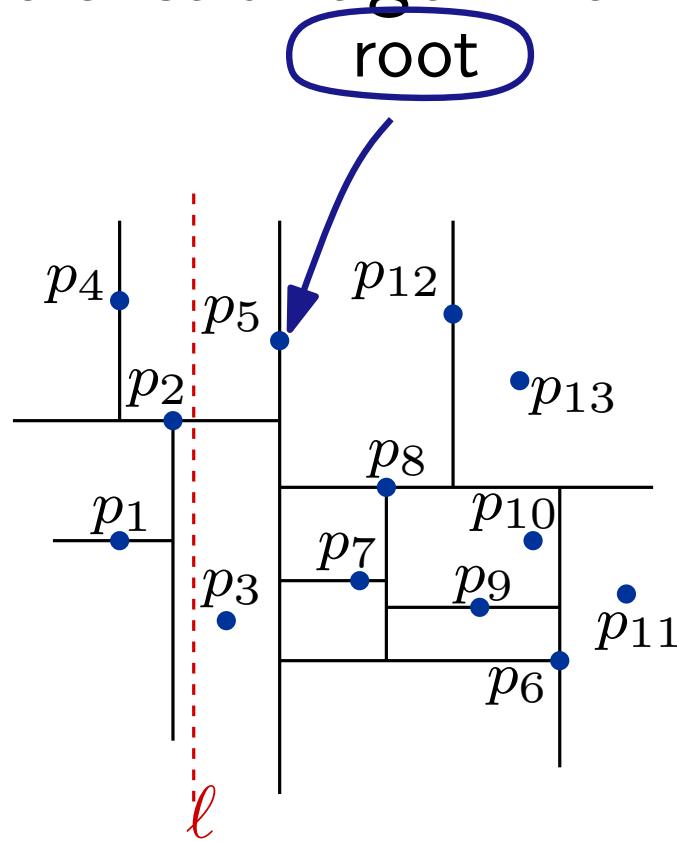
Bereichsabfrage in einem kd -Tree



Vermutung:

$$Q(n) = 1 + Q(n/2)$$

Bereichsabfrage in einem kd -Tree



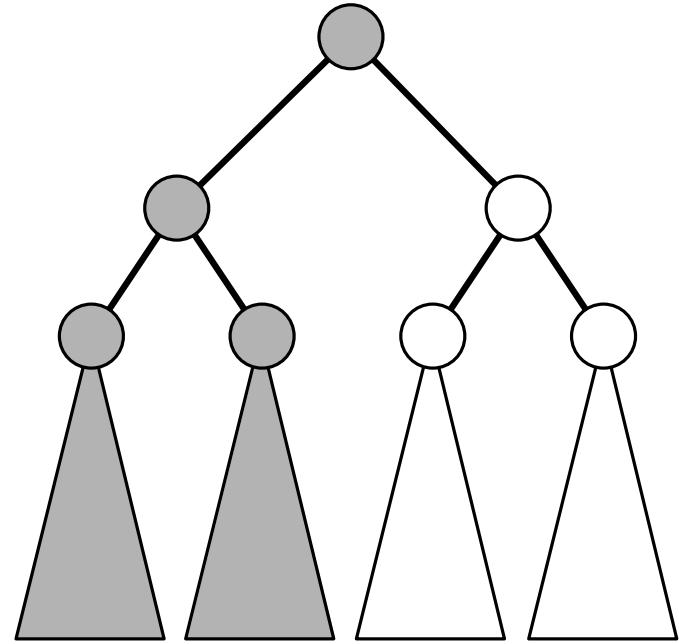
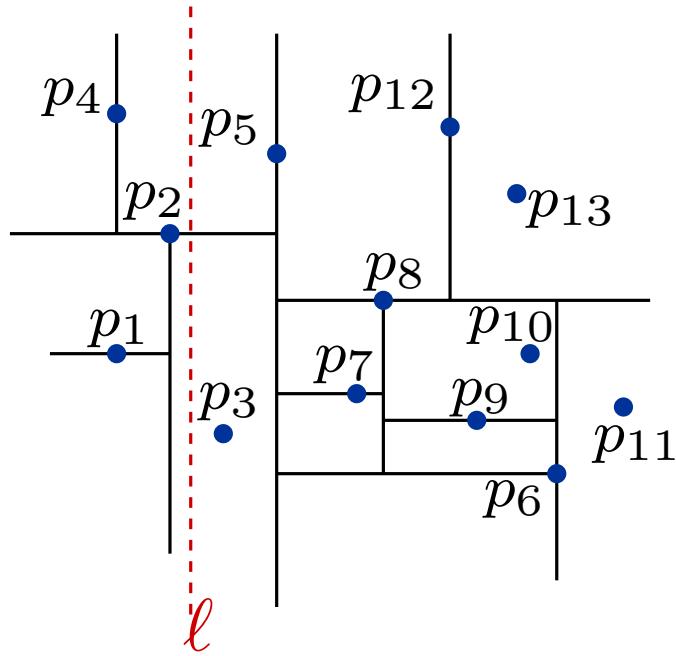
Vermutung:

$$Q(n) = 1 + Q(n/2)$$

Problem?

ℓ schneidet beide Kinder des linken Kindes von root

Bereichsabfrage in einem kd -Tree



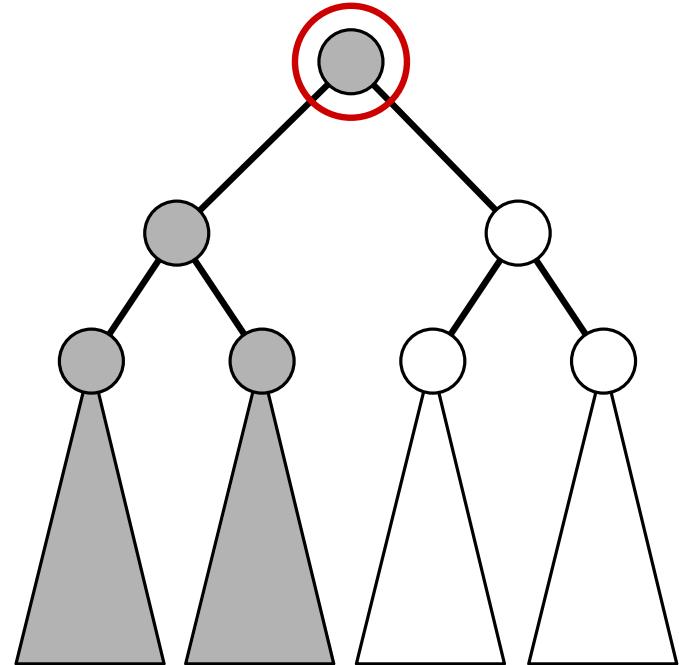
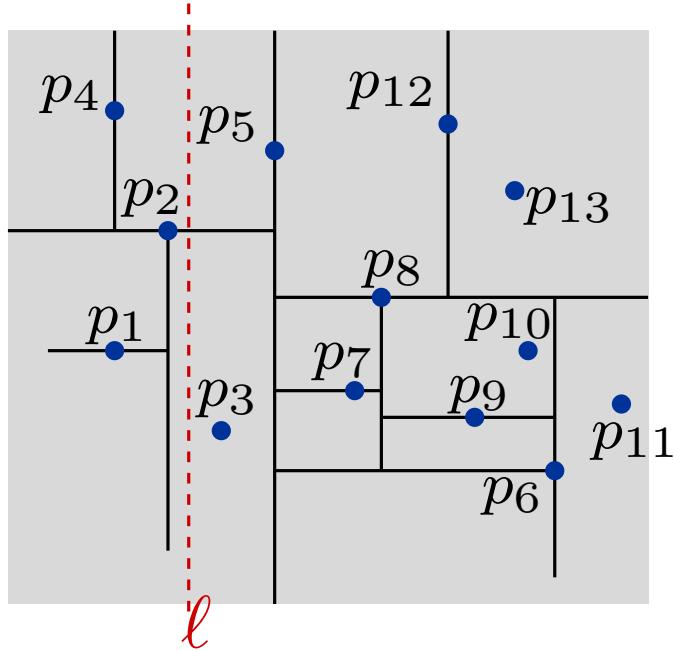
Vermutung:

$$Q(n) = 1 + Q(n/2)$$

Problem?

ℓ schneidet beide Kinder des linken Kindes von root

Bereichsabfrage in einem kd -Tree



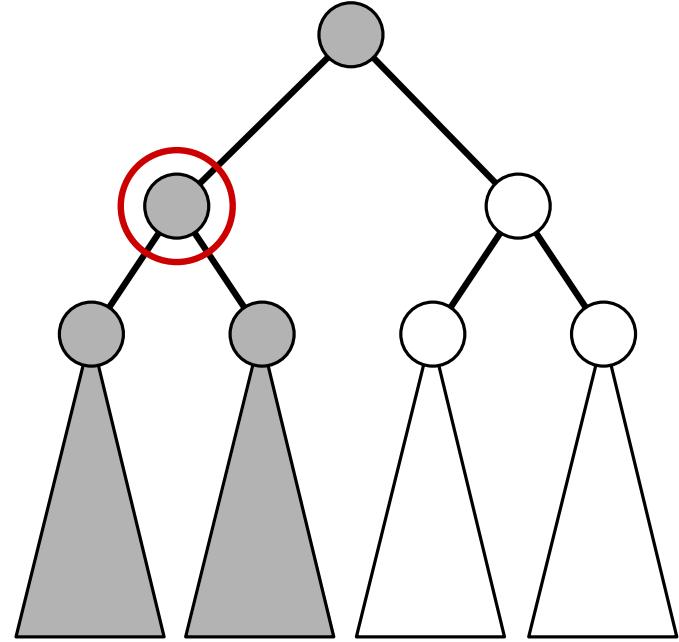
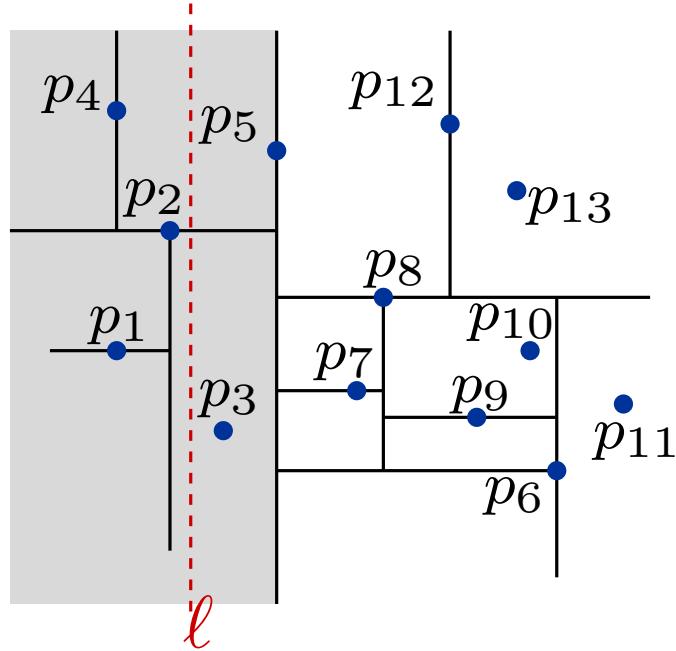
Vermutung:

$$Q(n) = 1 + Q(n/2)$$

Problem?

ℓ schneidet beide Kinder des linken Kindes von root

Bereichsabfrage in einem kd -Tree



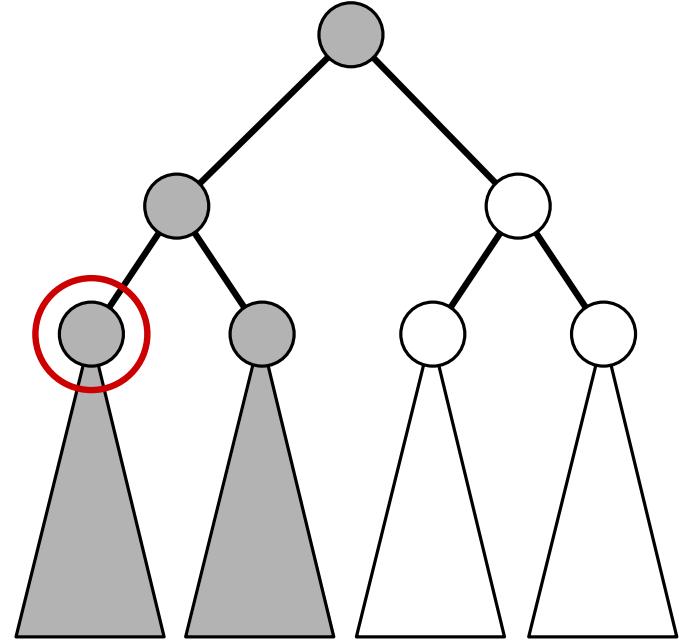
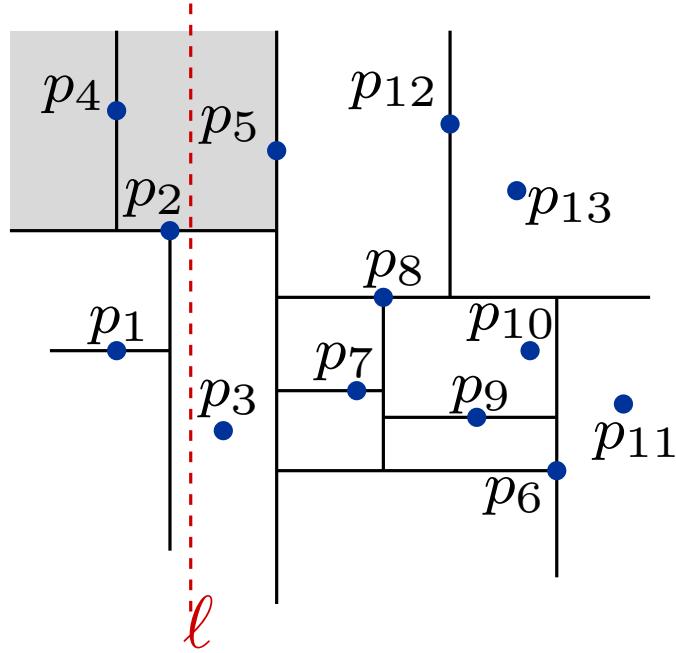
Vermutung:

$$Q(n) = 1 + Q(n/2)$$

Problem?

ℓ schneidet beide Kinder des linken Kindes von root

Bereichsabfrage in einem kd -Tree



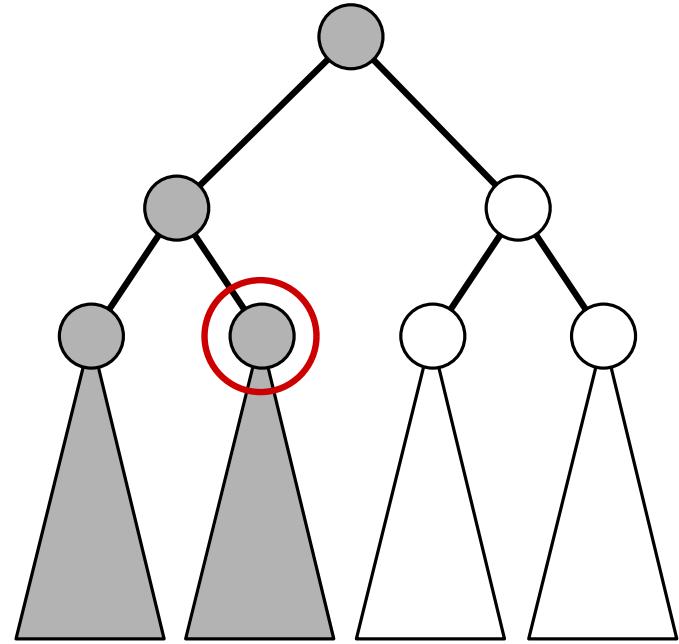
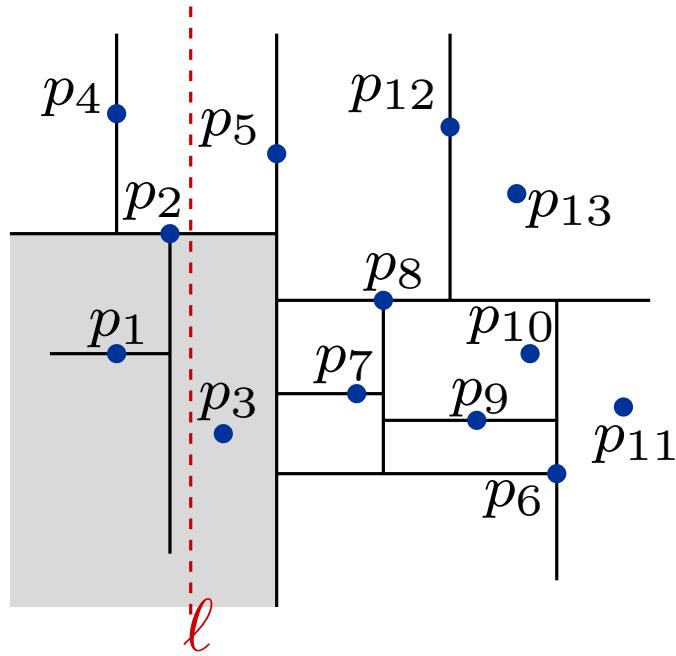
Vermutung:

$$Q(n) = 1 + Q(n/2)$$

Problem?

ℓ schneidet beide Kinder des linken Kindes von root

Bereichsabfrage in einem kd -Tree



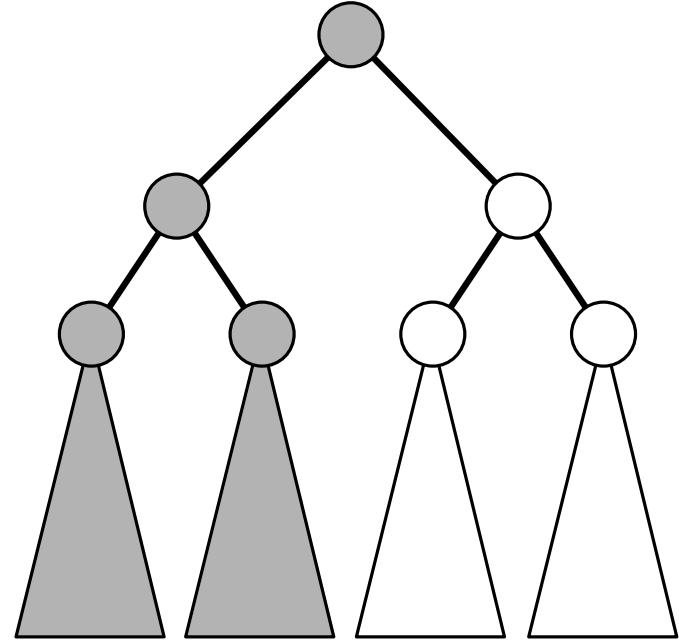
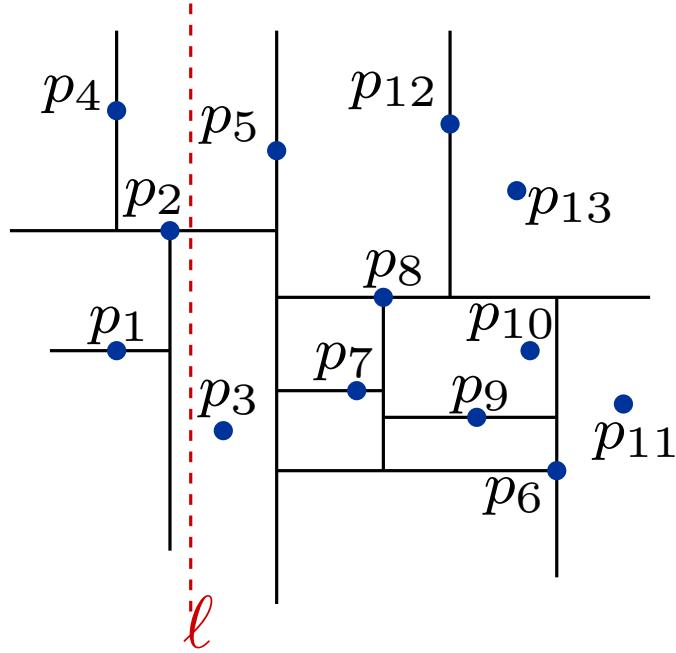
Vermutung:

$$Q(n) = 1 + Q(n/2)$$

Problem?

ℓ schneidet beide Kinder des linken Kindes von root

Bereichsabfrage in einem kd -Tree



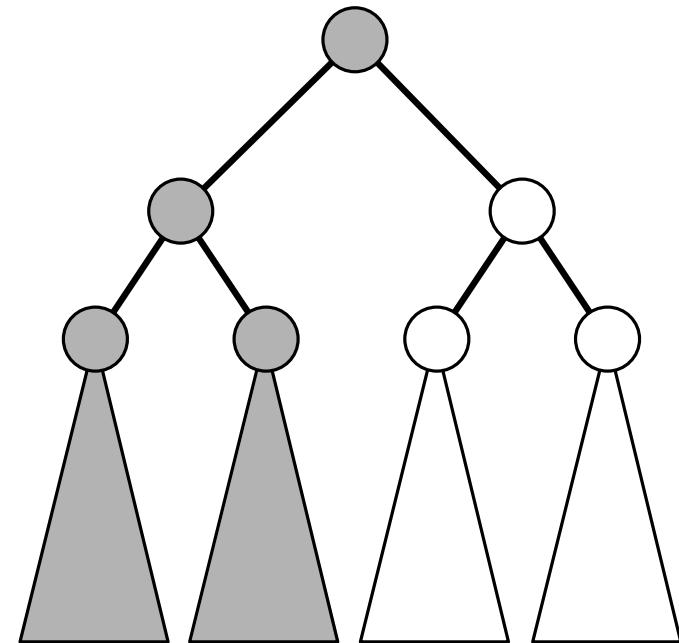
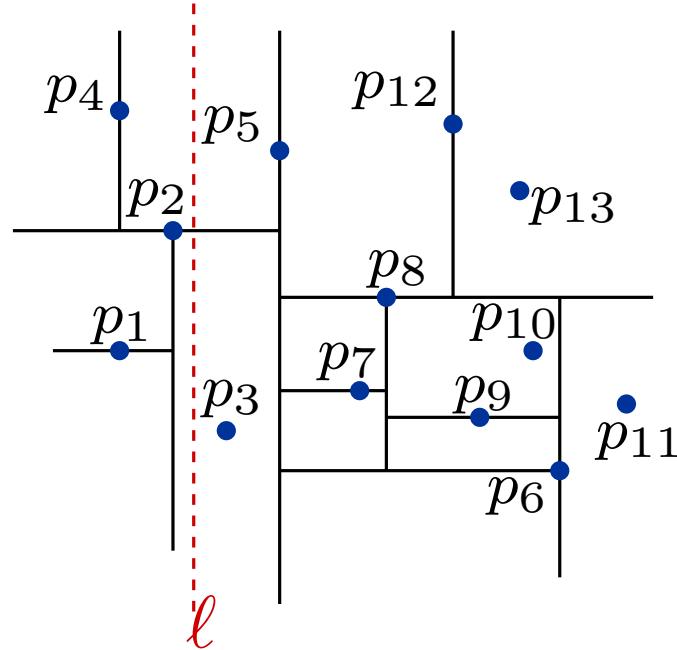
Vermutung:

$$Q(n) = 1 + Q(n/2)$$

Problem?

ℓ schneidet beide Kinder des linken Kindes von root

Bereichsabfrage in einem kd -Tree



Vermutung:

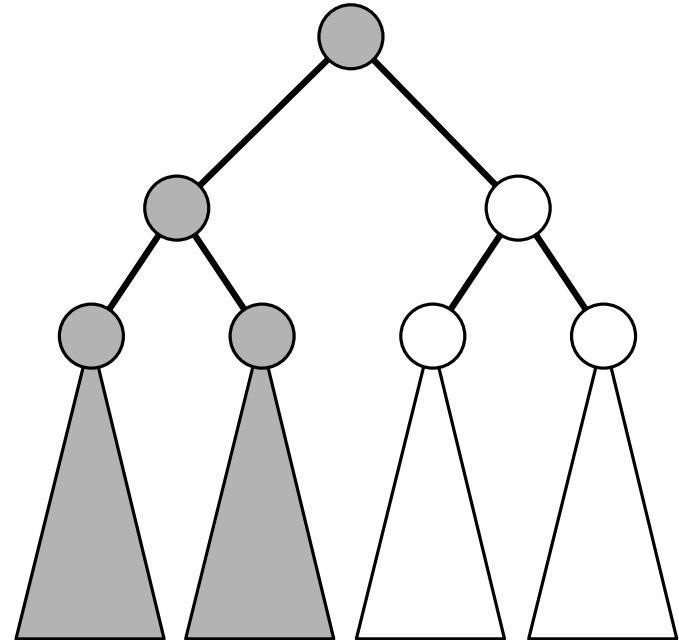
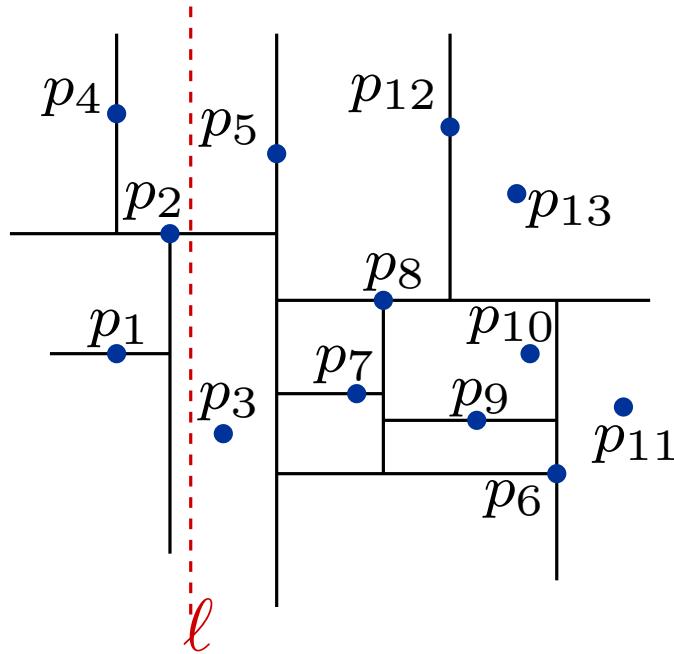
$$Q(n) = 1 + Q(n/2)$$

Problem?

ℓ schneidet beide Kinder des linken Kindes von root

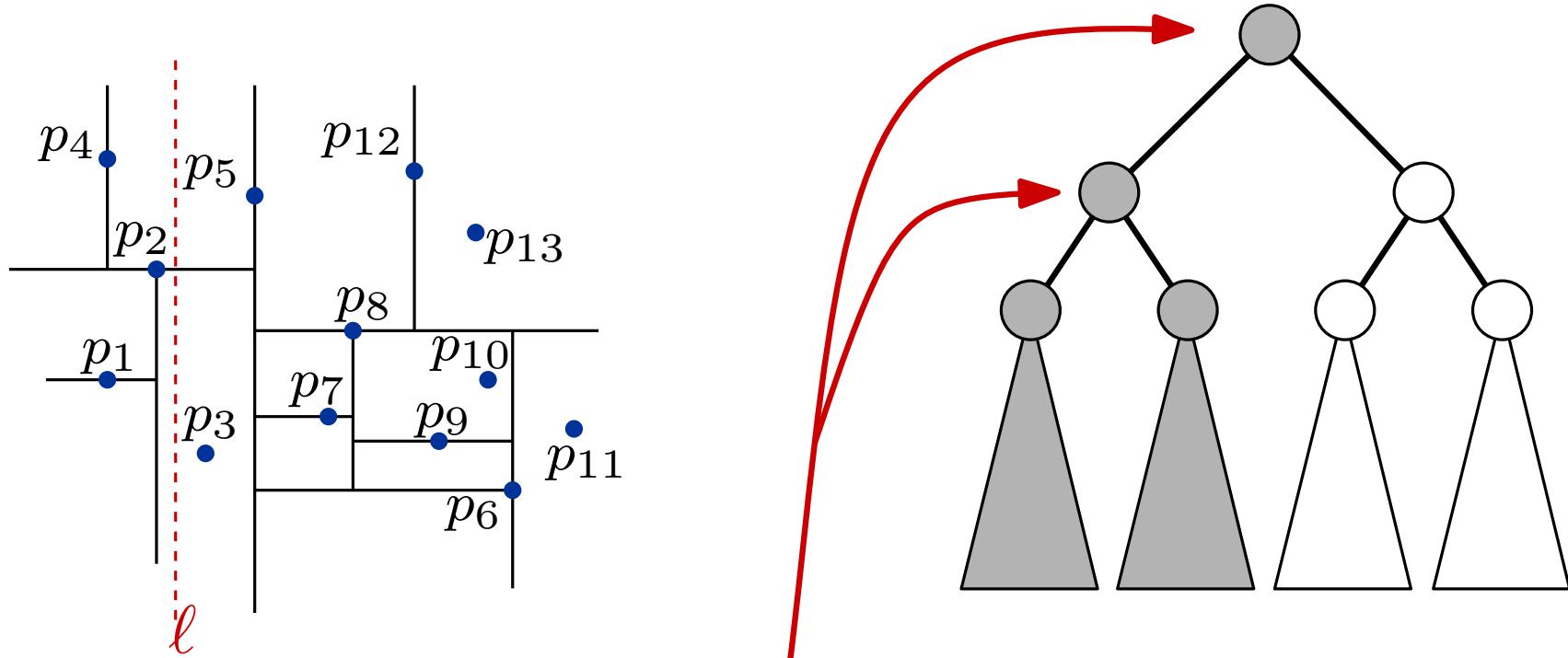
Gleiche Rekursionssituation

Bereichsabfrage in einem kd -Tree



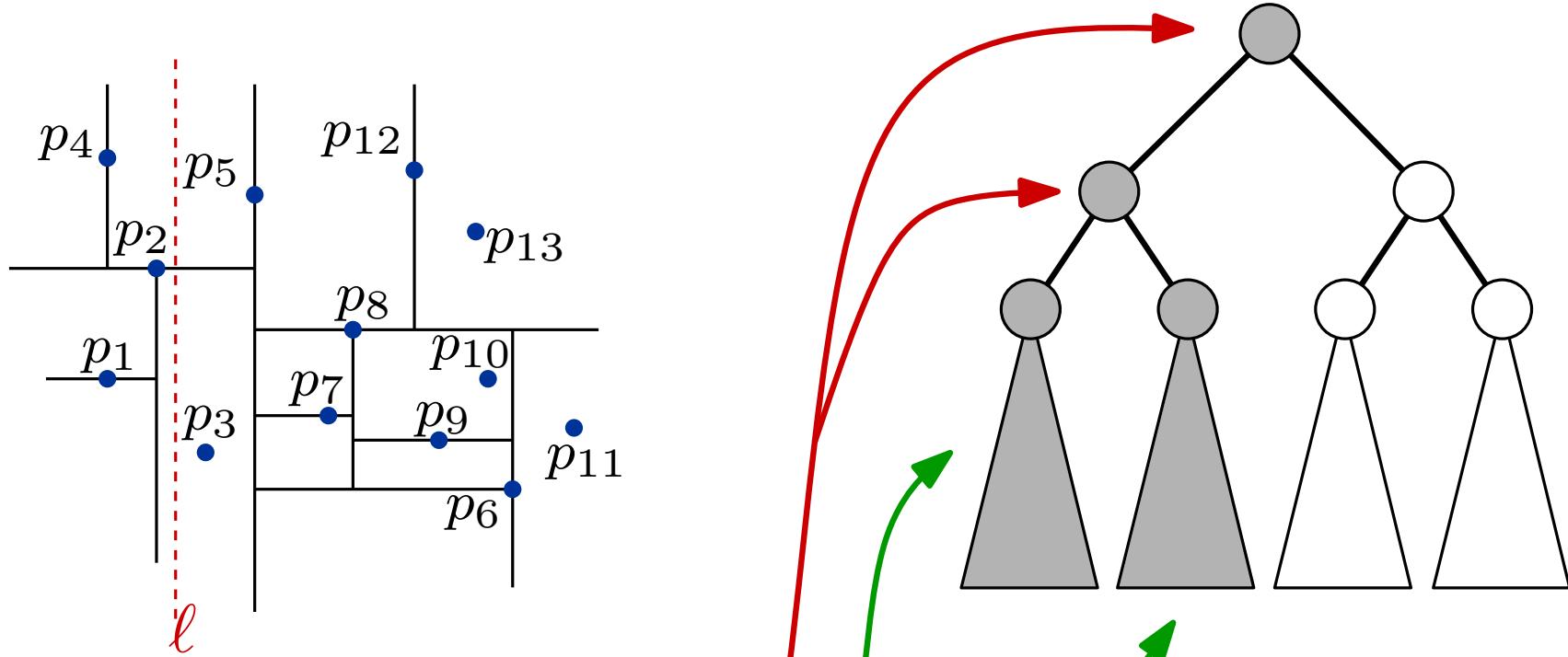
$$Q(n) = \begin{cases} \mathcal{O}(1) & , \text{ für } n = 1 \\ 2 + 2Q(n/4) & , \text{ für } n > 1 \end{cases}$$

Bereichsabfrage in einem kd -Tree



$$Q(n) = \begin{cases} \mathcal{O}(1) & , \text{ für } n = 1 \\ 2 + 2Q(n/4) & , \text{ für } n > 1 \end{cases}$$

Bereichsabfrage in einem kd -Tree



$$Q(n) = \begin{cases} \mathcal{O}(1) & , \text{ für } n = 1 \\ 2 + 2Q(n/4) & , \text{ für } n > 1 \end{cases}$$

Aufgabe 1

kd-Trees – w-c Laufzeit

Anfragen

a) warum?

$$Q(n) = \begin{cases} \mathcal{O}(1) & , \text{ für } n = 1 \\ 2 + 2Q(n/4) & , \text{ für } n > 1 \end{cases}$$

Aufgabe 1

kd-Trees – w-c Laufzeit

Anfragen

a) warum?

$$Q(n) = \begin{cases} \mathcal{O}(1) & , \text{ für } n = 1 \\ 2 + 2Q(n/4) & , \text{ für } n > 1 \end{cases}$$

b) Rekurrenz auflösen: $Q(n) = \mathcal{O}(\sqrt{n})$.

Aufgabe 1

kd-Trees – w-c Laufzeit

Anfragen

a) warum?

$$Q(n) = \begin{cases} \mathcal{O}(1) & , \text{ für } n = 1 \\ 2 + 2Q(n/4) & , \text{ für } n > 1 \end{cases}$$

b) Rekurrenz auflösen: $Q(n) = \mathcal{O}(\sqrt{n})$.

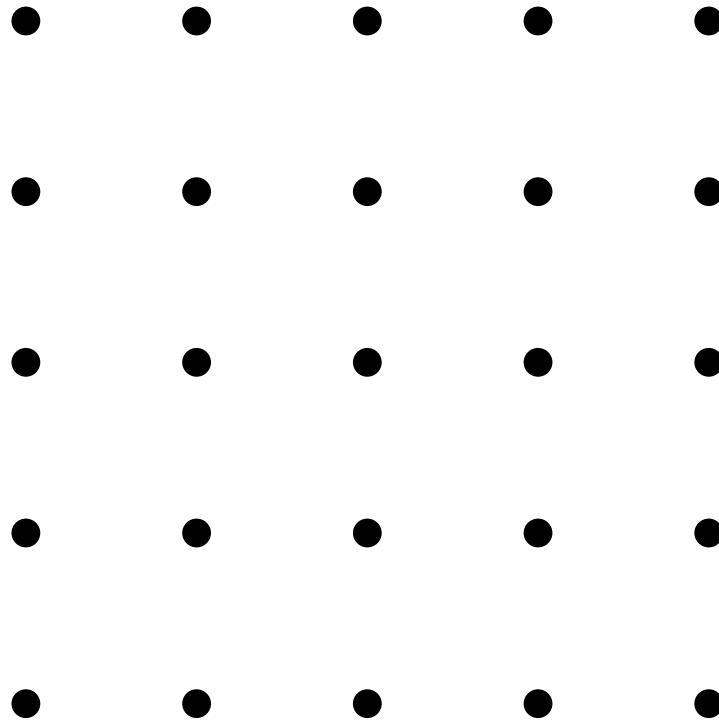
c) $\Omega(\sqrt{n})$ untere Schranke für Bereichsanfragen in *kd*-Trees

Aufgabe 1

c) $\Omega(\sqrt{n})$ untere Schranke für Bereichsanfragen in *kd-Trees*

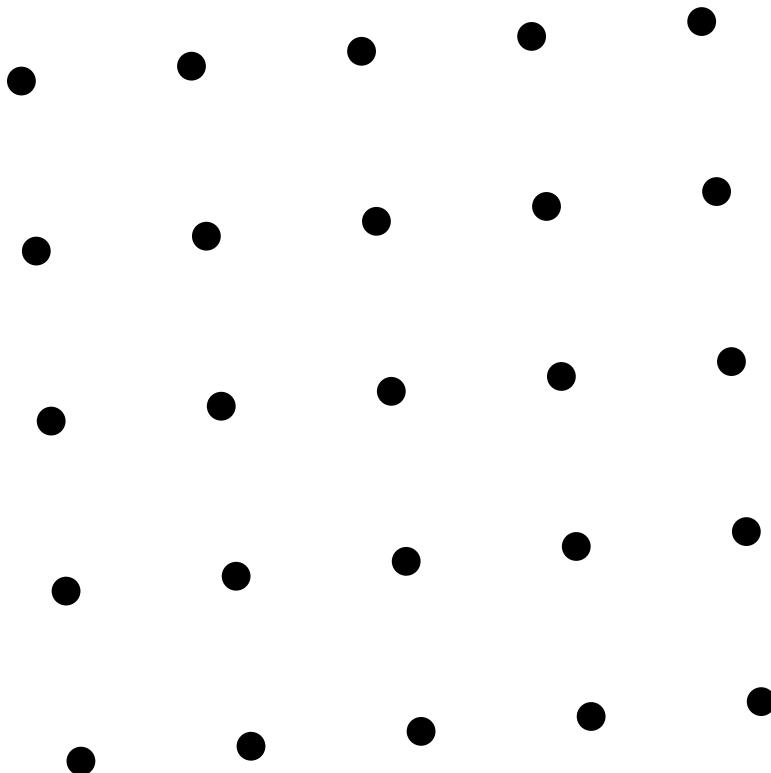
Aufgabe 1

c) $\Omega(\sqrt{n})$ untere Schranke für Bereichsanfragen in *kd-Trees*



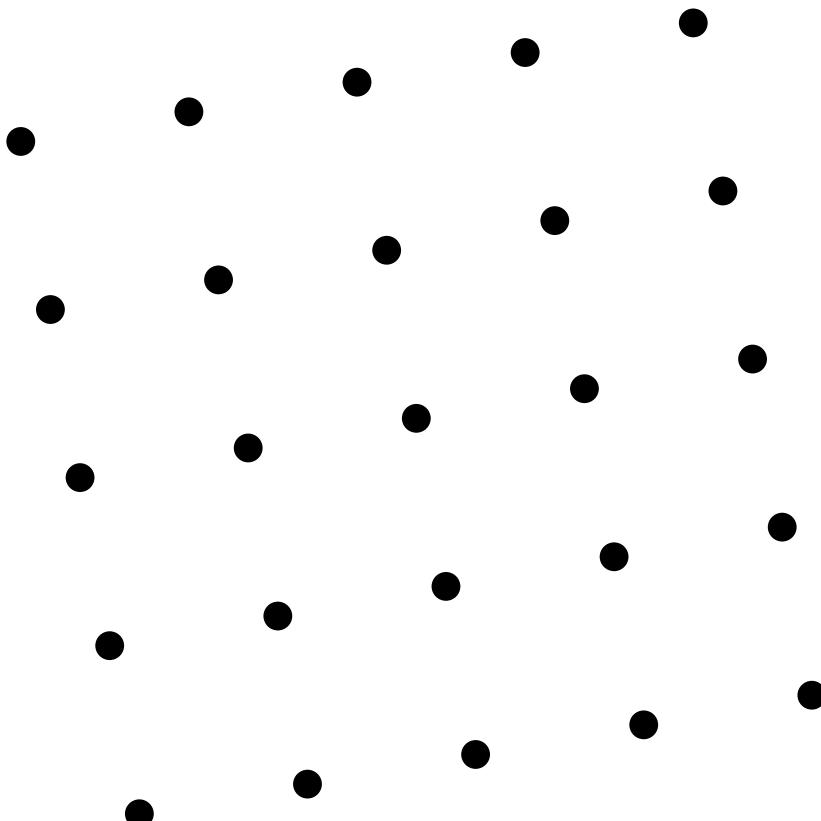
Aufgabe 1

c) $\Omega(\sqrt{n})$ untere Schranke für Bereichsanfragen in kd -Trees



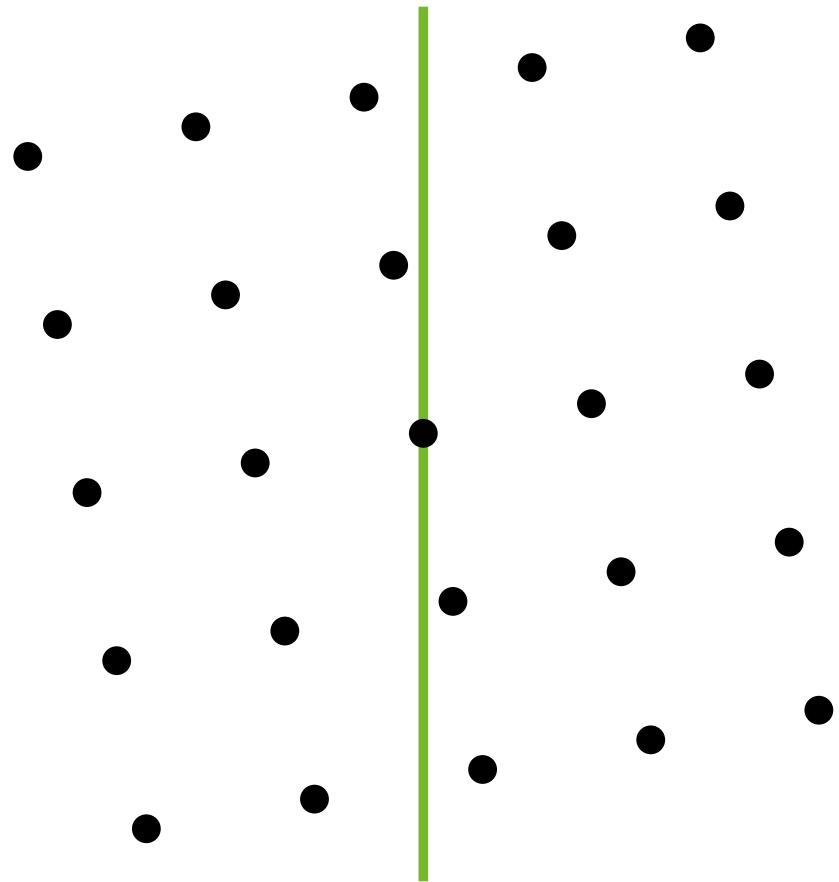
Aufgabe 1

c) $\Omega(\sqrt{n})$ untere Schranke für Bereichsanfragen in *kd-Trees*



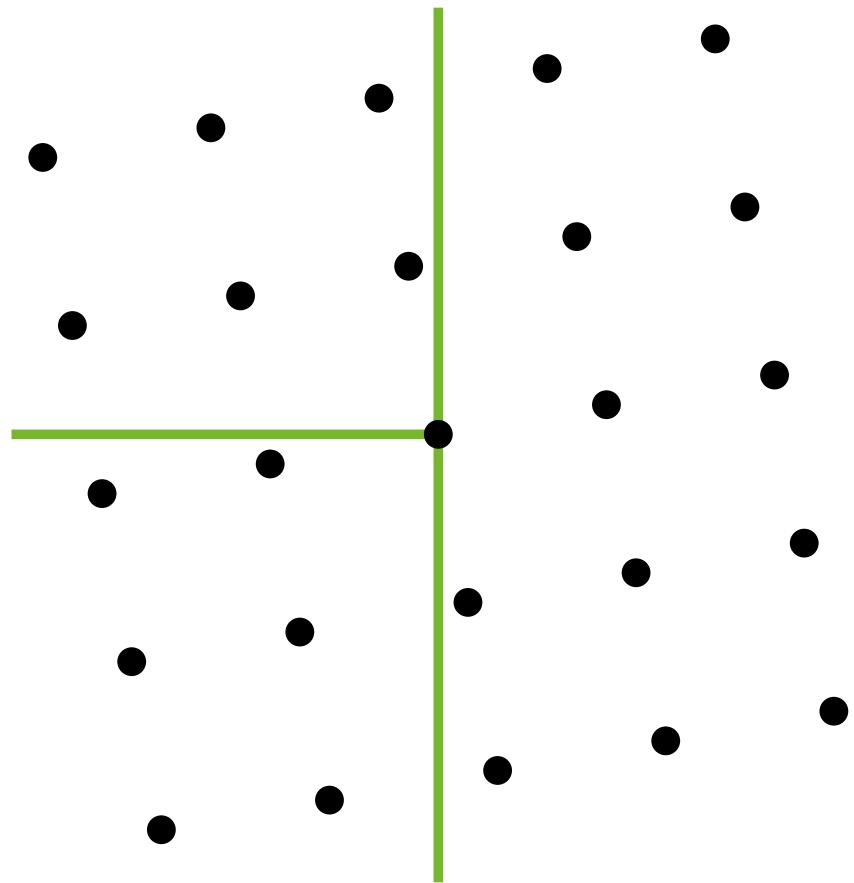
Aufgabe 1

c) $\Omega(\sqrt{n})$ untere Schranke für Bereichsanfragen in *kd-Trees*



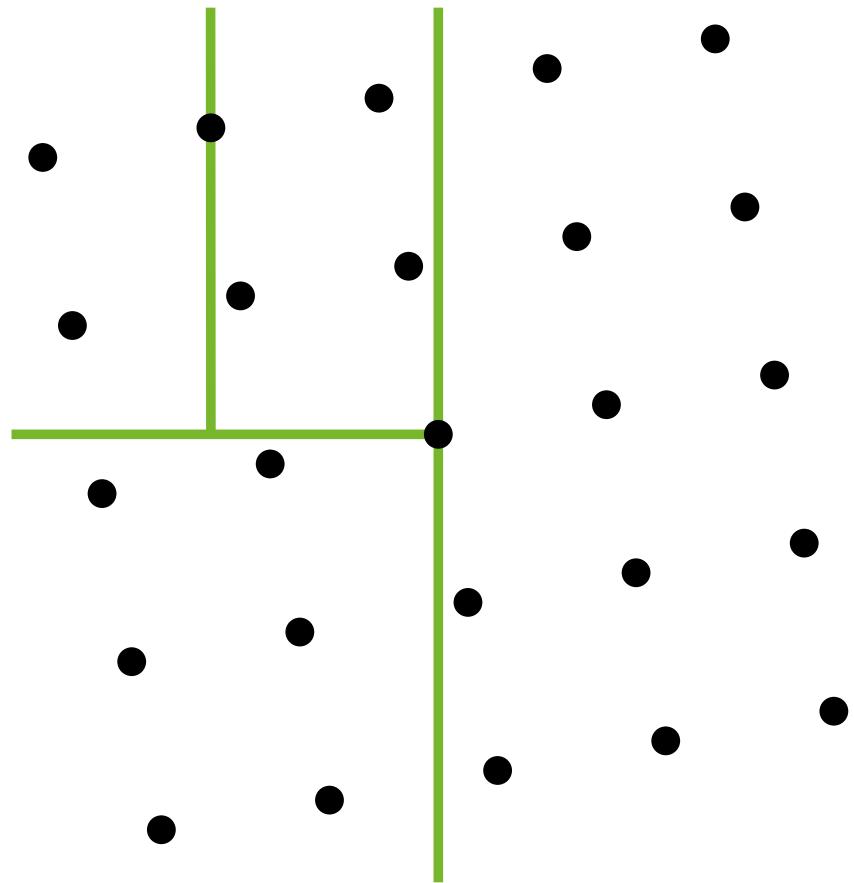
Aufgabe 1

c) $\Omega(\sqrt{n})$ untere Schranke für Bereichsanfragen in *kd-Trees*



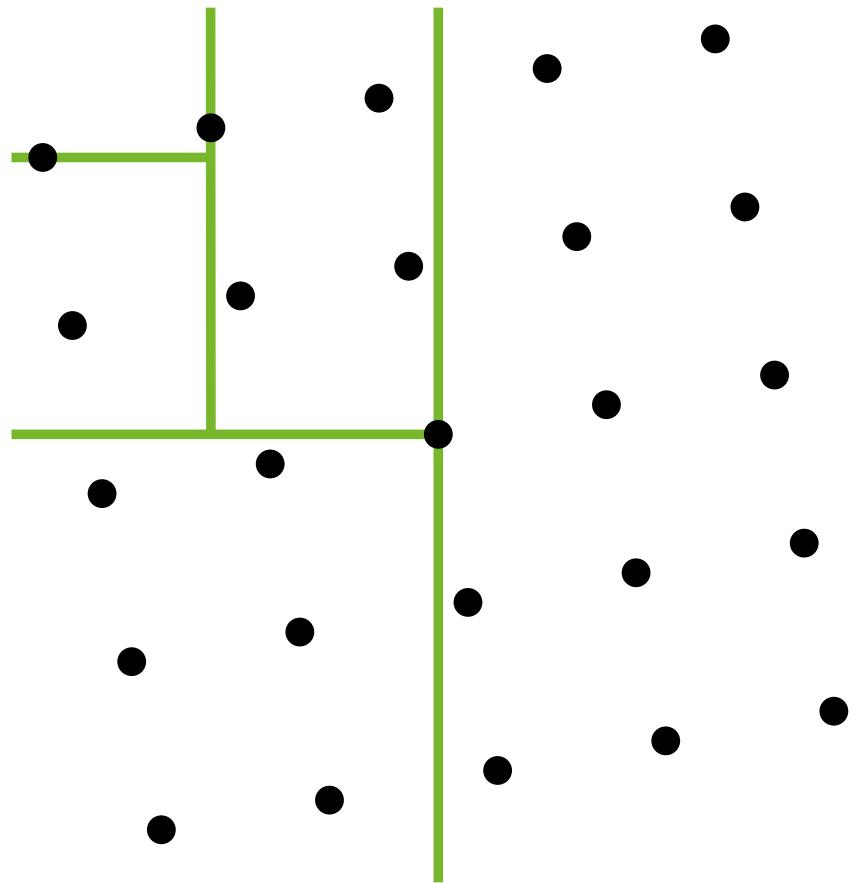
Aufgabe 1

c) $\Omega(\sqrt{n})$ untere Schranke für Bereichsanfragen in *kd-Trees*



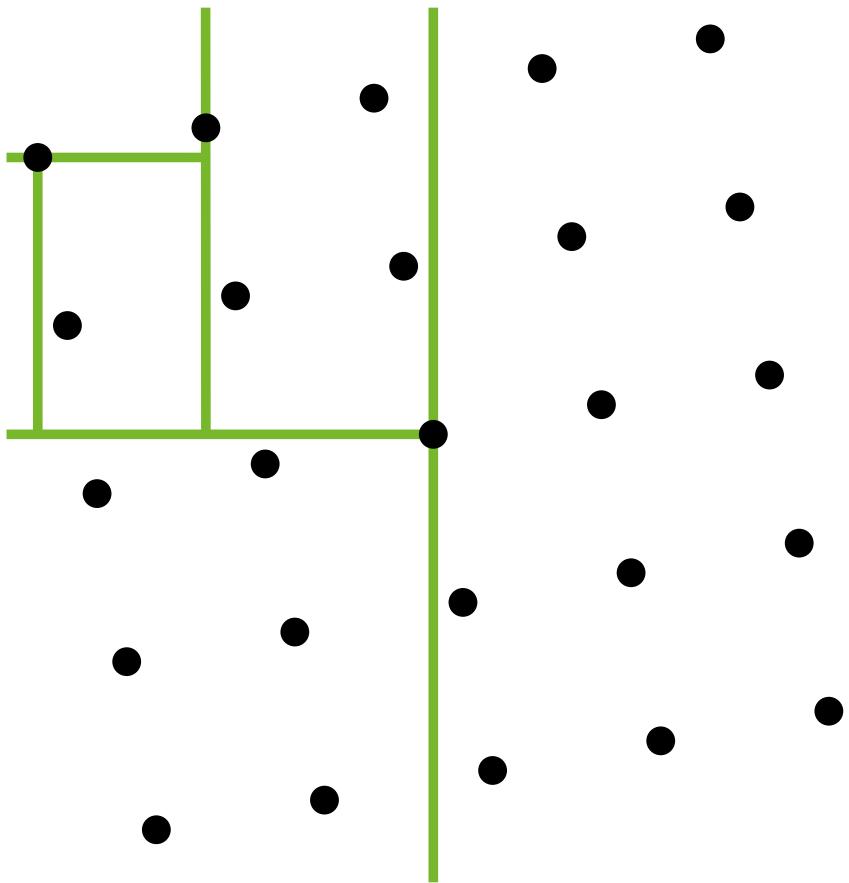
Aufgabe 1

c) $\Omega(\sqrt{n})$ untere Schranke für Bereichsanfragen in *kd-Trees*



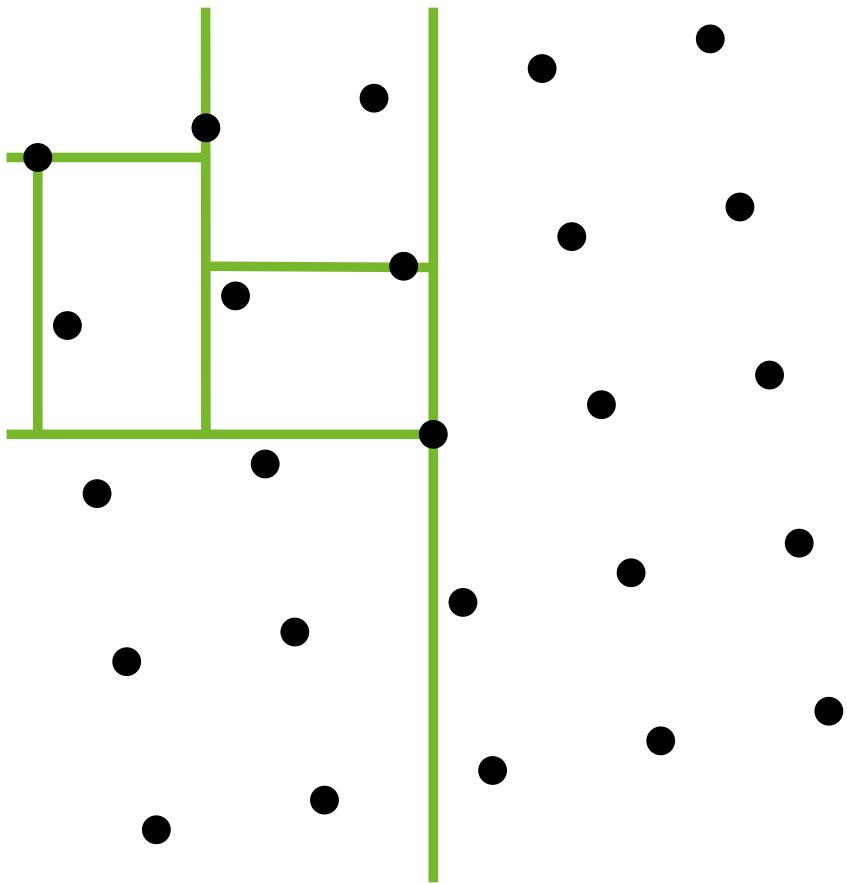
Aufgabe 1

c) $\Omega(\sqrt{n})$ untere Schranke für Bereichsanfragen in *kd-Trees*



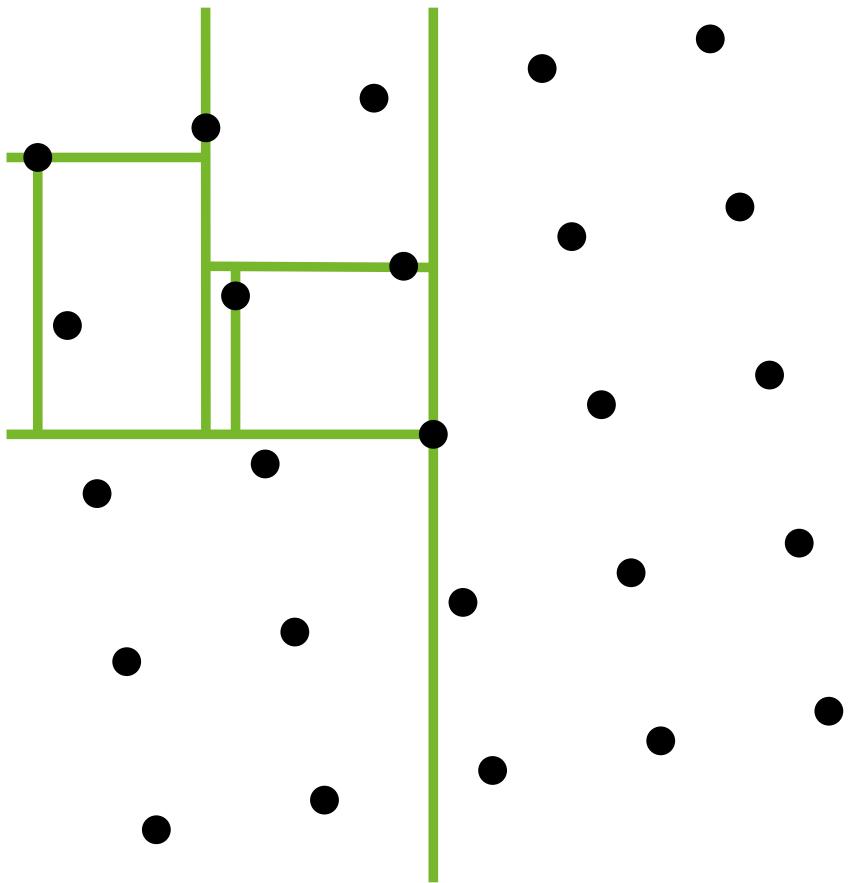
Aufgabe 1

c) $\Omega(\sqrt{n})$ untere Schranke für Bereichsanfragen in *kd-Trees*



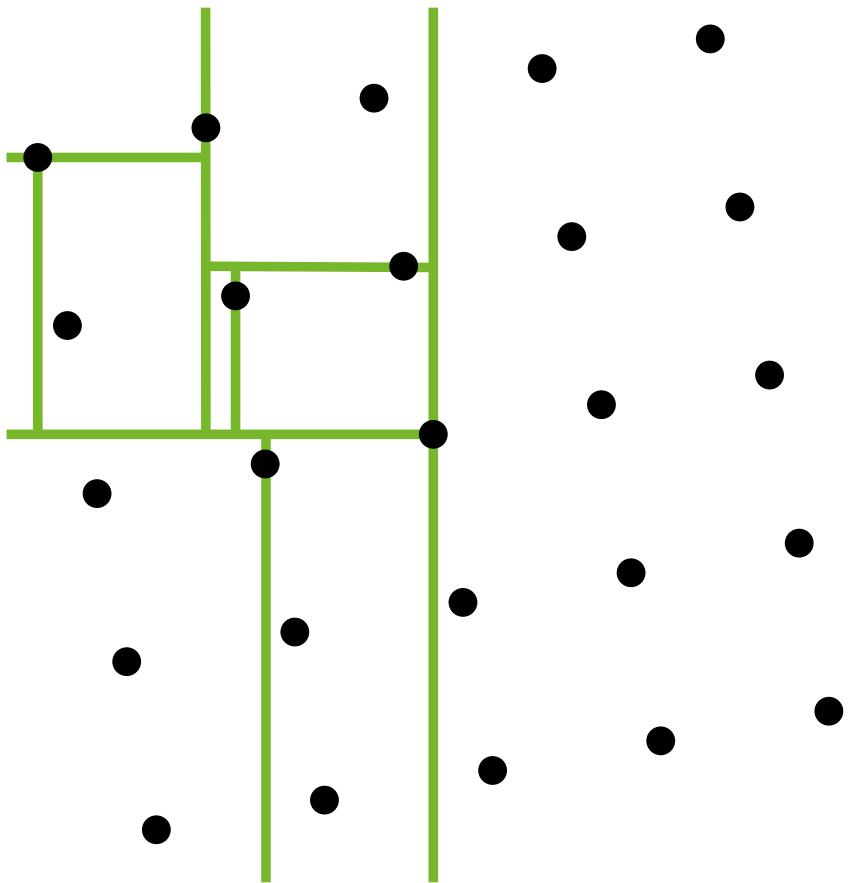
Aufgabe 1

c) $\Omega(\sqrt{n})$ untere Schranke für Bereichsanfragen in kd -Trees



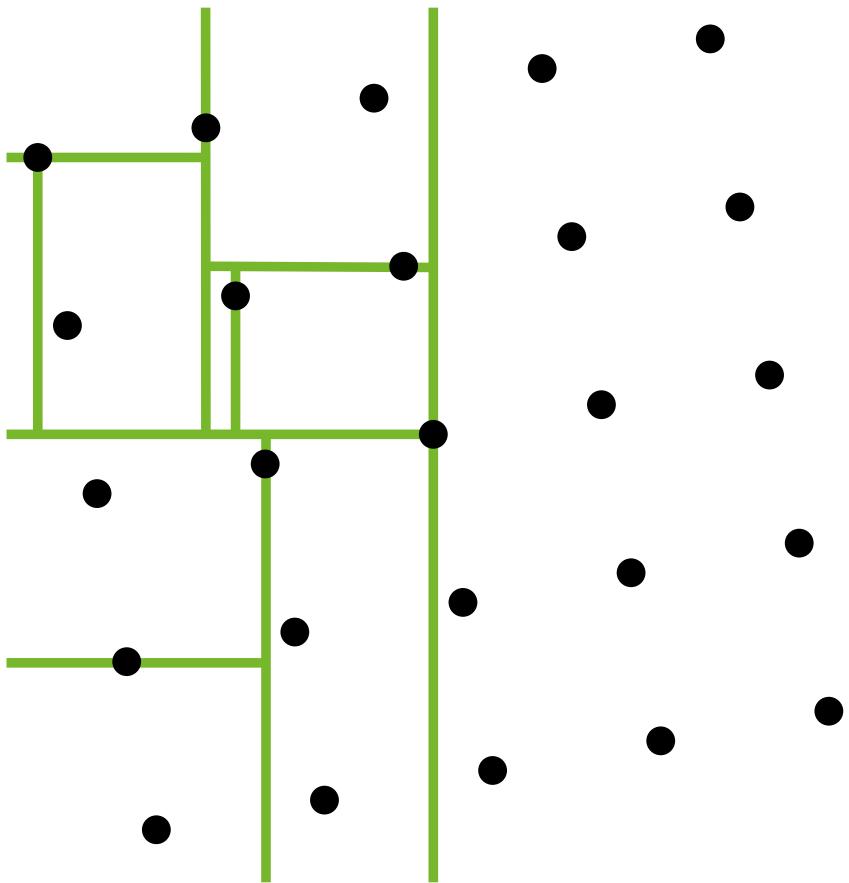
Aufgabe 1

c) $\Omega(\sqrt{n})$ untere Schranke für Bereichsanfragen in kd -Trees



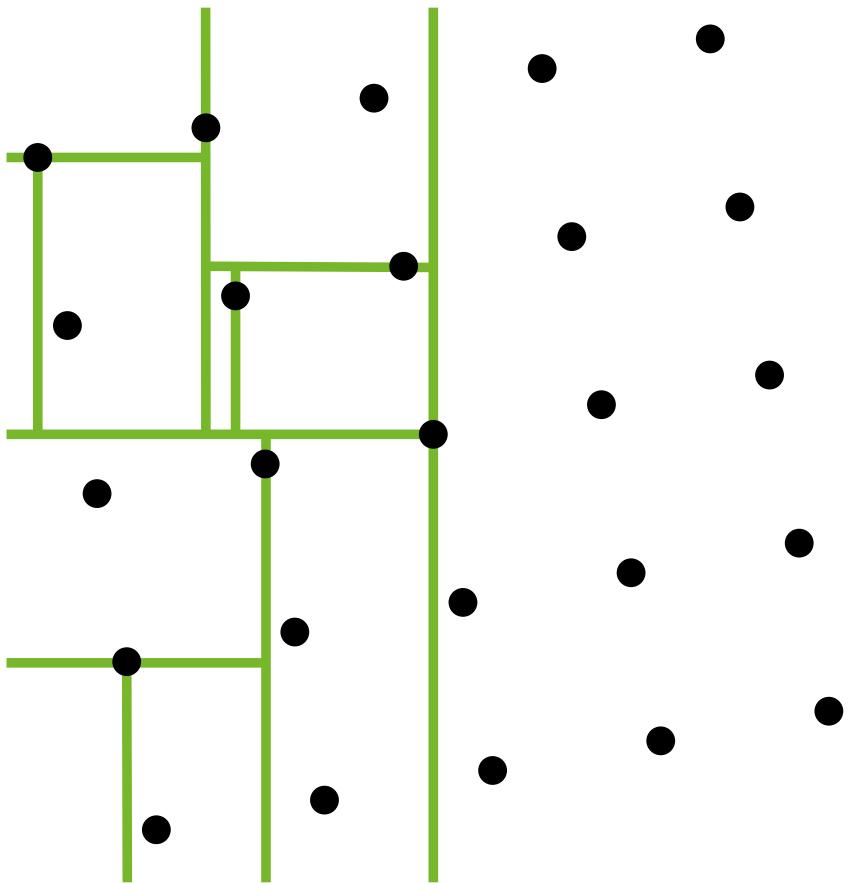
Aufgabe 1

c) $\Omega(\sqrt{n})$ untere Schranke für Bereichsanfragen in kd -Trees



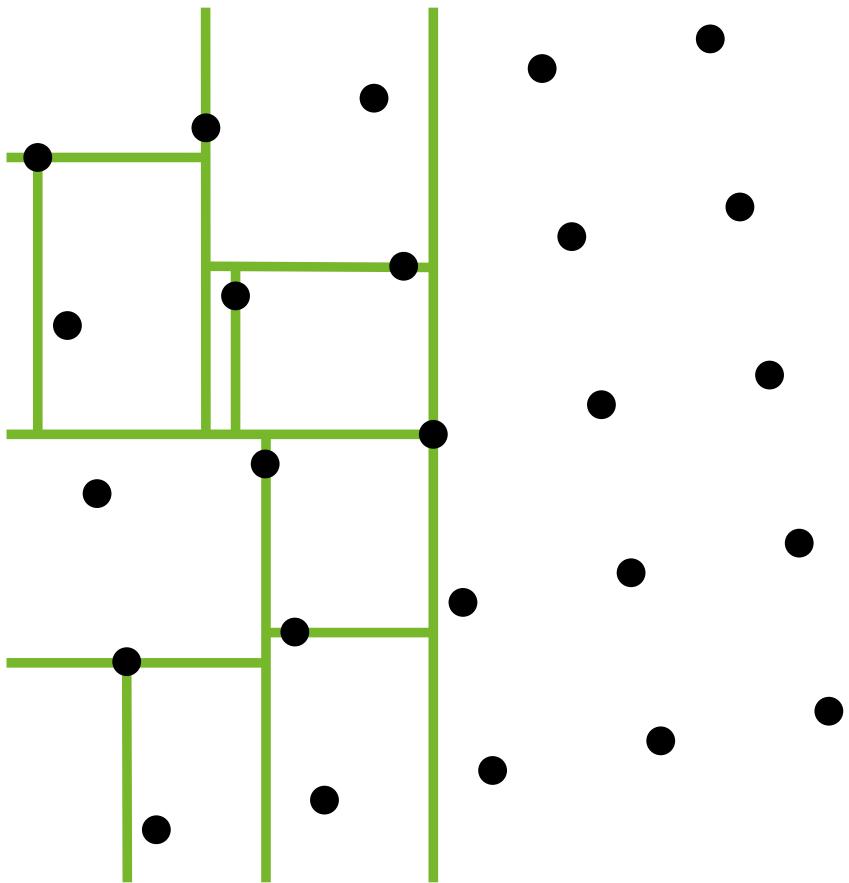
Aufgabe 1

c) $\Omega(\sqrt{n})$ untere Schranke für Bereichsanfragen in kd -Trees



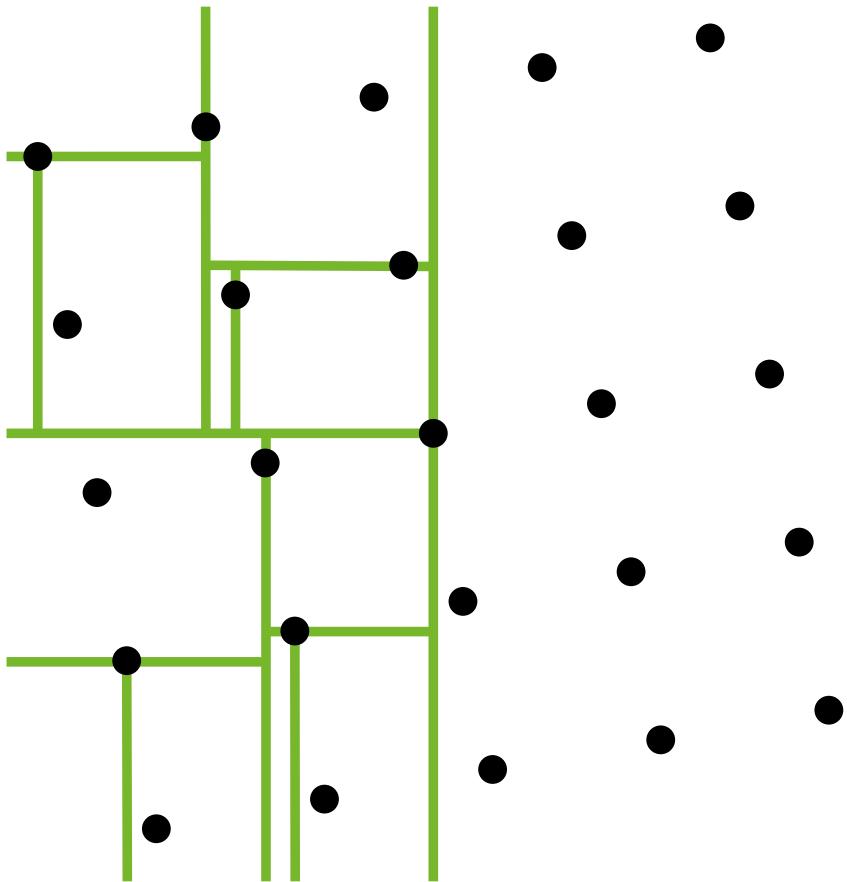
Aufgabe 1

c) $\Omega(\sqrt{n})$ untere Schranke für Bereichsanfragen in kd -Trees



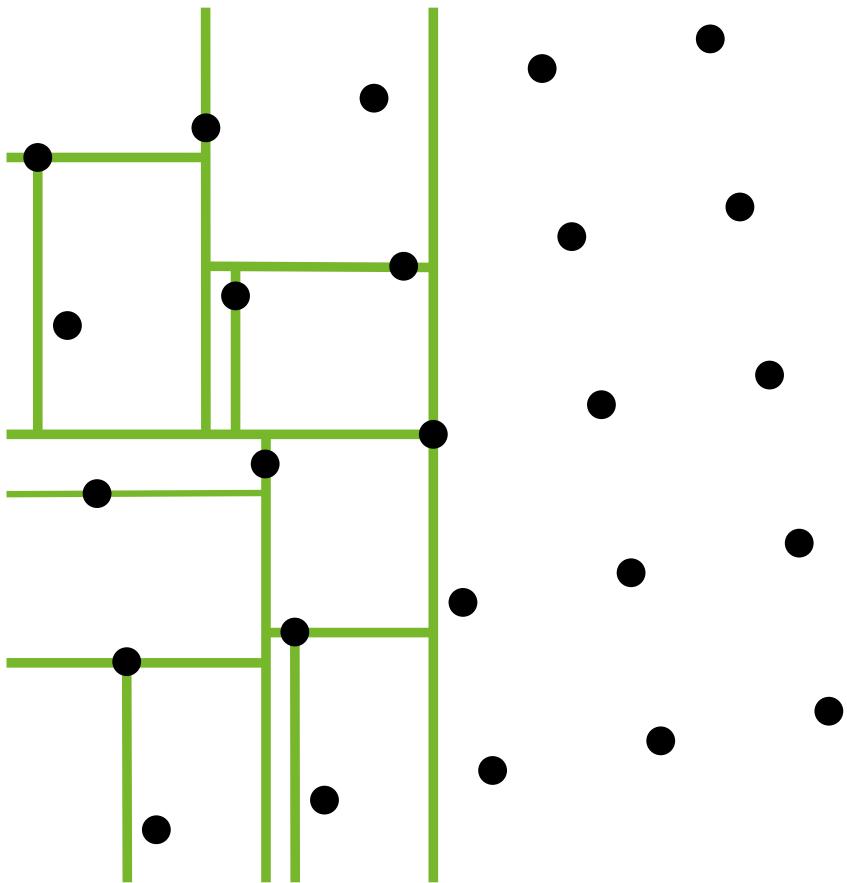
Aufgabe 1

c) $\Omega(\sqrt{n})$ untere Schranke für Bereichsanfragen in kd -Trees



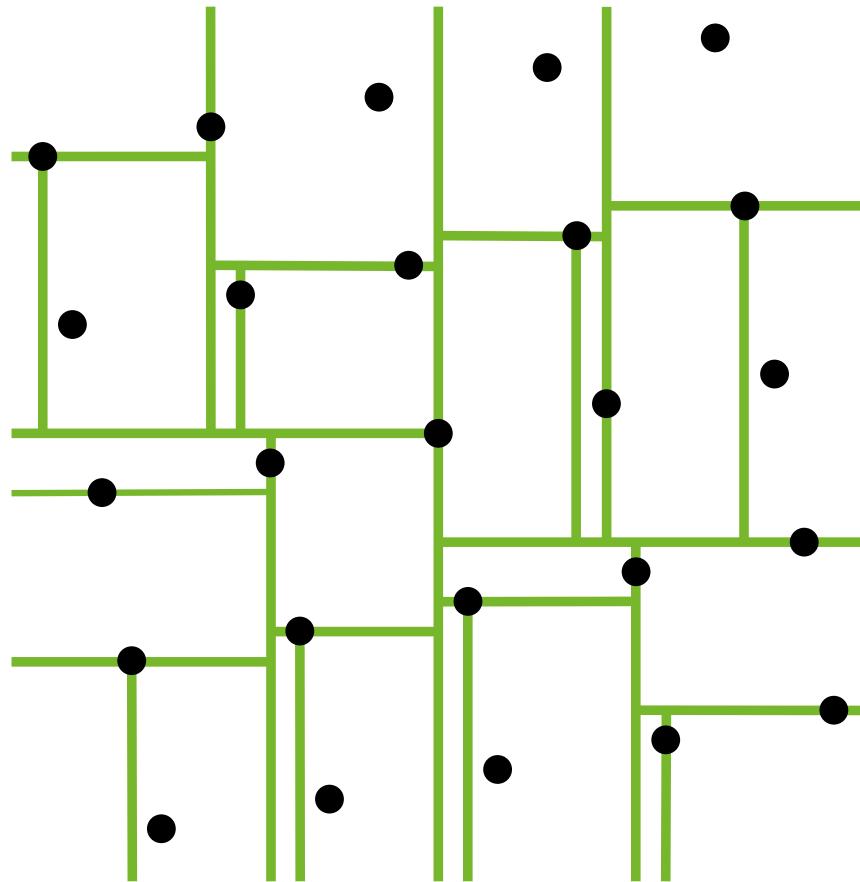
Aufgabe 1

c) $\Omega(\sqrt{n})$ untere Schranke für Bereichsanfragen in kd -Trees



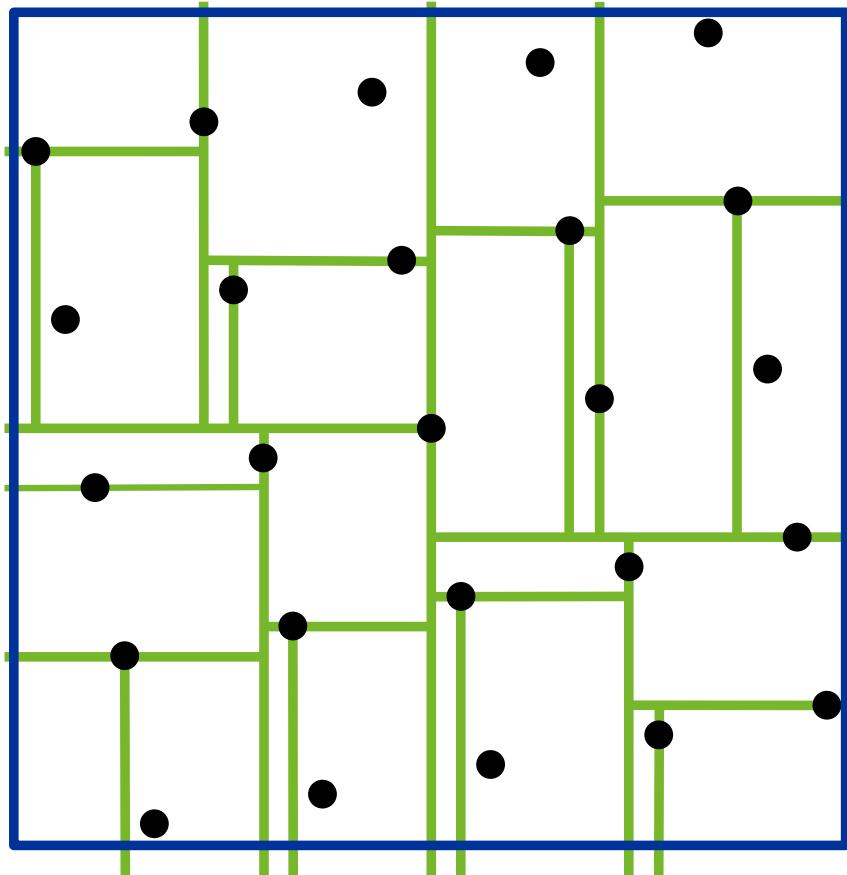
Aufgabe 1

c) $\Omega(\sqrt{n})$ untere Schranke für Bereichsanfragen in *kd-Trees*



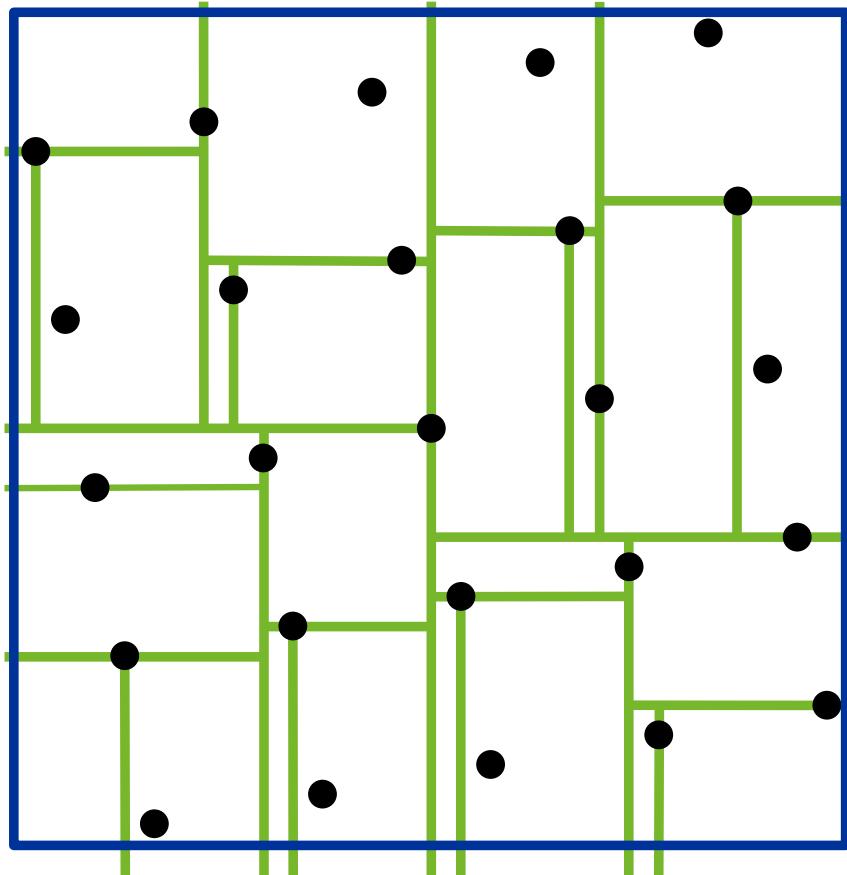
Aufgabe 1

c) $\Omega(\sqrt{n})$ untere Schranke für Bereichsanfragen in *kd-Trees*



Aufgabe 1

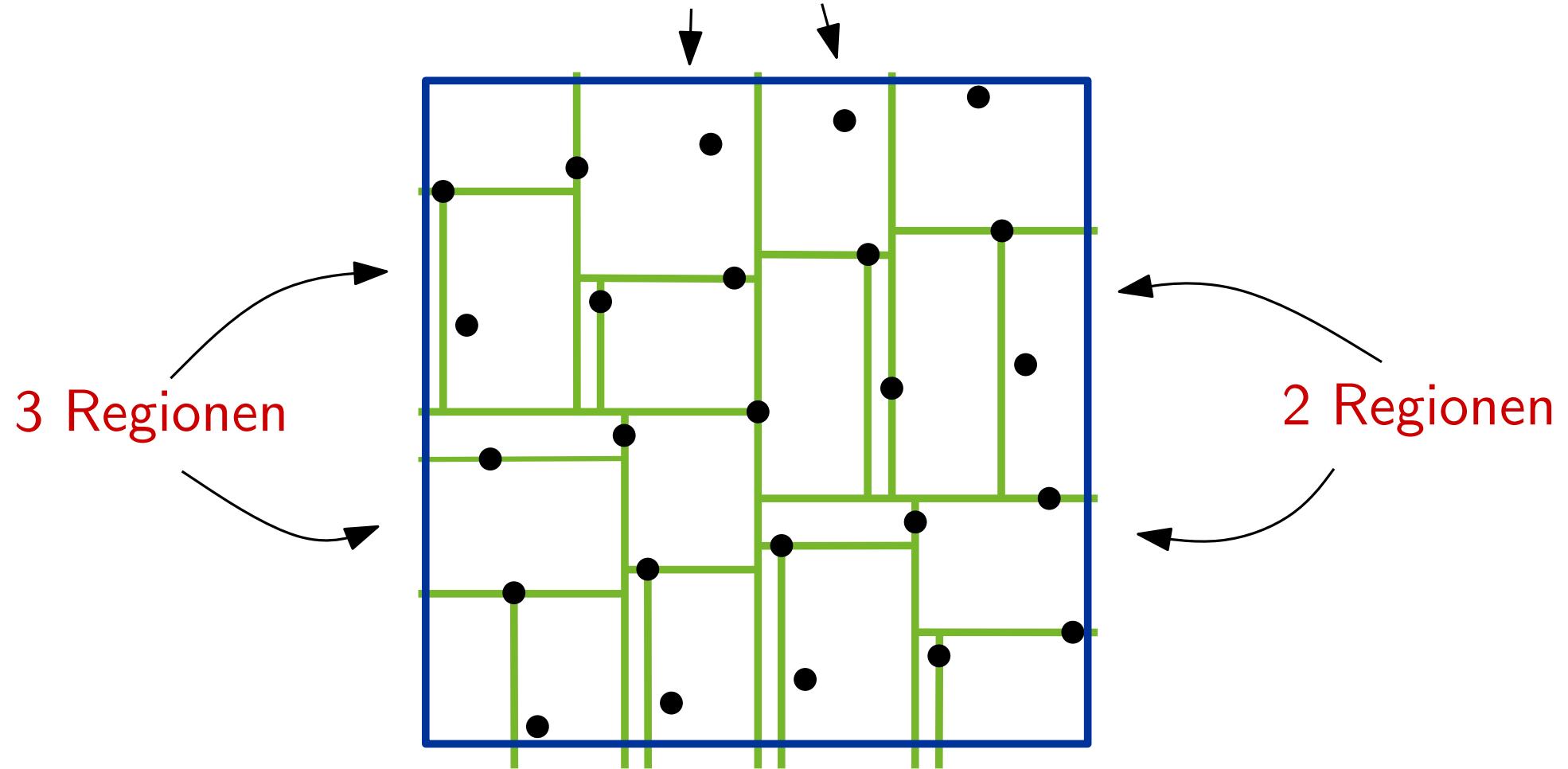
c) $\Omega(\sqrt{n})$ untere Schranke für Bereichsanfragen in *kd-Trees*



Aufgabe 1

c) $\Omega(\sqrt{n})$ untere Schranke für Bereichsanfragen in *kd-Trees*

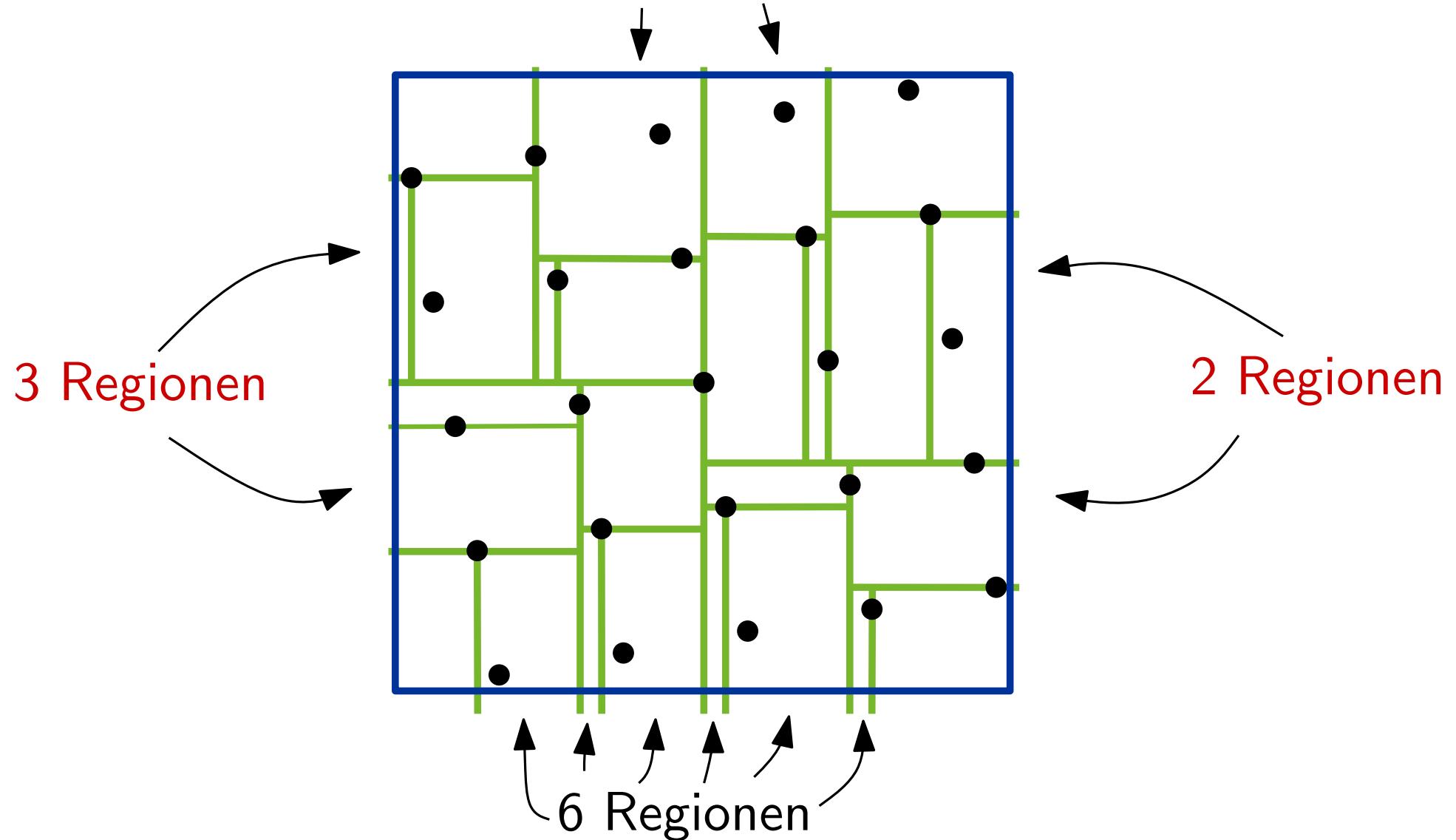
2 Regionen



Aufgabe 1

c) $\Omega(\sqrt{n})$ untere Schranke für Bereichsanfragen in kd -Trees

2 Regionen



Aufgabe 1

c) $\Omega(\sqrt{n})$ untere Schranke für Bereichsanfragen in *kd-Trees*

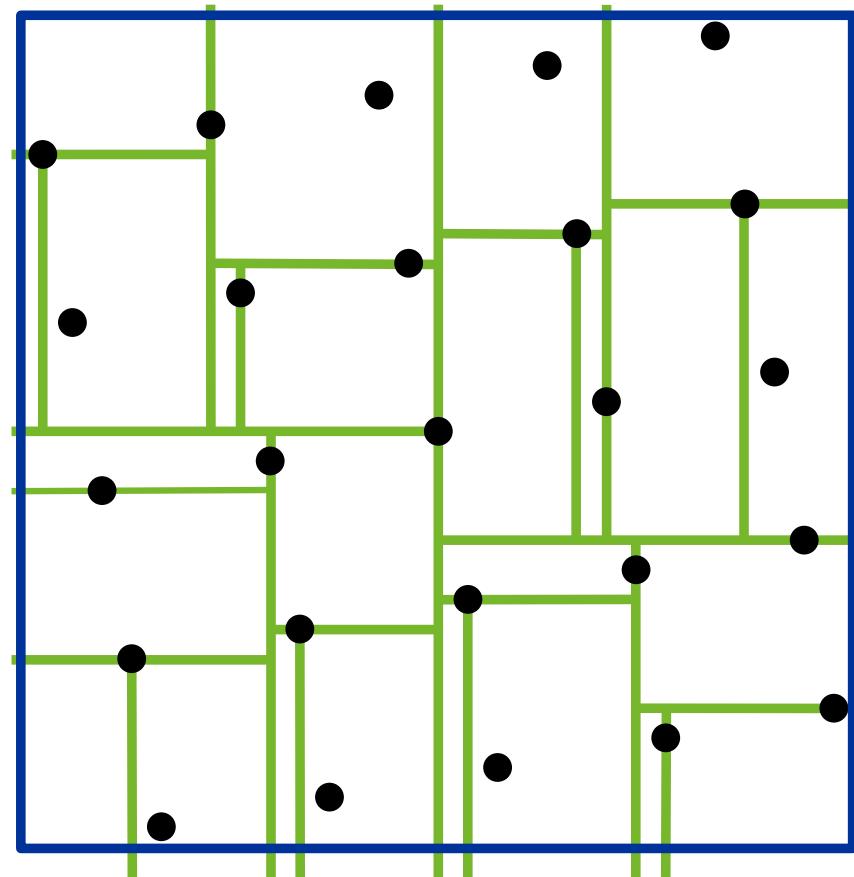
4 Regionen

2 Regionen

3 Regionen

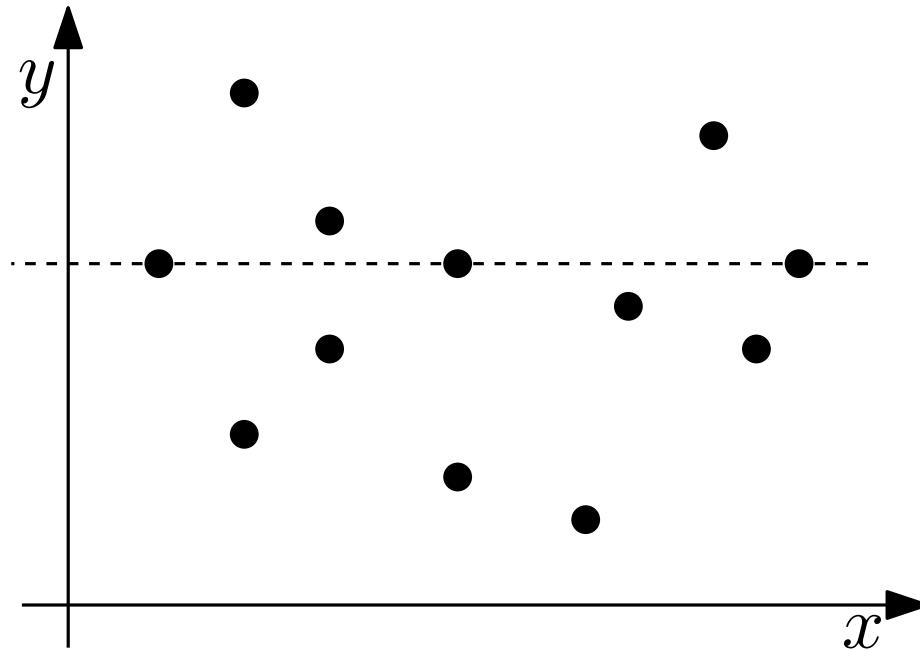
2 Regionen

6 Regionen



Aufgabe 2

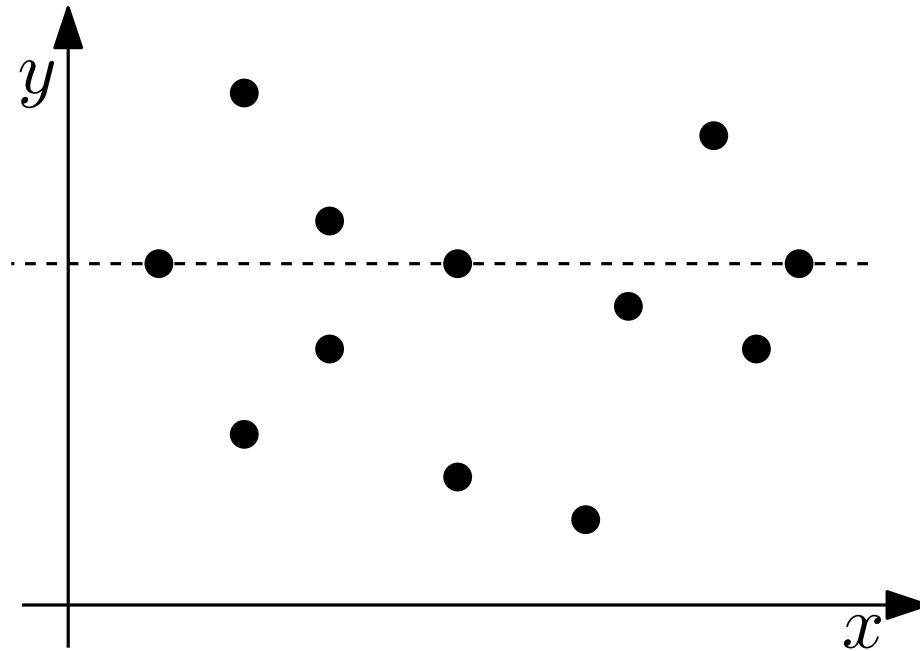
'partial match queries'



Gebe mir alle Punkte mit $y = 7$.

Aufgabe 2

'partial match queries'

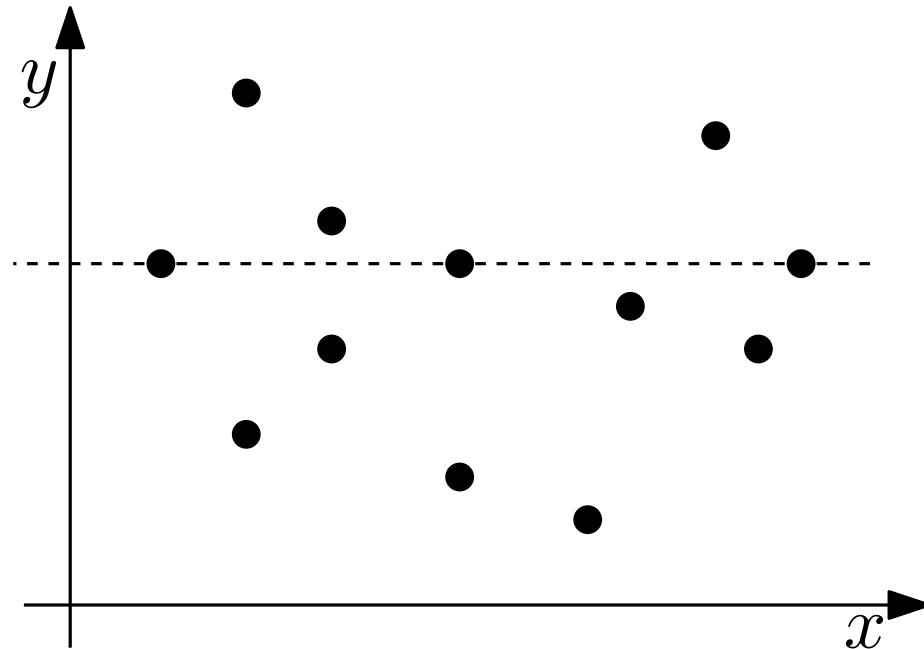


Gebe mir alle Punkte mit $y = 7$.

a) Wie kann man kd -Trees dafür nutzen?

Aufgabe 2

'partial match queries'

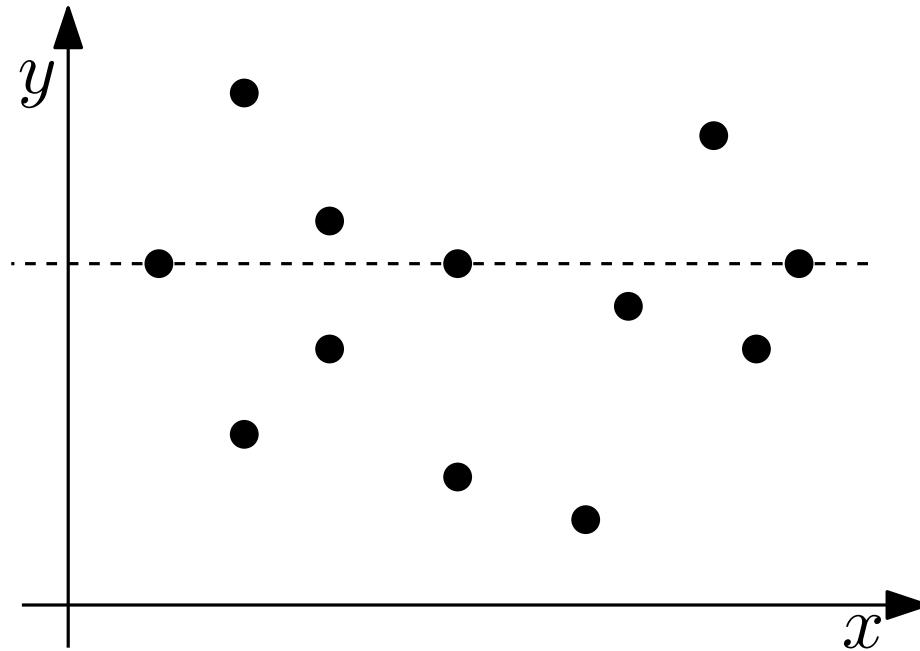


Gebe mir alle Punkte mit $y = 7$.

b) Wie kann man range-Trees dafür nutzen?

Aufgabe 2

'partial match queries'

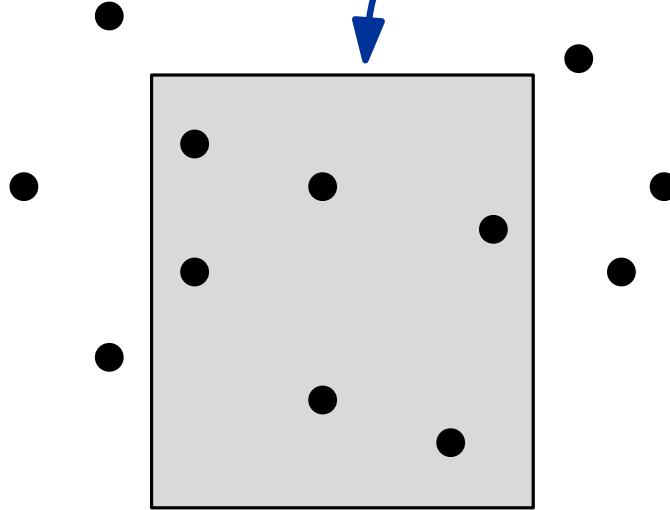


Gebe mir alle Punkte mit $y = 7$.

- c) Gesucht: Datenstruktur, die das Problem in $\mathcal{O}(\log n + k)$ Zeit und $\mathcal{O}(n)$ Speicher löst.

Aufgabe 3

Wie viele Punkte liegen in diesem Rechteck?

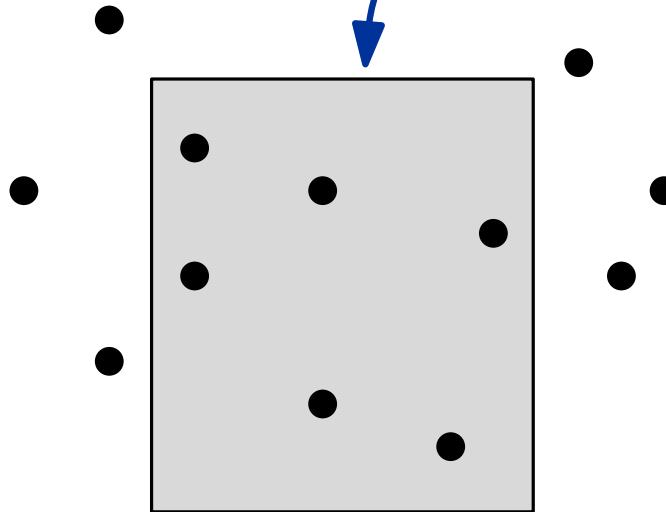


range counting query

Anforderung: Additive Konstante $\mathcal{O}(k)$ in Laufzeit vermeiden

Aufgabe 3

Wie viele Punkte liegen in diesem Rechteck?



range counting query

Anforderung: Additive Konstante $\mathcal{O}(k)$ in Laufzeit vermeiden

- Adaptiere 1-dim Range-Tree um range counting queries in $\mathcal{O}(\log n)$ machbar ist

Aufgabe 3

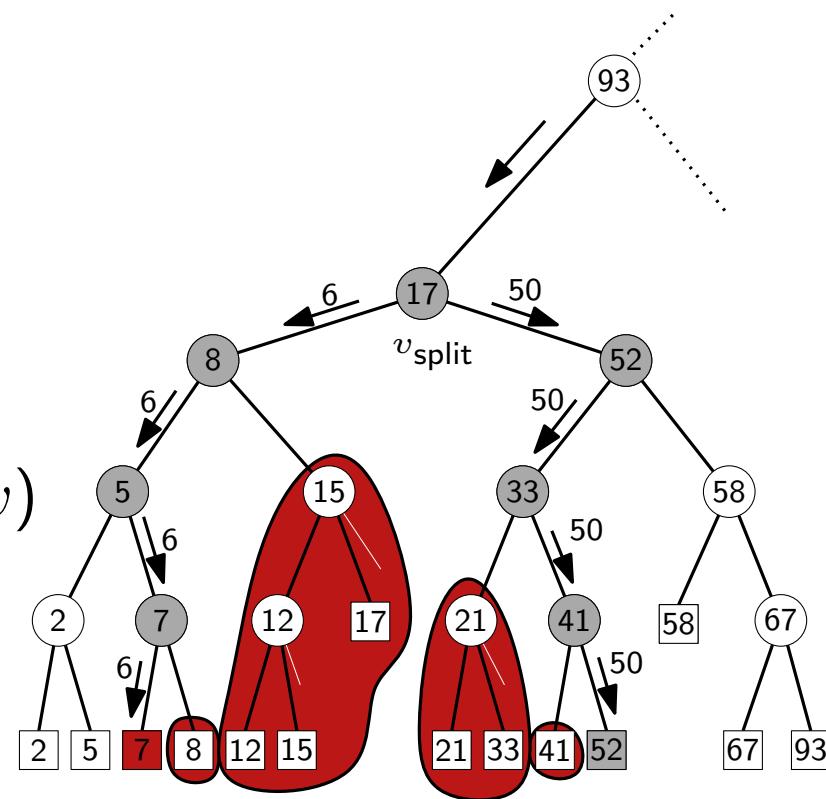
1dRangeQuery(T, x, x')

```

 $v_{\text{split}} \leftarrow \text{FindSplitNode}(T, x, x')$ 
if  $v_{\text{split}}$  ist Blatt then prüfe  $v_{\text{split}}$ 
else
```

```

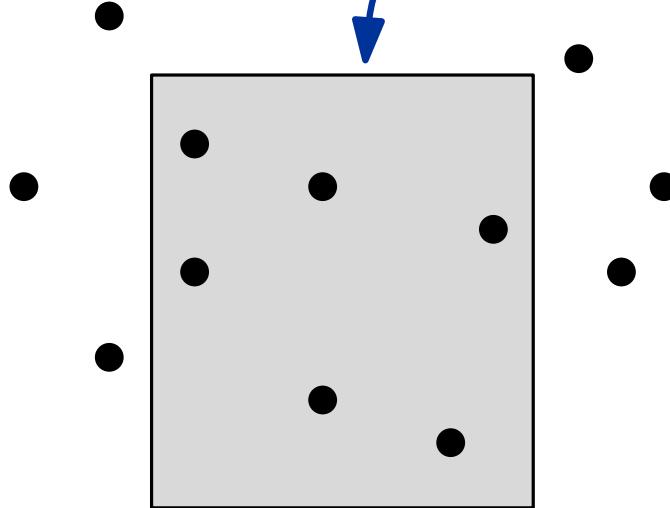
 $v \leftarrow \text{lc}(v_{\text{split}})$ 
while  $v$  kein Blatt do
    if  $x \leq x_v$  then
        | ReportSubtree( $\text{rc}(v)$ );  $v \leftarrow \text{lc}(v)$ 
    else  $v \leftarrow \text{rc}(v)$ 
prüfe  $v$ 
// analog für  $x'$  und  $\text{rc}(v_{\text{split}})$ 
```



- a) Adaptiere 1-dim Range-Tree um range counting queries in $\mathcal{O}(\log n)$ machbar ist

Aufgabe 3

Wie viele Punkte liegen in diesem Rechteck?



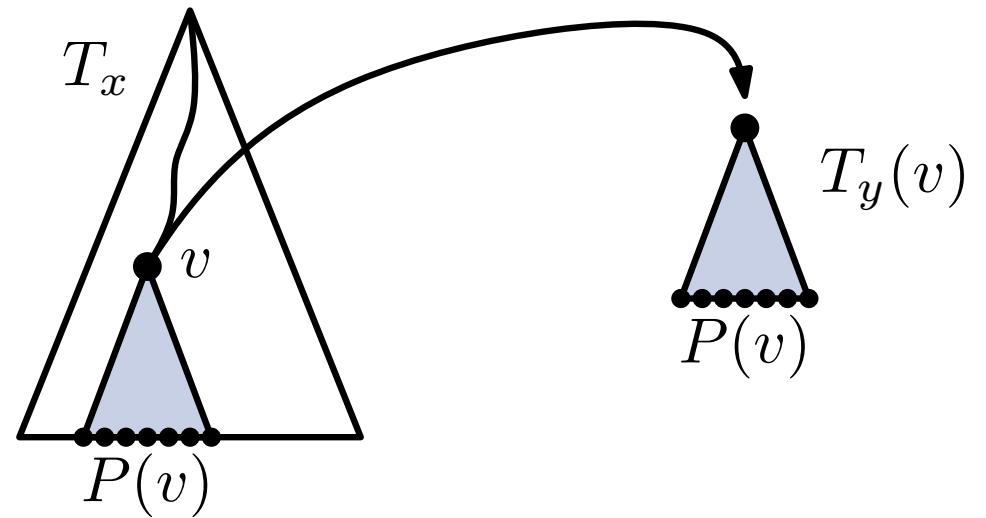
range counting query

Anforderung: Additive Konstante $\mathcal{O}(k)$ in Laufzeit vermeiden

b) Benutze Lösung aus a) um das d -dimensionale Problem zu lösen

Aufgabe 3

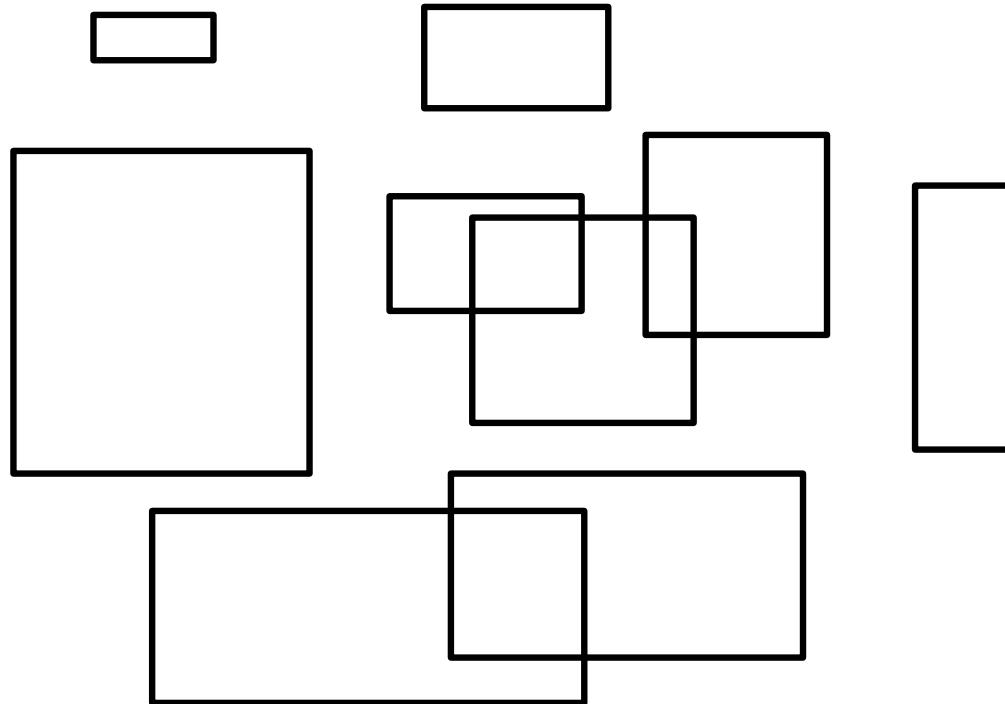
2dim Range-Trees:



Anforderung: Additive Konstante $\mathcal{O}(k)$ in Laufzeit vermeiden

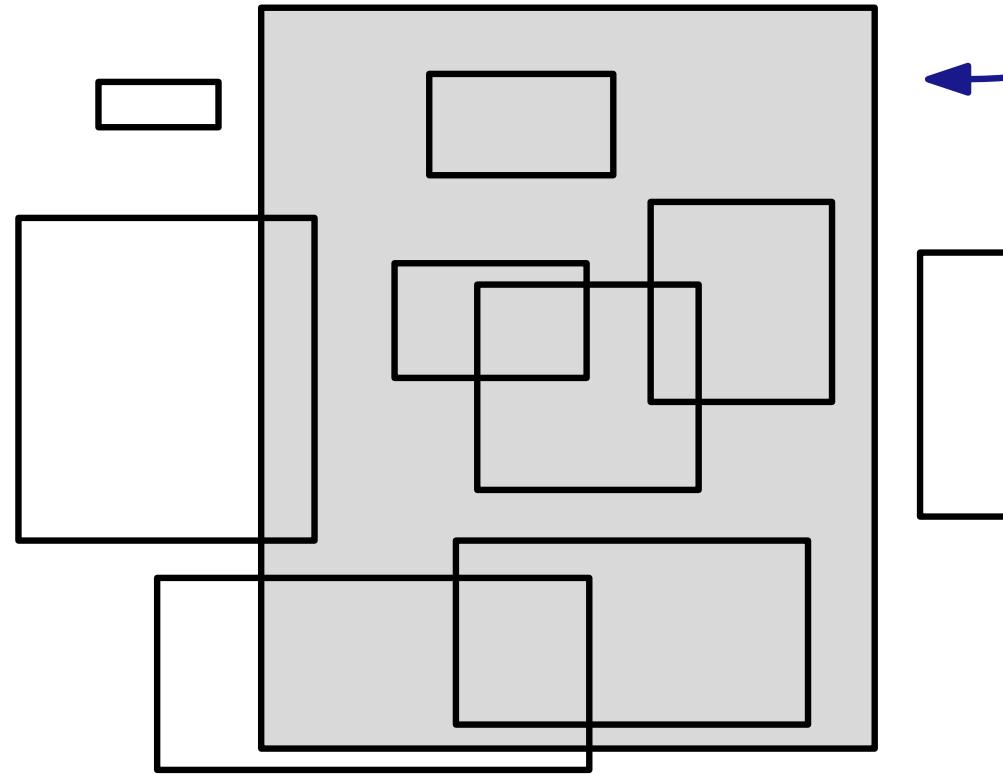
b) Benutze Lösung aus a) um das d -dimensionale Problem zu lösen

Aufgabe 4



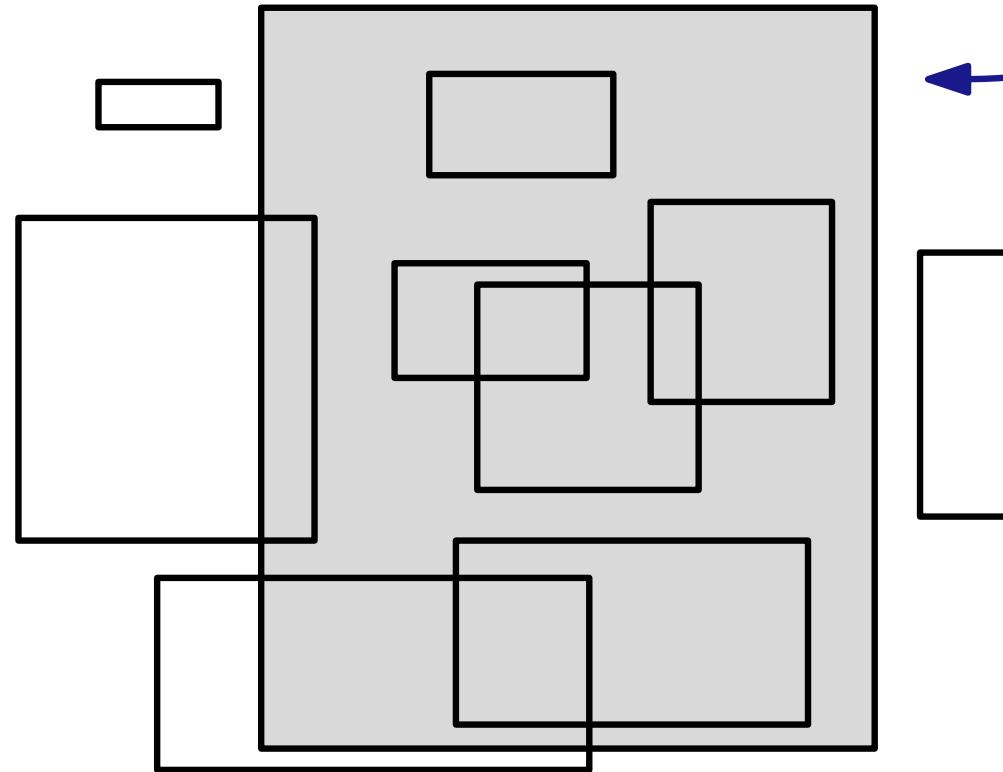
Aufgabe 4

Welche Rechtecke liegen vollständig in diesem Rechteck?



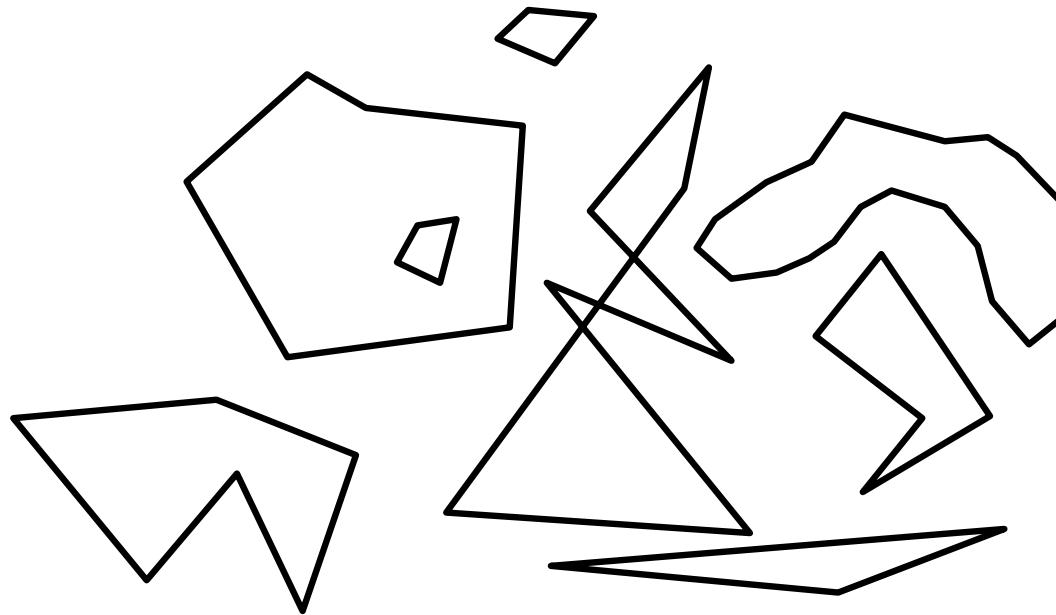
Aufgabe 4

Welche Rechtecke liegen vollständig in diesem Rechteck?



Datenstruktur mit $\mathcal{O}(n \log^3 n)$ Speicher und $\mathcal{O}(\log^4 n + k)$ Anfragezeit.

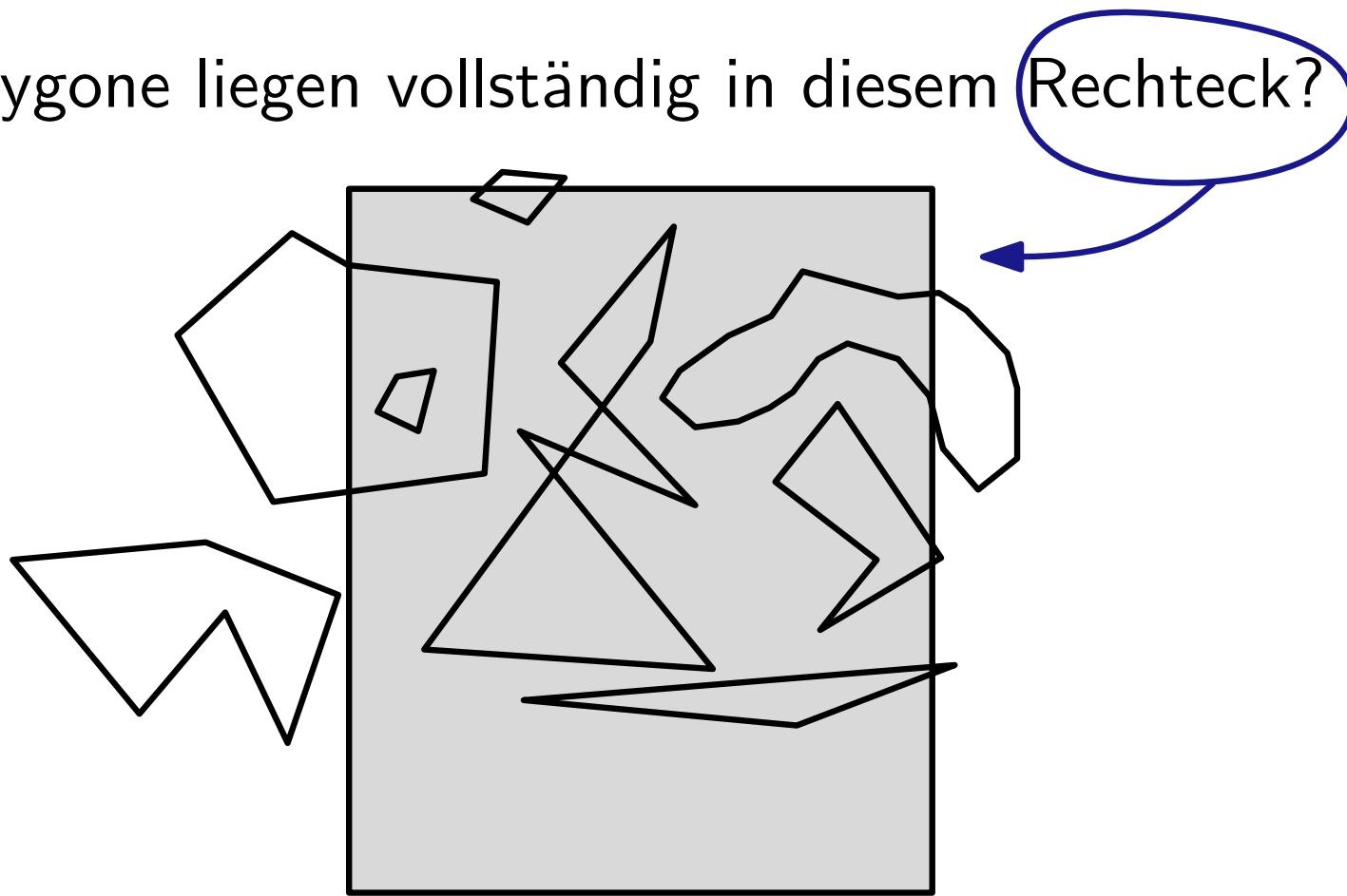
Aufgabe 4



Datenstruktur mit $\mathcal{O}(n \log^3 n)$ Speicher und $\mathcal{O}(\log^4 n + k)$ Anfragezeit.

Aufgabe 4

Welche Polygone liegen vollständig in diesem Rechteck?



Datenstruktur mit $\mathcal{O}(n \log^3 n)$ Speicher und $\mathcal{O}(\log^4 n + k)$ Anfragezeit.

Das war's!

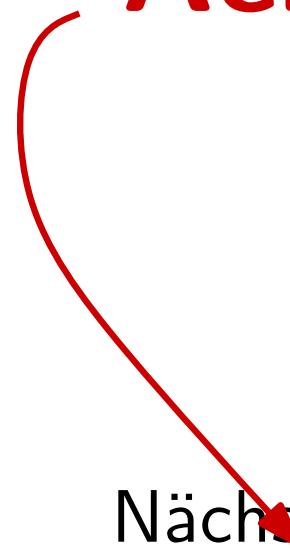


Achtung!

Nächster Termin:
Donnertag, 09.06, 09:45 Uhr
Raum 131, Gebäude 50.34

Das war's!

Achtung!



Nächster Termin:
Donnertag, 09.06. 09:45 Uhr
Raum 131, Gebäude 50.34

Das war's!

Achtung!

Nächster Termin:
Donnertag, 09.06.09:45 Uhr
Raum 131, Gebäude 50.34

Das war's!

Achtung!

Nächster Termin:
Donnertag, 09.06.09:45 Uhr
Raum 131, Gebäude 50.34