

**2. Klausur zur Vorlesung  
Informatik III  
Wintersemester 2004/2005**

# Lösung!

**Beachten Sie:**

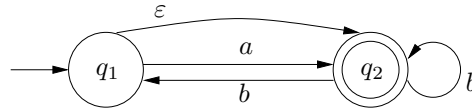
- Bringen Sie Ihren *Aufkleber* auf diesem Deckblatt an, und beschriften Sie *jedes weitere Blatt* mit Ihrem Namen und Ihrer Matrikelnummer.
- Schreiben Sie Ihre Lösungen auf die Aufgabenblätter und Rückseiten. Zusätzliches Papier erhalten Sie bei Bedarf von der Aufsicht.
- Zum Bestehen der Klausur sind **20** der möglichen **60** Punkte hinreichend.
- Es sind keine Hilfsmittel zugelassen.

Aufgabe	Mögliche Punkte					Erreichte Punkte				
	a	b	c	d	$\Sigma$	a	b	c	d	$\Sigma$
1	3	5	4	-	12				-	
2	2	3	4	3	12					
3	4	4	4	-	12				-	
4	3	4	5	-	12				-	
5	12 $\times$ 1				12					
$\Sigma$					60					

**Aufgabe 1:**

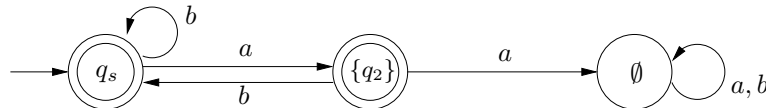
(3 + 5 + 4 = 12 Punkte)

- (a) Bestimmen Sie mit Hilfe einer systematischen Konstruktion einen zu folgendem NEA  $\mathcal{A}$  äquivalenten DEA, und geben Sie diesen als Übergangsdiagramm an.

*Lösung:*

	$a$	$b$
$\{q_1, q_2\}$	$\{q_2\}$	$\{q_1, q_2\}$
$\{q_2\}$	$\emptyset$	$\{q_1, q_2\}$
$\emptyset$	$\emptyset$	$\emptyset$

Im folgenden Diagramm stehe  $q_s$  für  $\{q_1, q_2\}$ .



- (b) Bestimmen Sie mit Hilfe einer systematischen Konstruktion die von  $\mathcal{A}$  akzeptierte Sprache, und geben Sie diese als möglichst einfachen regulären Ausdruck an.

*Lösung:* Um besserer Lesbarkeit willen stehe im Folgenden  $L_{m,x,n}$  für  $L_{q_m,x,q_n}$  ( $m, n \in \{1, 2\}, x \in \{0, 1, 2\}$ ).

$$\begin{aligned}
 L_{1,0,1} &= \varepsilon \\
 L_{1,0,2} &= \varepsilon \cup a \\
 L_{2,0,1} &= b \\
 L_{2,0,2} &= \varepsilon \cup b \\
 L_{1,1,1} &= \varepsilon \cup \varepsilon \varepsilon^* \varepsilon = \varepsilon \\
 L_{1,1,2} &= \varepsilon \cup a \cup \varepsilon \varepsilon^* (\varepsilon \cup a) = \varepsilon \cup a \\
 L_{2,1,1} &= b \cup b \varepsilon^* \varepsilon = b \\
 L_{2,1,2} &= \varepsilon \cup b \cup b \varepsilon^* (\varepsilon \cup a) = \varepsilon \cup b (\varepsilon \cup a) \\
 L_{1,2,2} &= \varepsilon \cup a \cup (\varepsilon \cup a) (\varepsilon \cup b (\varepsilon \cup a))^* (\varepsilon \cup b (\varepsilon \cup a)) = \varepsilon \cup a \cup (\varepsilon \cup a) (\varepsilon \cup b (\varepsilon \cup a))^+ \\
 &= (\varepsilon \cup a) (b (\varepsilon \cup a))^* = L(\mathcal{A})
 \end{aligned}$$

- (c) Zeigen Sie, dass die Sprache  $L = \{0^{2^n} \mid n \geq 1\}$  nicht regulär ist.

*Lösung:* Wählen zu  $n \in \mathbb{N}$  das Wort  $w = 0^{2^n} \in L$  ( $|w| \geq n$  ✓). Bei allen Zerlegungen  $w = uvx$  mit  $|uv| \leq n$  und  $v \neq \varepsilon$  enthält  $v$  mindestens eine und höchstens  $n$  Nullen.

Wählen  $i := 2$ . Dann hat  $w' = uv^i x = 0^{2^n+|v|}$  Länge kleiner  $2^{n+1}$ :

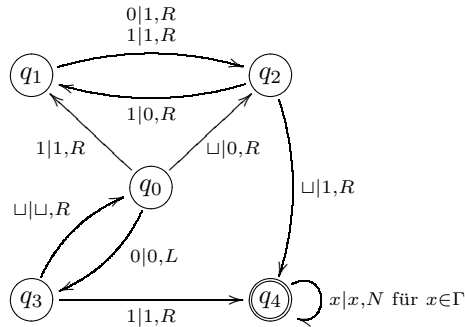
$$2^n + |v| < 2^{n+1} \iff |v| < 2^n \quad \checkmark$$

Somit ist  $w'$  nicht in  $L$ , also  $L$  nicht regulär.

**Aufgabe 2:**

(2 + 3 + 4 + 3 = 12 Punkte)

Betrachten Sie die Turingmaschine  $\mathcal{M}$  mit Zustandsmenge  $Q = \{q_0, \dots, q_4\}$ , Eingabealphabet  $\Sigma = \{0, 1\}$ , Bandalphabet  $\Gamma = \Sigma \cup \{\sqcup\}$ , Startzustand  $q_0$ , Endzustandsmenge  $F = \{q_4\}$  und folgender partieller Übergangsfunktion  $\delta$ :



- (a) Geben Sie die von  $\mathcal{M}$  durchlaufenen Konfigurationen bei Abarbeitung des Wortes 1011 an.

Geben Sie ein Wort an, bei dessen Eingabe  $\mathcal{M}$  nicht stoppt.

*Lösung:*  $\sqcup(q_0)1011, 1(q_1)011, 11(q_2)11, 110(q_1)1, 1101(q_2)\sqcup, 11011(q_4)\sqcup$ .

Jedes Wort, das mit 0 beginnt.

- (b) Zeigen Sie, dass die von  $\mathcal{M}$  akzeptierte Sprache  $L(\mathcal{M})$  kontextfrei ist.

*Lösung:* Keine akzeptierende Berechnung benutzt den Zustand  $q_3$ .  $\mathcal{M}$  ohne  $q_3$  ist aber eine Rechtsturingmaschine. Da Rechtsturingmaschinen genau die Menge der regulären Sprachen akzeptieren, ist  $L(\mathcal{M})$  regulär und insbesondere kontextfrei.

*Alternative:* Per Induktion lässt sich zeigen, dass

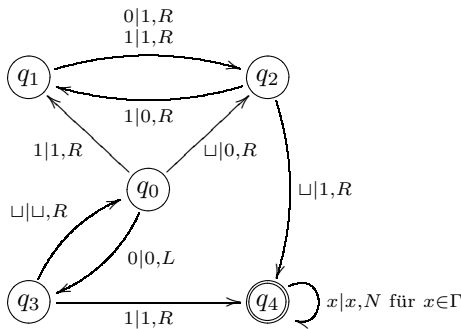
$$L(\mathcal{M}) = \varepsilon \cup 1(0 \cup 1)[1(0 \cup 1)]^* = (1(0 \cup 1))^*$$

gilt. Da sich  $L(\mathcal{M})$  durch einen regulären Ausdruck beschreiben lässt, ist  $L(\mathcal{M})$  regulär und damit auch kontextfrei.

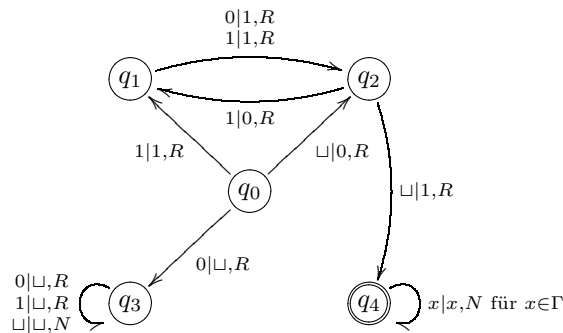
- (c) Modifizieren Sie  $\mathcal{M}$  zu  $\mathcal{M}'$  so, dass folgende Eigenschaften erfüllt sind:

- (1)  $\mathcal{M}'$  hält stets,
- (2)  $L(\mathcal{M}) = L(\mathcal{M}')$ ,
- (3) die Ausgaben von  $\mathcal{M}$  und  $\mathcal{M}'$  sind für die Eingaben aus  $L(\mathcal{M})$  identisch und
- (4) sei  $L' := \{w \in \Sigma^* : \mathcal{M} \text{ hält bei Eingabe } w \text{ nicht}\}$ , dann soll die Ausgabe von  $\mathcal{M}'$  bei Eingaben aus  $L'$  in  $L(\mathcal{M})$  sein.

*Hinweis:* Zur besseren Übersicht sei nachfolgend noch einmal das Übergangsdiagramm von  $\mathcal{M}$  gegeben.



Lösung:



Eigenschaften:

- (1)  $\mathcal{M}'$  terminiert stets, da  $\mathcal{M}$  nur bei Wörtern, die mit 0 beginnen, nicht terminiert und diese nun gelöscht werden.
  - (2)  $L(\mathcal{M}) = L(\mathcal{M}')$ , da sich die Endzustandsmenge nicht geändert hat und  $q_4$  nicht mit 'neuen' Wörtern erreichbar ist; für Eingaben aus  $L(\mathcal{M})$  endet  $\mathcal{M}'$  immer noch in  $q_4$ .
  - (3) Die Ausgaben von  $\mathcal{M}$  und  $\mathcal{M}'$  sind für Eingaben aus  $L(\mathcal{M})$  identisch, da der Übergang  $\delta(q_0, 0)$  für die Akzeptanz von  $\mathcal{M}$  unerheblich ist und die Übergänge bzgl.  $q_1, q_2$  und  $q_4$  sich nicht geändert haben.
  - (4) Sei  $L' := \{w \in \Sigma^* : \mathcal{M} \text{ hält bei Eingabe } w \text{ nicht}\}$ , dann soll die Ausgabe von  $\mathcal{M}'$  bei Eingaben aus  $L'$  in  $L(\mathcal{M})$  sein. Klar, da  $L' = 0(0 \cup 1)^*$ ; für diese Wörter wird die Eingabe gelöscht, und es gilt:  $\varepsilon \in L(\mathcal{M})$ .
- (d) Seien  $L_1, \dots, L_k$  semientscheidbare Sprachen über einem Alphabet  $\Sigma$  so, dass folgende Eigenschaften erfüllt sind:
- (i) für alle  $i \neq j$  ist  $L_i \cap L_j = \emptyset$  und
  - (ii)  $\bigcup_{i=1}^k L_i = \Sigma^*$ .

Zeigen Sie, dass die Sprachen  $L_i$  (für  $i \in \{1, \dots, k\}$ ) entscheidbar sind.

*Lösung:* Da  $L_i$  ( $i = 1, \dots, k$ ) semientscheidbar ist, existiert eine Turingmaschine  $\mathcal{M}_i$ , die bei Eingabe  $w \in \Sigma^*$  (akzeptierend) hält, falls  $w \in L_i$ .

Wir können eine Sprache  $L_i$  nun wie folgt entscheiden: Sei  $w \in \Sigma^*$ . Konstruieren eine Turingmaschine  $\mathcal{M}^*$ , die ‚parallel‘ alle  $\mathcal{M}_i$  mit Eingabe  $w$  simuliert, genau dann hält, wenn eine der Maschinen akzeptiert, und genau dann akzeptiert, wenn  $\mathcal{M}_i$  akzeptiert.

Falls  $w \in L_i$ , so wird  $w$  nur von  $\mathcal{M}_i$  akzeptiert (wegen (i)); falls  $w \notin L_i$ , so akzeptiert  $\mathcal{M}_i$  nicht und es gibt wegen (ii) eine Maschine  $\mathcal{M}_j$  ( $j \neq i$ ), die  $w$  akzeptiert. Insbesondere hält  $\mathcal{M}^*$  stets.

**Aufgabe 3:**

(4 + 4 + 4 = 12 Punkte)

**(a) Problem HAMILTONKREIS (HC)***Gegeben:* Graph  $G = (V, E)$ .*Frage:* Existiert ein einfacher Kreis in  $G$ , der alle Knoten in  $V$  enthält, also eine Folge  $(v_1, \dots, v_n)$  von paarweise verschiedenen Knoten  $v_i \in V$  ( $i = 1, \dots, n$ ) mit  $n := |V|$  und  $\{v_j, v_{j+1}\}, \{v_n, v_1\} \in E$  ( $j = 1, \dots, n - 1$ )?*Hinweis:* HC ist  $\mathcal{NP}$ -vollständig.**Problem RURAL POSTMAN (RP)***Gegeben:* Graph  $G = (V, E)$ , Teilmenge  $\tilde{E} \subseteq E$  und Parameter  $K \in \mathbb{N}$ .*Frage:* Existiert ein (nicht notwendigerweise einfacher) Kreis der Länge höchstens  $K$  in  $G$ , der alle Kanten aus  $\tilde{E}$  enthält, also eine Folge  $(v_1, \dots, v_\ell)$  mit  $v_i \in V$  ( $i = 1, \dots, \ell$ ),  $\ell \leq K$  und  $\tilde{E} \subseteq \{\{v_j, v_{j+1}\} \mid j = 1, \dots, \ell - 1\} \cup \{\{v_\ell, v_1\}\} \subseteq E$ ?*Hinweis:* Der Graph  $G$  ist nicht notwendig schleifenfrei, d. h. er kann auch Kanten  $\{v, v\}$  enthalten.Zeigen Sie die  $\mathcal{NP}$ -Vollständigkeit von RP.*Lösung:*

- $\text{RP} \in \mathcal{NP}$ :

Eine zu einer Instanz  $I = (G = (V, E), \tilde{E}, K)$  gegebene Folge von Knoten aus  $V$  kann mit Aufwand  $\mathcal{O}(K \cdot |E| \cdot |\tilde{E}|)$ , also in polynomieller Zeit bzgl. der Eingabelänge von  $I$ , dahingehend überprüft werden, ob sie einen Kreis in  $G$  induziert, Länge höchstens  $K$  besitzt und ob alle Kanten in  $\tilde{E}$  darin enthalten sind.

- $\text{HC} \propto \text{RP}$ :

Konstruieren zu einer Instanz  $I = G$  von HC mit  $G = (V, E)$  eine Instanz  $I' = (G', \tilde{E}, 2|V|)$  von RP mit  $G' = (V, E \cup \tilde{E})$  und  $\tilde{E} = \{\{v, v\} : v \in V\}$ . Diese Konstruktion ist mit Aufwand  $\mathcal{O}(|V|)$ , also in polynomieller Zeit, durchführbar.

Falls  $I$  eine Ja-Instanz ist, so induziert ein Hamiltonkreis  $(v_1, \dots, v_n)$  in  $G$  eine Lösung von  $I'$ , die aus dem Hamiltonkreis ‚mit dazwischengeschobenen Schleifen‘ besteht, also:

$$(v_1, v_1, v_2, v_2, \dots, v_n, v_n).$$

Diese Folge von Knoten induziert offenbar einen Kreis der Länge  $2|V|$  in  $G'$  und enthält alle Kanten aus  $\tilde{E}$ .

Umgekehrt induziert eine Lösung von  $I'$  direkt einen Hamiltonkreis, da jeder Kreis in  $G'$ , der Länge höchstens  $2|V|$  besitzt und alle Schleifen beinhaltet, darüber hinaus nur Kanten enthalten kann, die alle Knoten in einer gewissen Reihenfolge miteinander verbinden.

(b) **Problem SUBSET PRODUCT**

*Gegeben:* Zahlen  $a_1, \dots, a_n \in \mathbb{N} \setminus \{1\}$  und Parameter  $K \in \mathbb{N}$ .

*Frage:* Existiert eine Indexmenge  $J \subseteq \{1, \dots, n\}$  mit  $\prod_{j \in J} a_j = K$ ?

Beschreiben Sie einen pseudopolynomiellen Algorithmus für SUBSET PRODUCT, der auf dem Prinzip der dynamischen Programmierung beruht.

*Lösung:* Berechne mittels dynamischer Programmierung die folgende Tabelle:

$$W(i, p) := \exists J \subseteq \{1, \dots, i\}: \prod_{j \in J} a_j = p$$

Diese kann wie folgt aufgebaut werden:

- setze  $W(i, 1)$  auf **wahr** für  $1 \leq i \leq n$
- setze  $W(1, p) = (p = 1 \vee a_1 = p)$
- setze  $W(i + 1, p)$  wie folgt:

$$W(i + 1, p) = W(i, p) \vee \begin{cases} W(i, \frac{p}{a_{i+1}}) & , \text{ falls } \frac{p}{a_{i+1}} \in \mathbb{N} \\ \text{false} & , \text{ sonst} \end{cases}$$

Diese Tabelle kann in  $\mathcal{O}(n \cdot \prod_i a_i) \subseteq \mathcal{O}(n^2 \cdot \max_i a_i)$  berechnet werden. Dies ist polynomial in der Eingabelänge bei unärer Kodierung.

Der Algorithmus berechnet zuerst die Tabelle und prüft anschließend, ob  $W(n, K)$  wahr ist. Ist dies der Fall, so wird die Instanz als JA-Instanz akzeptiert, andernfalls wird sie als NEIN-Instanz verworfen.

Hinweis zur Korrektheit: Wenn es eine Teilmenge gibt, so findet sich diese auch mit Hilfe der Tabelle. (Betrachte die Elemente von  $J$  aufsteigend sortiert, etwa  $j_1 < j_2 < \dots < j_k$ . Dann müssen folgende Einträge  $W(j_i, a_{j_1} \cdot \dots \cdot a_{j_i})$  wahr sein. Damit ergibt sich, dass  $W(j_k, K)$  wahr ist, also auch  $W(n, K)$ .) Andernfalls kann keine Teilmenge  $J$  die Eigenschaft haben.



- (c) Zeigen Sie, dass  $\text{co-INDEPENDENT SET} \in \mathcal{DTAPE}(n)$ , wobei  $n$  die Eingabelänge einer  $\text{co-INDEPENDENT SET}$ -Instanz bezeichne.

*Lösung:* Idee: Aufzählen aller  $k$ -elementigen Knotenteilmengen.

Sei  $I := (G := (V := \{v_1, \dots, v_k\}, E), K)$  eine beliebige Instanz von  $\text{co-INDEPENDENT SET}$ . Falls  $G$  keine unabhängige Menge mit mindestens  $K$  Elementen enthält, ist  $I$  eine JA-Instanz.

Auf linearem Platz kann ein beliebiger  $k$ -Vektor  $w$  über  $\{0, 1\}$  dargestellt werden, wobei  $w \in \{0, 1\}^k$  einer Knotenteilmenge entsprechen soll:

$$w(i) = 1 \iff v_i \text{ ist in der Teilmenge enthalten}$$

Die Verifikation, ob  $w$  für  $I$  eine unabhängige Menge mit mindestens  $K$  Knoten ist, kann mit  $\log K$  Band-Speicherplatz durchgeführt werden (zusätzliche Hilfsvariablen und deren Zustände können direkt in die TM encodiert werden):

- initialisiere  $w$  mit  $(0, 0, \dots, 0)$
- überprüfe, ob  $w$  eine unabhängige Menge der Größe  $K$  (oder größer) repräsentiert
- falls ja, dann ist  $w$  eine unabhängige Menge mit mindestens  $K$  Knoten und damit ist  $I$  eine NEIN-Instanz
- falls nein, erhöhe  $w$  um eins (als Bitvektor) und teste erneut, ob  $w$  eine unabhängige Menge der Größe  $K$  oder größer repräsentiert
- falls alle Bitvektoren keine geeignete unabhängige Menge ergeben haben, dann ist  $I$  eine JA-Instanz

Es ist nun leicht einzusehen, dass dieses Verfahren  $I$  richtig entscheidet. Falls es eine unabhängige Menge der Größe  $K$  (oder größer) gibt, wird diese beim Aufzählen gefunden und  $I$  kann keine JA-Instanz sein (da es ein Gegenbeispiel gibt). Andernfalls gibt es keine solche unabhängige Menge und  $I$  ist eine JA-Instanz.

**Aufgabe 4:**

(3 + 4 + 5 = 12 Punkte)

Gegeben sei eine Grammatik  $G = (\Sigma := \{0, 1\}, V := \{S, A, B\}, S, R)$  mit

$$R := \{ S \rightarrow 0A \mid 1B, \quad A \rightarrow 1 \mid 1S, \quad B \rightarrow 0 \mid 0S \} .$$

- (a) Ist die Grammatik  $G$  in Greibach-Normalform? (Begründen Sie Ihre Antwort.)

Geben Sie mit Hilfe des Verfahrens aus der Vorlesung einen Kellerautomaten als vollständiges 7-Tupel  $(Q, \Sigma', \Gamma, \delta, q_0, Z_0, F)$  an, der genau  $L(G)$  mit leerem Stack akzeptiert.

*Lösung:* Ja,  $G$  ist in Greibach-Normalform, da alle Ableitungsregeln die Form  $A \rightarrow a\alpha$  mit  $A \in V$ ,  $a \in \Sigma$  und  $\alpha \in V^*$  haben.

$A = (\{q\}, \Sigma, V, \delta, q, S)$  mit  $\delta(q, a, A) := \{(q, \alpha) : A \rightarrow a\alpha\}$  genügt.

- (b) Bringen Sie die Grammatik  $G$  in Chomsky-Normalform und entscheiden Sie mit Hilfe des Cocke-Younger-Kasami-Algorithmus, ob das Wort 0110 in  $L(G)$  enthalten ist.

*Lösung:* Chomsky-Normalform:  $G' = (\Sigma, V \cup \{Y_0, Y_1\}, S, R')$  mit

$$R' := \{ S \rightarrow Y_0A \mid Y_1B, \quad A \rightarrow 1 \mid Y_1S, \quad B \rightarrow 0 \mid Y_0S, \quad Y_x \rightarrow x \text{ für } x \in \Sigma \}$$

0	1	1	0
$\{Y_0, B\}$	$\{Y_1, A\}$	$\{Y_1, A\}$	$\{Y_0, B\}$
$S$	$\emptyset$	$S$	
$\emptyset$	$A$		
$S$			

Damit ist  $0110 \in L(G)$ .

- (c) Geben Sie die Sprache  $L(G)$  an und zeigen Sie anschließend für  $L(G)$  *explizit*, dass die im Pumping-Lemma (für kontextfreie Sprachen) formulierte notwendige Bedingung für die Kontextfreiheit erfüllt ist. (Geben Sie also eine konkrete 'Belegung' für die existenzquantifizierten Ausdrücke an, und begründen Sie.)

*Lösung:*  $L(G) = (01 \cup 10)^+$ . (Beweis per Induktion.)

Setze  $n := 4$ . Sei  $z \in L$  mit  $|z| \geq n$  und  $z = z_1 \dots z_k$  mit  $z_i \in \Sigma$ . Dann benutze folgende Zerlegung:

- $u = v = w = \varepsilon$ ,
- $x = z_1 z_2$  und
- $y = z_3 \dots z_k$ .

Da  $|z| \geq 4$ , ist  $y$  nicht das leere Wort und damit  $y \in L(G)$ . Ebenso ist  $x \in L$  und  $x^i \in L$  für  $i \geq 1$ . Damit ist  $uv^iwx^iy = x^iy \in L$  für  $i \geq 0$ .

**Aufgabe 5:**

(12 × 1 = 12 Punkte)

Kreuzen Sie für folgende Aussagen an, ob diese wahr oder falsch sind.

*Hinweis:* Für jede richtige Antwort gibt es einen Punkt, für jede falsche Antwort wird ein Punkt abgezogen. Es wird keine negative Gesamtpunktzahl für diese Aufgabe gegeben.

Sei  $\mathcal{A}$  ein NEA über einem Alphabet  $\Sigma$ . Dann akzeptiert  $\mathcal{A}$  ein Wort  $w \in \Sigma^*$  genau dann, wenn  $\mathcal{A}$  bei der Abarbeitung von  $w$  mindestens einen Endzustand benutzt.

<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>
wahr	falsch
<input type="checkbox"/>	<input checked="" type="checkbox"/>
wahr	falsch

*Lösung:*

Es existiert ein endlicher Automat, der die durch die Grammatik  $(\{a, b, c\}, \{S, A, B, C\}, S, R)$  mit

$$R = \{S \rightarrow ABC, A \rightarrow C, A \rightarrow AA \mid a, B \rightarrow BB \mid b, C \rightarrow CC \mid c\}$$

<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>
wahr	falsch

erzeugte Sprache erkennt.

*Lösung:*

<input checked="" type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>
wahr	falsch

Die Sprache  $L = \bigcup_{n \in \mathbb{N}} \{0^{pn} \mid p \text{ prim}\} \subseteq \{0\}^*$  hat endlichen Nerodeindex.

<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>
wahr	falsch
<input checked="" type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>
wahr	falsch

*Lösung:*

Seien  $f_1$  und  $f_2$  turingberechenbare Funktionen und  $\mathcal{M}$  eine deterministische Turingmaschine. Dann existiert keine nicht-deterministische Turingmaschine, die entscheidet, ob  $\mathcal{M}$  Funktion  $f_1$  oder  $f_2$  berechnet.

<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>
wahr	falsch
<input checked="" type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>
wahr	falsch

*Lösung:*

Sei  $L$  eine semientscheidbare Sprache über dem Alphabet  $\{0, 1\}$ . Dann ist  $\chi_{L \cap L_u}^*$  berechenbar, wobei  $L_u$  die universelle Sprache bezeichne.

<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>
wahr	falsch
<input checked="" type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>
wahr	falsch

*Lösung:*

Sei  $L$  eine Sprache über dem Alphabet  $\{0, 1\}$  und  $w \in \{0, 1\}^*$ . Dann gibt es eine Gödelnummer  $g$  so, dass die universelle Turingmaschine die Eingabe  $(g, w)$  genau dann akzeptiert, falls  $w \in L$ .

<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>
wahr	falsch
<input type="checkbox"/>	<input checked="" type="checkbox"/>
wahr	falsch

*Lösung:*

Es gilt:  $\text{co-2SAT} \notin \mathcal{NP}$ .

<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>
wahr	falsch
<input type="checkbox"/>	<input checked="" type="checkbox"/>
wahr	falsch

*Lösung:*

Falls  $\mathcal{P} \neq \mathcal{NP}$ , dann kann mit Hilfe eines Algorithmus für SET COVER eine Instanz von INDEPENDENT SET in polynomieller Gesamtzeit gelöst werden.

<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>
wahr	falsch

*Lösung:*

<input type="checkbox"/>	<input checked="" type="checkbox"/>
wahr	falsch

Falls es ein PAS für COLOR gibt, dann ist  $\mathcal{P} = \mathcal{NP}$ .

<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>
wahr	falsch

*Lösung:*

<input checked="" type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>
wahr	falsch

Jede Sprache, die durch einen nicht-deterministischen endlichen Automaten erkannt wird, kann auch durch einen deterministischen Kellerautomaten erkannt werden.

<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>
wahr	falsch

*Lösung:*

<input checked="" type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>
wahr	falsch

Die Sprache

$$\left[ (\{a^n cb^n cd^k : k, n \in \mathbb{N}\} \cap a^* cb^* cd^*) \cup a^* cb^* \right] \cap \left[ a^* c \cdot \{b^n cd^n : n \in \mathbb{N}\} \right]$$

<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>
wahr	falsch

ist kontextfrei.

*Lösung:*

<input type="checkbox"/>	<input checked="" type="checkbox"/>
wahr	falsch

Sei  $G$  eine kontextfreie Grammatik und  $\alpha$  ein regulärer Ausdruck. Es ist nicht entscheidbar, ob  $L(G) \cap L(\alpha) = \emptyset$  ist.

<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>
wahr	falsch

*Lösung:*

<input type="checkbox"/>	<input checked="" type="checkbox"/>
wahr	falsch