

## Algorithmen für Ad-hoc- und Sensornetze

### VL 03 – Location Services

Dr. rer. nat. Bastian Katz

Lehrstuhl für Algorithmik I  
Institut für theoretische Informatik  
Universität Karlsruhe (TH)  
Karlsruher Institut für Technologie

6. April 2009

(Version 3 vom 7. Mai 2009)

## Organisatorisches

- Die Vorlesung am 27. Mai fällt aus!
  - Inhalte vom 20. und 27. werden zusammengefasst bzw. auf letzte VL verschoben.
- Die Vorlesung am 24. Juni muss verschoben werden!
  - Alternativtermine: 22., 23. (vm.), 29., 30.
  - nächste Woche Umfrage, im Zweifelsfall zwei Termine!



## Erinnerung: Georouting

Kennt jeder Knoten seine Position und die seiner Nachbarn, kann man Pakete zu *Zielkoordinaten* routen.

- Greedy: schnell und einfach, keine garantierte Auslieferung
- Facettenrouting (OAFR): Garantierte Auslieferung und Laufzeit
- Techniken können kombiniert werden (GOAFR)
- Annahme: Position des Zielknotens bekannt
  - kein „Auffinden“ von bestimmten Knoten nötig
  - Knoten verändern ihre Position nicht

Was, wenn man gezielt bestimmte Knoten sucht? Was, wenn Knoten ihre Position ändern können?

- Wie finde ich zu einer Ziel-Knoten-ID eine aktuelle Position?

## Location Service

### Definition

Ein *Location Service* ist eine Infrastruktur, die zu gegebener Knoten-ID eine aktuelle Geokoordinate liefert.

- Sender schickt Anfrage mit Knoten-ID ab
- LS antwortet mit Geokoordinate
- Sender schickt Paket an Geokoordinate
- (wenn Sender eigene Position mitschickt, kann die Antwort dann direkt per Georouting kommen)

## Location Service — alternative Sichtweise

### Alternative Sicht

Ein *Location Service* ist ein proaktives Routingprotokoll, das Pakete mit angegebener Zielknoten-ID an dessen aktuelle Geokoordinate leitet.

- Sender schickt Paket mit Ziel-ID ab
- LS leitet Paket an entsprechende Zielcoordinate
- (wenn Sender eigene Adresse mitschickt, kann die Antwort dann direkt per Georouting kommen)

## Was muss ein Location Service können?

- publish** : Veröffentlichung von Knotenpositionen
- Knoten, die sich bewegen, müssen das mitteilen
  - Positionsinformationen enthält in der Regel timeout
  - Wem teilt ein Knoten seine Position mit?
- lookup** : Auflösen von IDs in Knotenpositionen
- Anfragen nach Knotenpositionen müssen umgesetzt werden. An wen richtet man sie?
  - Pakete, die eine Ziel-ID enthalten, müssen zu Zielkoordinaten geleitet werden, an wen schickt man diese Pakete?

Besondere Form eines Rendezvous-Problems: Jeder muss seine Positionsinformation so hinterlassen, dass andere sie finden können.

## Einfache Lösungen I: Broadcasts

### publish per Broadcast

Bei einem **publish** wird die neue Position eines Knotens an alle Knoten geschickt. Jeder Knoten kennt dann immer alle aktuellen Positionen.

- + triviale lookup-Operation
- jeder Knoten muss große Tabelle speichern
- Anzahl der Nachrichten pro **publish** immer in  $\Omega(n)!$

## Einfache Lösungen II: Zentraler Server

### Zentraler Server

Ein zentraler Knoten mit bekannter Position nimmt **publish**- und **lookup**-Nachrichten entgegen.

- + im Schnitt geringer Speicherplatzverbrauch
- ein Knoten mit hoher Last und großer Verantwortung
- ? Nachrichtenkomplexität in  $O(D)$  pro Operation, aber:
  - bei **publish** nicht von Positionsänderung abhängig
  - bei **lookup** nicht von Entfernung zum Ziel abhängig

## „Typische“ Randbedingungen

- garantierte lokale Kommunikation
- verhältnismäßig hohe Knotendichte
  - oft sogar bekanntes Gebiet
  - häufige Annahme:  $D \in O(\sqrt{n})$
- eingeschränkte Mobilität
  - keine großen Bewegungen zwischen elementaren Operationen
- eindeutige, geordnete Knoten-IDs aus bekanntem Intervall
  - im Zweifel: Hashe IDs kollisionsfrei

## Anforderungen an Location Service

### Faire Lastverteilung

Knoten teilen sich die Arbeit, kein Knoten erschöpft sich an dieser Aufgabe.

### Fehlertoleranz, kein „single point of failure“

Ausfall einzelner Knoten verursacht keinen Totalausfall:

### Verhältnismäßigkeit der Kommunikation

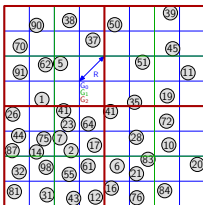
Anfragen zu nahen Knoten verursachen nur geringe Kommunikation. Idealerweise: Geringe Bewegungen erzeugen nur geringe Kommunikation.

### Skalierbarkeit

Kosten wachsen möglichst gering in der Knotenzahl

## Grid Location System (GLS) — Idee

- Aufteilung des Gebietes durch  $M$  Gitter (Quadtree)
  - $G_0$  bis  $G_{M-1}$
  - $G_0$ : jeder sieht jeden
  - $G_i$  hat  $2^i$ -fache Kantenlänge von  $G_0$
  - $G_M$  hätte alle Knoten in einer Zelle
- Nachbarzellen in  $G_i$  sind die Zellen, die in  $G_{i+1}$  zusammengefasst werden!

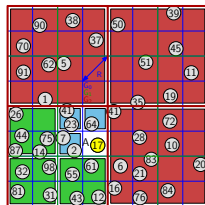


Jeder Knoten wählt einen Server pro Nachbarzelle in jedem  $G_i$ !

Das sind  $3M$  Server für jeden Knoten.

## Grid Location System (GLS) — Idee

- Aufteilung des Gebietes durch  $M$  Gitter (Quadtree)
  - $G_0$  bis  $G_{M-1}$
  - $G_0$ : jeder sieht jeden
  - $G_i$  hat  $2^i$ -fache Kantenlänge von  $G_0$
  - $G_M$  hätte alle Knoten in einer Zelle
- Nachbarzellen in  $G_i$  sind die Zellen, die in  $G_{i+1}$  zusammengefasst werden!



Jeder Knoten wählt einen Server pro Nachbarzelle in jedem  $G_i$ !

Das sind  $3M$  Server für jeden Knoten.

## Auswahl der Server

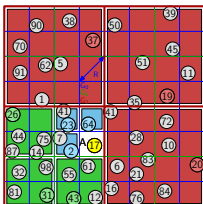
## Serverauswahl

In einer Zelle ist immer der Knoten  $X$  Server für einen Knoten mit  $A$ , der

$$ID_X - ID_A \bmod ID_{\max}$$

minimiert.

- » etwa gleichmäßige Verteilung der Arbeit
- » jeder Knoten ist Server für  $\Theta(\log n)$  Knoten



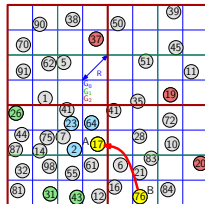
Garantien nur bei gleichverteilten Knoten und zufälligen IDs!

## Ein kleiner Zeitsprung

Tun wir für einen Moment so, als kenne jeder Knoten die Positionen der Knoten, für die er Server ist!

Wie könnte ein lookup funktionieren?

- » Knoten  $B$  sucht Knoten  $A$ .

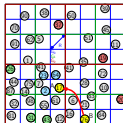


## Lookup (Versuch 1)

## Satz

Seien  $A, B$  beliebige Knoten.  $B$  ist Server für einen Knoten  $X$  mit  $ID_B > ID_X \geq ID_A \bmod ID_{\max}^1$ .

- » jeder Knoten ist Server von einem Knoten  $X$  mit  $ID_B \geq ID_X \geq ID_A$ , ggf. sich selbst.
- » sind  $A$  und  $B$  in benachbarten  $G_j$ -Zellen,
  - » liegt kein  $X$  mit  $ID_B > ID_X \geq ID_A$  in  $B$ s Zelle  $\Rightarrow B$  ist Server für  $A$ .
  - » liegt ein größtes  $X$  mit  $ID_B > ID_X \geq ID_A$  in  $B$ s Zelle  $\Rightarrow B$  ist Server für  $X$ .



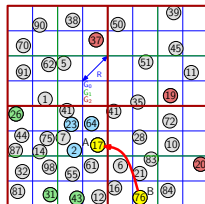
<sup>1</sup>So zu lesen: Wenn man die IDs von  $ID_A$  an aufsteigend im Restklassiering  $\mathbb{Z}/ID_{\max}\mathbb{Z}$  abzählt, kommt erst  $ID_X$ , und dann  $ID_B$ .

## Lookup (Versuch 1)

## Satz

Seien  $A, B$  beliebige Knoten.  $B$  ist Server für einen Knoten  $X$  mit  $ID_B > ID_X \geq ID_A \bmod ID_{\max}$

Weiterleitung an irgendwelche „besseren“ Knoten ist zwar korrekt, kann aber beliebig lange Wege erzeugen!



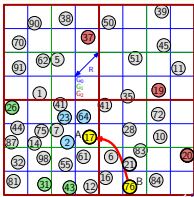
## GLS-lookup

### Definition

Seien  $A, B$  beliebige Knoten. Dann ist  $B_i^A$  der Knoten in der  $G_i$ -Zelle von  $B$ , der  $ID_{B_i^A} - ID_A$  minimiert.

### Beobachtung

Seien  $A, B$  beliebige Knoten in derselben Zelle in  $G_k$ . Dann ist  $B_k^A = A$ .



Bastian Katz – Algorithmen für Ad-hoc- und Sensornetze



## GLS-lookup

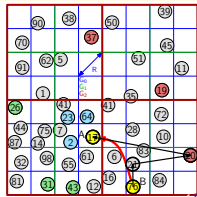
### Definition

Seien  $A, B$  beliebige Knoten. Dann ist  $B_i^A$  der Knoten in der  $G_i$ -Zelle von  $B$ , der  $ID_{B_i^A} - ID_A$  minimiert.

### Lemma

Seien  $A, B$  beliebige Knoten.  $B$  kennt  $B_0^A$  und jedes  $B_i^A$  ist Server von  $B_{i+1}^A$ .

- $B$  kennt komplette  $G_0$ -Zelle.
- $ID_{B_i^A}$  ist in  $G_i$ -Zelle von  $B$  am wenigsten groß als  $ID_A$
- $B_i^A$  ist Server für alle Knoten in Nachbarzellen zwischen  $A$  und  $B_i^A$ , auch  $B_{i+1}^A$ !



Bastian Katz – Algorithmen für Ad-hoc- und Sensornetze



## GLS-lookup

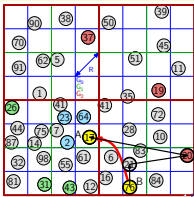
### Definition

Seien  $A, B$  beliebige Knoten. Dann ist  $B_i^A$  der Knoten in der  $G_i$ -Zelle von  $B$ , der  $ID_{B_i^A} - ID_A$  minimiert.

### GLS-lookup

Auf Suche nach Knoten  $A$  schickt  $B$  die Anfrage an  $B_0^A, B_1^A, \dots, A$ .

- Weglänge?
- $B B_0^A$ : maximal  $R$ .
- $B_i^A$  zu  $B_{i+1}^A$ : maximal  $2^{i+1}R$ .
- insgesamt Summe der „Luftlinien“  $\sum_{i=0}^k 2^i \in O(2^k)$
- hängt vom Gitter ab!



Bastian Katz – Algorithmen für Ad-hoc- und Sensornetze



## Einschub: Zielkoordinaten ohne Knoten

### Idee

Man kann per Georouting auch Zieladressen angeben, an denen gar kein Knoten liegt! Was passiert dann bei z. B. bei GOAFR?

- das Paket
  - umrundet die Facette, die die Zielcoordinate einschließt
  - lernt es alle Knoten der Facette kennen
  - in Gabriel Graph: sieht dichtesten Knoten zur Zielcoordinate

### Lemma

Wird ein Paket zur Mitte einer Gitterzelle  $C$  geroutet, in der ein Knoten liegt, dann erreicht das Paket mindestens einen Nachbarn eines solchen Knotens.

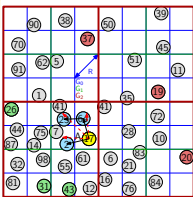
(Zumindest in  $1/\sqrt{2}$ -QUDG, Ohne Beweis)



## Initialisierung

Woher weiß A, wer seine Server sind?  
Wie findet er sie?

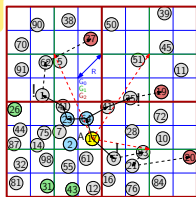
- Ebene für Ebene!
- $G_0$ -Zellen-Server: Schicke Paket an Zentrum der Zellen
  - in nichtleerer Zelle kommt das Paket bei einem Knoten der Zelle an
  - der kennt alle Knoten der Zelle und benachrichtigt den zuständigen Knoten



## Initialisierung

Woher weiß A, wer seine Server sind?  
Wie findet er sie?

- Ebene für Ebene!
- wenn  $G_j$ -Zellen-Server bekannt sind
  - route künstliches lookup zu irgendeinem Knoten  $B$  in entsprechende  $G_{j+1}$ -Zellen.
  - der reicht die Anfrage bis  $B_{j+1}^A$
  - dieser Knoten wird dann Server (Position aus Paket)



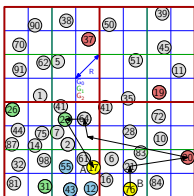
## Lazy Publishing

Bisher: Jede publish-Operation  
benachrichtigt alle Server!

### Lazy Publishing

Bei Bewegung innerhalb einer  
 $G_j$ -Zelle benachrichtige die Server  
in den  $G_j$  bis  $G_M$ -Zellen nicht.

- Es reicht, wenn entfernte  
Server an die alte Position  
weiterleiten



## Bestandsaufnahme

- ✓ Faire Lastverteilung
  - bei vernünftiger Verteilung der Knoten
- ✓ Fehlertoleranz
  - Ausfall einzelner Knoten betrifft nur wenig Information
- Verhältnismäßigkeit der Kommunikation
  - Kommunikationskosten abhängig von kleinster Gitterebene in der beide Knoten in gleicher Zelle liegen
  - dasselbe gilt bei Bewegungen über Gittergrenzen
- ? Skalierbarkeit
  - Anzahl Gitterebenen sicher in  $O(\log n)$

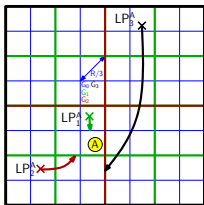
## Geographic Hash Tables

GLS nutzte Georouting an virtuelle Knotenpositionen, um irgendeinen Knoten in einem Gebiet zu finden. Man kann auch an virtuellen Knotenpositionen Informationen speichern!

- dichtester Knoten ist verantwortlich
  - bewegen sich Knoten von Position weg, übergeben sie die Verantwortung
  - setzt voraus, dass um Koordinaten nie „verweisen“, dass z. B. immer ein Knoten in Abstand  $R_{\min}/3$  bei jeder genutzten Position ist.
- dichtester Knoten auf umgebender Facette ist verantwortlich
  - Information wird bei allen Knoten der Facette regelmäßig aufgefrischt
  - Knoten, die sich wegbewegen, sind dann irgendwann nicht mehr beteiligt



## MLS



### publish

Für jedes  $i$  hinterlege in *eigener*  $G_i$ -Zelle  $C_i^A$  an Position  $LP_i^A = g(C_i^A, ID_A, i)$  nur  $C_{i-1}^A$ .

- das ist ganz einfach



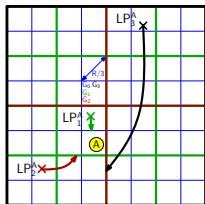
## MLS

### Gitter & Geohash

- $G_0, \dots, G_M$ , Faktor 1/3 engere
- Hashfunktion  $g$  berechnet zu jeder Gitterzelle  $C$  und Knoten-ID individuelle, eindeutige Position  $g(C, (ID)) \in C$

### publish

Für jedes  $i$  hinterlege in *eigener*  $G_i$ -Zelle  $C_i^A$  an Position  $LP_i^A = g(C_i^A, ID_A, i)$  nur  $C_{i-1}^A$ .



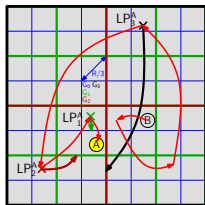
## MLS

### lookup

In welchen Gitterzellen sollte man Pointer suchen?

- in umgebenden Zellen?
- dann gibt es wieder weite Wege zu nahen Knoten!

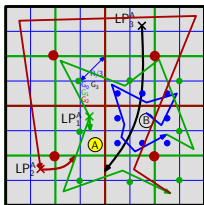
Wie kann man das verhindern?



## Suchspirale

## MLS-lookup

- durchsuche umliegende Zellen spiralförmig
  - je 8 Zellen in  $G_0, G_1, \dots$
  - in jeder Zelle  $C$  liegt  $g(C, ID_A)$  an irgendeiner (bekannten) Position

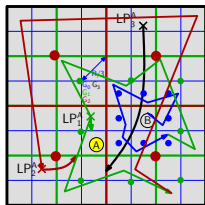


## Suchspirale

## Lemma

Sei  $C$  eine  $G_j$ -Zelle und  $ID$  eine beliebige  $ID$ . Jeder Punkt in  $C$  oder einer angrenzenden  $G_j$ -Zelle hat zu  $g(C, ID_A)$  maximal den Abstand  $2^j \cdot R$ .

- Folgt aus Größe der Gitterzellen!

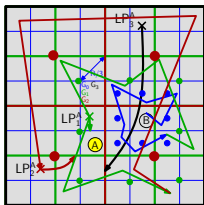


## Suchspirale

## Lemma

Sei  $B$  ein beliebiger Knoten. Die Summe der zu routenden Teilstrecken, bis ein lookup alle umliegenden  $G_j$ -Zellen abgesucht hat, ist in  $O(2^j \cdot R)$ .

- die Suche zerfällt in  $G_j$ -Phasen,  $j \leq i$
- in jeder Phase Suche in 8 Zellen, jeweils aus derselben oder angrenzender Zelle
- $\sum_{j=0}^i 2^j R \leq 16 \cdot 2^i R = 2^{i+4} R$ .

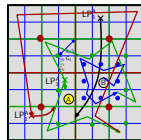


## Suchspirale

## Satz

Startet ein Knoten  $B$  ein lookup nach einem Knoten  $A$  in Abstand  $d$ , dann ist die Summe der zu routenden Teilstrecken in  $O(d)$ .

- Sei  $G_j$  das kleinste Gitter, in dem  $A$  und  $B$  in angrenzenden Zellen liegen
- beim Durchsuchen aller benachbarten  $G_j$ -Zellen wird  $LP_i^A$  gefunden
- Teilstrecken bis dahin unter  $2^{i+4} R$
- $A$  und  $B$  sind nicht in benachbarten  $G_{j-1}$ -Zellen  
 ⇒ Abstand mindestens  $d > 2^{j-1} R/6$
- Teilstrecken in  $O(d)$



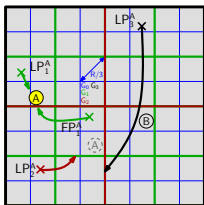


## Mobilität & Forwarding (vereinfacht)

### Lazy Publishing bei MLS

$LP_i^A$ -Pointer wird erst geändert, wenn sie nicht einmal in angrenzende  $G_{i-1}$ -Zelle zeigt. Alter  $LP_{i-1}$  wird zu Forwarding-Pointer!

- Auch an groben Gittergrenzen wird Oszillation unkritisch! (ohne Beweis)
- noch mehr Pointer, um Racing Conditions zu lösen (nicht hier)
  - beweisbare Korrektheit bei langsamen Bewegungen



## Was mitnehmen?

- Vorlesungsausfall am 27. 5., Verlegung vom 24. 6.
- Location Services: Proaktives Georouting mit IDs
  - Anforderungen: Lastverteilung, Robustheit, Verhältnismäßigkeit
- GLS: Hierarchische Server, individuell für jeden Knoten
  - Stärken: Gute Aufgabenverteilung
  - Schwäche: Bewegungen/Routen über Gittergrenzen unverhältnismäßig teuer
- MLS: Serverpositionen statt Knoten
  - Stärke: beweisbare Schranken in Bewegung/Entfernung
  - Schwäche: Setzt sehr hohe Knotendichte voraus

## Literatur

1. J. Li, J. Jannotti, D. S. J. De Couto, D. R. Karger, R. Morris: *A scalable location service for geographic ad hoc routing*. In: *MobiCom '00: Proceedings of the 6th annual international conference on Mobile computing and networking*, 2000.
2. R. Flury, R. Wattenhofer: *MLS: an efficient location service for mobile ad hoc networks*. In: *Proceedings of the 7th ACM international symposium on Mobile ad hoc networking and computing*