

# Algorithmen für Routenplanung

## Übung 5

Thomas Pajor

Lehrstuhl für Algorithmik I  
Institut für theoretische Informatik  
Karlsruher Institut für Technologie  
Universität Karlsruhe (TH)

6. Juli 2009

# Aufgabe 1: SHARC-Routing

---

**Gegeben:** Graph  $G = (V, E, \text{len})$ , eine  $k$ -level Partition  $\mathcal{P} = \{\mathcal{P}_0, \dots, \mathcal{P}_k\}$ .

## Aufgabe 1: SHARC-Routing

---

**Gegeben:** Graph  $G = (V, E, \text{len})$ , eine  $k$ -level Partition  $\mathcal{P} = \{\mathcal{P}_0, \dots, \mathcal{P}_k\}$ .

- (a) Wie können bei Kanten  $e \in C$  auf Level  $i$ , die durch Knotenreduktion entfernt werden, die Arc-Flags auf *allen* Leveln korrekt gesetzt werden?

# Aufgabe 1: SHARC-Routing

---

**Gegeben:** Graph  $G = (V, E, \text{len})$ , eine  $k$ -level Partition  $\mathcal{P} = \{\mathcal{P}_0, \dots, \mathcal{P}_k\}$ .

- (a) Wie können bei Kanten  $e \in C$  auf Level  $i$ , die durch Knotenreduktion entfernt werden, die Arc-Flags auf *allen* Leveln korrekt gesetzt werden?
- (b) Geben Sie ein effizientes Verfahren zur Verfeinerung der Arc-Flags an.

# Aufgabe 1: SHARC-Routing

---

**Gegeben:** Graph  $G = (V, E, \text{len})$ , eine  $k$ -level Partition  $\mathcal{P} = \{\mathcal{P}_0, \dots, \mathcal{P}_k\}$ .

- (a) Wie können bei Kanten  $e \in C$  auf Level  $i$ , die durch Knotenreduktion entfernt werden, die Arc-Flags auf *allen* Levels korrekt gesetzt werden?
- (b) Geben Sie ein effizientes Verfahren zur Verfeinerung der Arc-Flags an.
- (c) Zeigen Sie die Korrektheit der Arc-Flags-Kompression wie in der Vorlesung eingeführt. Beschränken Sie sich auf 1-Level-Partitionen.

## Aufgabe 2: Transit-Node Routing & Arc-Flags

**Gegeben:** Graph  $G = (V, E, \text{len})$  und Transit-Knoten  $\mathcal{T}_1 \subseteq \mathcal{T}_0$  mit  $\mathcal{T}_0 = V$  und eine Partitionierung von  $\mathcal{T}_1$  in  $k$  Zellen. Für jeden Transit-Knoten  $a \in \mathcal{T}$  soll ein Bitvektor der Länge  $k$  verwendet werden.

## Aufgabe 2: Transit-Node Routing & Arc-Flags

**Gegeben:** Graph  $G = (V, E, \text{len})$  und Transit-Knoten  $\mathcal{T}_1 \subseteq \mathcal{T}_0$  mit  $\mathcal{T}_0 = V$  und eine Partitionierung von  $\mathcal{T}_1$  in  $k$  Zellen. Für jeden Transit-Knoten  $a \in \mathcal{T}$  soll ein Bitvektor der Länge  $k$  verwendet werden.

- (a) Wann ist zu einer  $s$ - $t$ -Anfrage ein Table-Lookup zwischen zwei Access-Nodes  $a \in \vec{A}(s)$  und  $a' \in \overleftarrow{A}(t)$  unnötig? Welche Information soll demnach an die Bitvektoren gespeichert werden?

## Aufgabe 2: Transit-Node Routing & Arc-Flags

**Gegeben:** Graph  $G = (V, E, \text{len})$  und Transit-Knoten  $\mathcal{T}_1 \subseteq \mathcal{T}_0$  mit  $\mathcal{T}_0 = V$  und eine Partitionierung von  $\mathcal{T}_1$  in  $k$  Zellen. Für jeden Transit-Knoten  $a \in \mathcal{T}$  soll ein Bitvektor der Länge  $k$  verwendet werden.

- (a) Wann ist zu einer  $s$ - $t$ -Anfrage ein Table-Lookup zwischen zwei Access-Nodes  $a \in \vec{A}(s)$  und  $a' \in \overleftarrow{A}(t)$  unnötig? Welche Information soll demnach an die Bitvektoren gespeichert werden?
- (b) Geben Sie ein Verfahren zur Berechnung der Bitvektoren an.

## Aufgabe 2: Transit-Node Routing & Arc-Flags

**Gegeben:** Graph  $G = (V, E, \text{len})$  und Transit-Knoten  $\mathcal{T}_1 \subseteq \mathcal{T}_0$  mit  $\mathcal{T}_0 = V$  und eine Partitionierung von  $\mathcal{T}_1$  in  $k$  Zellen. Für jeden Transit-Knoten  $a \in \mathcal{T}$  soll ein Bitvektor der Länge  $k$  verwendet werden.

- (a) Wann ist zu einer  $s$ - $t$ -Anfrage ein Table-Lookup zwischen zwei Access-Nodes  $a \in \vec{A}(s)$  und  $a' \in \overleftarrow{A}(t)$  unnötig? Welche Information soll demnach an die Bitvektoren gespeichert werden?
- (b) Geben Sie ein Verfahren zur Berechnung der Bitvektoren an.
- (c) Wie lässt sich die Transit-Node-Query modifizieren, um von den vorberechneten Zusatzinformationen gebrauch zu machen?